

**KOCAELİ ÜNİVERSİTESİ \* FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ**

**194961**

**SANTRİFÜJ POMPA BAĞLANTILARININ NÜMERİK VE  
DENEYSEL İNCELENMESİ**

**YÜKSEK LİSANS TEZİ**

**Makine Müh. Akın EREN**

**Anabilim Dalı: Makine Mühendisliği**

**Danışman: Yrd.Doç.Dr. K. Süleyman YİĞİT**

**HAZİRAN 2004**

**KOCAELİ ÜNİVERSİTESİ \* FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ**

**SANTRİFÜJ POMPA BAĞLANTILARININ NÜMERİK  
VE DENEYSEL İNCELENMESİ**

**YÜKSEK LİSANS TEZİ**

**Mak.Müh. Akın EREN**

**Tezin Enstitüye Verildiği Tarih: 07 Haziran 2004**

**Tezin Savunulduğu Tarih : 25 Haziran 2004**

**Tez Danışmanı**

**K. Süleyman YİĞİT**

**Yrd.Doç.Dr.**



**Üye**

**Aydın ŞALCI**

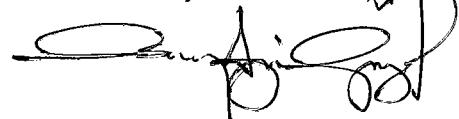
**Prof.Dr.**



**Üye**

**O. Azmi ÖZSOYSAL**

**Doç.Dr.**



**HAZİRAN 2004**

# **SANTRİFÜJ POMPA BAĞLANTILARININ NÜMERİK VE DENEYSEL İNCELENMESİ**

**Akın EREN**

**Anahtar kelimeler:** Santrifüj Pompa, Paralel Bağlantı, Seri Bağlantı, Karakteristik Eğri, Performans.

**Özet:** Santrifüj pompalar insan oğlunun su ihtiyacını karşılamak veya suyun ve diğer akışkanların bir yerden bir yere iletimini sağlamak amacıyla tarih boyunca en çok kullanılan hidrolik makine olmuştur. Teknolojik gelişmelerin ışığında santrifüj pompaların karakteristik özellikleri ne kadar arttırılsa da bu artım, maliyetle orantılı olduğundan pompalardaki gelişmelerin uygulaması istenilen seviyede olamamıştır. Bunun yerine mevcut klasik sistemlerin en iyi şartlarda en iyi performans özelliklerini sağlayacak pompa uygulamaları tercih edilmiştir.

Bu tezde ele alınan model; santrifüj pompa bağlantı şekillерinin meydana getirdiği sistemlerin özelliklerinin incelenmesidir. Nümerik analiz metotları ve deneysel çalışma sonuçlarından faydalananarak bulunmuş verilerin birlikte çözümlemesile büyük ve karmaşık sistemlerin karakteristik özelliklerini tanımlamaya, ayrıca bu çalışma ile santrifüj pompaların birbiriyle en uygun şekilde çalışabilmeleri için gerekli olan bağlantı şekillерinin belirlenmesine çalışılmıştır.

# THE NUMERICAL AND EXPERIMENTAL ANALYSIS OF THE CENTRIFUGAL PUMP CONNECTIONS

Akin EREN

**Keywords:** centrifugal pump, parallel connection, serial connection, characteristic curve, performance.

**Abstract:** The centrifugal pumps are the most used hydraulic machine throughout history to get the necessity of water the human needs and to get it from one place to an other. In the light of technological development as the efficiency of the centrifugal pumps increases, also the costs increases, so the improvement and application of the pumps are not as expected. Therefore the existing classical systems in the best condition and the best performances in pump applications were preferred.

In this thesis we have discussed about the system properties of the centrifugal pumps connection type are examined. This numerical and experimental study aims to define the characteristics of the big systems by solving approach of experimental results and numerical analyze of centrifugal pump connection configurations together. Also it shows the pumps effects through each other at working period. Actually we want to aim the determination way of connection of the centrifugal pumps for the most suitable working.

## **ÖNSÖZ ve TEŞEKKÜR**

Santrifüj pompaların işletme şartlarının değişmesiyle, performans özelliklerinin değiştirilebilmesi için çeşitli şekillerde bağlantılarının yapılması gerekmektedir. Bu bağlantı şekillerinin performans karakteristikleri ihtiyaç olan işletme şartına cevap verecek nitelikte olması gerekmektedir. Günümüzde, bu bağlantılar klasik yöntemlerle yapılmakta olup analitik olarak yapılmamaktadır. Sistemlere analitik olarak yaklaşılması, kontrolü ve ideal çalışma halini artırmaktadır. Bu yüzden santrifüj pompaların performans karakteristiklerine klasik yöntemlerden ziyade analitik olarak yaklaşmak gerekmektedir.

Bu çalışmada, teorik ve deneysel yaklaşımlar arasında ilişkiler incelenmiştir. Yapılan deneylerde yüksek hassasiyet ön planda tutulmuş olup, sonuçlar hatalardan arındırılmış bir şekilde alınmıştır. Yoğun bir çalışmanın sonucu ortaya çıkan bu tezden ileride bu konuda çalışma yapacakların faydalananacağı inancındayım.

Deneysel çalışmaları gerçekleştirmemde, tez çalışmalarımı yöneten ve destekleyen değerli hocam Yrd. Doç. Dr. K. Süleyman YİĞİT' e, maddi ve manevi desteklerini hiçbir zaman esirgemeyen annem ve babam Kevser ve Rıdvan EREN' e teşekkür eder saygılarımı sunarım.

Haziran 2004

Mak. Müh. Akın EREN

## İÇİNDEKİLER

ÖZET.....	ii
ABSTRACT.....	iii
ÖNSÖZ ve TEŞEKKÜR.....	iv
İÇİNDEKİLER.....	v
SİMGELER DİZİNİ ve KISALTMALAR.....	ix
ŞEKİLLER DİZİNİ.....	xi
TABLOLAR DİZİNİ.....	xvii
BÖLÜM 1. GİRİŞ.....	1
BÖLÜM 2. PERFORMANS İÇİN BOYUT ANALİZİ YÖNTEMİ .....	2
2.1. Vashy - Buckingham Veya Pi Teoremine Göre Türbomakinaların Çalışma Karakteristikleri İle İlgili Boyutsuz Parametreler.....	6
BÖLÜM 3. DÖNEL POMPALARIN TANIM EĞRİLERİ .....	9
3.1. Kısma Eğrisinin Saptanması .....	9
3.2. Tanım Yüzeyi .....	10
BÖLÜM 4. POMPALARDA BENZERLİK KURALLARI .....	16
4.1. Hızın Değişmesinin Etkileri .....	16

4.1.1. Devir sayısının; debi, basınç ve verim üzerindeki etkileri.....	16
4.2. Çap Değişikliği .....	19
<b>BÖLÜM 5. POMPA KARAKTERİSTİKLERİNDEN BENZERLİK İÇİN ANALİTİK METOD .....</b>	<b>21</b>
<b>BÖLÜM 6. KARAKTERİSTİK EĞRİ VE ÇALIŞMA NOKTASININ BULUNMASI .....</b>	<b>24</b>
6.1. Pompa Karakteristiği .....	24
6.2. Pompanın Optimum Çalışma Noktası .....	27
6.3. Pompa ve Tesisatın Ortak Çalışma Noktası.....	28
6.4. Pompa Çalışma Noktasının Ayarlanması .....	29
6.4.1. Pompanın $H=f(Q)$ karakteristiğinin değiştirilmesi.....	29
6.4.2. $H_s=f(Q)$ sistem karakteristiğinin değiştirilmesi .....	31
<b>BÖLÜM 7. POMPA VE BORULARIN SERİ VE PARALEL BAĞLANMALARI .....</b>	<b>33</b>
7.1. Paralel Bağlı Pompalar.....	33
7.1.1. Paralel pompalı tesisat .....	34
7.2. Seri Bağlı Pompalar .....	35
7.2.1. Seri pompalı tesisat .....	36
7.3. Şebekelerde Pompa Uygulamasında Çalışma Noktasının Bulunması .....	38
7.3.1. İki depoyu besleyen tek pompa .....	38
7.3.2. Emme hıznesi seviyeleri farklı iki pompanın paralel çalışması	39

7.3.3. Tek pompalı, iki depolu, üç borulu sistem .....	41
7.3.4. Tesisattan sabit $Q$ debisinin çekilmesi hali .....	43
7.3.5. Sirkülasyon devreleri .....	44
7.3.6. Geometrik basma yüksekliği negatif olan tesisatlar.....	44
7.3.7. Pompa karakteristiği kararsız olan tesisatlar .....	45
7.3.8. Santrifüj pompaların sürekli çalışabileceği debi aralığı.....	46
7.3.9. Yanlış pompa seçimi .....	48
<b>BÖLÜM 8. TABLOLAR YARDIMI İLE <math>H_m = f(Q)</math> DENKLEMİNİN OLUŞTURULMASI .....</b>	<b>49</b>
8.1. Karakteristik Eğrilere Denklemsel Yaklaşımlar .....	49
8.1.1. Tepe noktası olan eğri için .....	49
8.1.2. Tepe noktası olmayan eğri için .....	51
8.2. Matematiksel Modelleme.....	52
8.2.1. Özellikleri aynı pompaların bağlantısı .....	52
8.2.1.1. Sadece seri ve sadece paralel bağlı pompa sistemi .....	52
8.2.1.2. Düzgün çoklu bağlı pompa sistemi .....	53
8.2.1.3. Karışık bağlantı .....	55
8.2.1.3.1. Farklı paralel bağlantıların seri bağlantısı.....	55
8.2.1.3.2. Farklı seri bağlantıların paralel bağlantısı.....	57
<b>BÖLÜM 9. DENEY DÜZENEĞİ .....</b>	<b>59</b>
<b>BÖLÜM 10. SONUÇLAR ve ÖNERİLER.....</b>	<b>61</b>
10.1. Karakteristik Eğriler .....	61

10.2. Performans Eğrileri .....	63
10.3. Genel Sonuç .....	64
<b>BÖLÜM 11. KARAKTERİSTİK EĞRİLER.....</b>	<b>65</b>
11.1. Tek Pompanın Farklı Devirlerde Karakteristik Eğrileri .....	65
11.2. Farklı Veya Aynı Devirli Pompaların Bağlantılarında Pompaların Birbirlerine Pozitif veya Negatif Etkileri .....	66
<b>BÖLÜM 12. PERFORMANS EĞRİLERİ (<math>\psi - \phi</math>) .....</b>	<b>82</b>
12.1. Tek Pompanın 800, 1200, 1900 Devirde Performans Eğrileri ( $\psi - \phi$ ) .....	82
12.2. Farklı veya Aynı Devirli Pompaların Bağlantılarında Pompaların Birbirlerine Pozitif veya Negatif Etkilerini Veren Performans Eğrileri ( $\psi - \phi$ ) .....	83
<b>BÖLÜM 13. DENEY SONUÇ TABLOLARI .....</b>	<b>93</b>
<b>KAYNAKLAR.....</b>	<b>108</b>
<b>ÖZGEÇMİŞ.....</b>	<b>110</b>

## **SİMGELER DİZİNİ ve KISALTMALAR**

$H_m$  : Manometrik basma yüksekliği

$Q$  : Debi

$\eta$  : Verim

$\eta_h$  : Hidrolik verim

$H_k$  : Boru kaybı

$P$  : Güç

OÇN : Ortak Çalışma Noktası

DÇB : Düzgün Çoklu Bağlantı

$I_s$  : Seri bağlanmış aynı pompaların sayısı

$I_p$  : Paralel bağlanmış aynı pompaların sayısı

$\Phi(Q_{sis})$ : Sistemin OÇN yani  $H_{sis}-Q_{sis}$  çiftini veren denklem

$\Psi(Q)$  : Önerilen denklem

$Y$  : Özgül enerji, çark kanatlarının akışkana aktardığı yararlı özgül enerji

$Y_k$  : Kanatlar tarafından aktarılan toplam özgül enerji

$Z_h$  : Kanat kayıpları

$Z_{ça}$  : Çark ve yöneltici girişindeki çarpmaya kayıpları

$M$  : Moment

$N, n$  : Devir

$D$  : Çap

$\rho$  : Kütlesel yoğunluk

$\mu$  : Dinamik viskozite

$\nu$  : Kinematik viskozite

$\lambda$  : Benzerlik oranı

- $k$  : Eşdeğer pürüzlülük  
 $\omega$  : Açısal hız  
 $d/D$  : Boyutsuz çap oranı  
 $\Pi$  : Boyutsuzlaştırılmış fiziksel büyülüklük  
 $\psi$  : Manometrik yükseklik katsayısı  
 $\Phi$  : debi katsayısı  
 $\xi$  : güç katsayısı  
 $Re$  : Reynolds sayısı  
 $\Delta P_T$  : Basınç artışı  
 $\varepsilon$  : Bağlı pürüzlülük

## **ŞEKİLLER DİZİNİ**

<b>Şekil 2.1</b> Performans eğrileri.....	8
<b>Şekil 3.1</b> $Z_h$ kanal kayıplarının hesaba katılması.....	10
<b>Şekil 3.2</b> Bir dönel pompanın tanım yüzeyi. I ve II sabit dönme sayısı eğrileri (kısma eğrileri) olup a sabit debi eğrisidir.....	11
<b>Şekil 3.3</b> Deneylerde kullanılan pompanın tanım yüzeyi.....	12
<b>Şekil 3.3</b> Deneylerde kullanılan pompanın tanım eğrisi (noktasal).....	13
<b>Şekil 3.4</b> Değişik devir sayılarında özgül enerji ve debi değişimi.....	14
<b>Şekil 4.1</b> Devir sayısı ile karakteristiğin değişimi.....	17
<b>Şekil 4.2</b> Devir sayısının verim üzerine etkisi (Pompa dağ eğrileri).....	18
<b>Şekil 4.3</b> Pompada devir sayısı değişimi.....	19
<b>Şekil 6.1</b> Manometrik Basma Yüksekliği (H), Pompa Mil Gücü (P), Pompa verimi $\eta$ , Gerekli Emmedeki Net Pozitif Yük (ENPY <sub>G</sub> ) değerlerinin debiye (Q) bağlı olarak değişimini gösteren eğriler...	24
<b>Şekil 6.2</b> Dik ve yatık karakteristikli pompalar.....	25
<b>Şekil 6.3</b> 1400 d/d hızda su ile test edilen bir santrifüj pompanın karakteristik eğrileri.....	26
<b>Şekil 6.4</b> Kararlı ve kararsız karakteristik.....	27
<b>Şekil 6.5</b> Pompanın tesisattaki çalışma noktası.....	28
<b>Şekil 6.6</b> Çark dış çapı değişiminin pompa karakteristiğine etkisi.....	29
<b>Şekil 6.7</b> Pompa dönme hızının değiştirilmesi.....	30
<b>Şekil 6.8</b> Pompa basma vanasının kısılması.....	31
<b>Şekil 6.9</b> Pompa basma ve emme hattı arasında by-pass yapılması.....	32

<b>Şekil 7.1</b>	Paralel bağlı pompalar.....	33
<b>Şekil 7.2</b>	Paralel bağlı pompa tesisatı.....	34
<b>Şekil 7.3</b>	üç adet paralel bağlı pompa tesisatı.....	34
<b>Şekil 7.4</b>	Seri bağlı pompalar.....	35
<b>Şekil 7.5</b>	Seri bağlı pompa tesisatı.....	36
<b>Şekil 7.6</b>	Boru kayıpları çok ve az sistem karakteristiği.....	37
<b>Şekil 7.7</b>	İki depoyu besleyen tek pompa.....	38
<b>Şekil 7.8</b>	Emme haznesi seviyeleri farklı iki pompanın paralel çalışması.....	39
<b>Şekil 7.9</b>	iki pompanın paralel çalışma halindeki ortak $H = H_1' + H_2'$ karakteristiği.....	40
<b>Şekil 7.10</b>	Tek pompalı, iki depolu, üç borulu sistem.....	41
<b>Şekil 7.11</b>	II ve III borularının ortak / paralel $H_s$ sistem karakteristiği ile $H'$ düzeltilmiş pompa karakteristiğinin A kesim noktasının bulunması...	42
<b>Şekil 7.12</b>	Tesisattan sabit $Q$ debisinin çekilmesi hali.....	43
<b>Şekil 7.13</b>	Sirkülasyon devresi karakteristiği.....	44
<b>Şekil 7.14</b>	Geometrik basma yüksekliği negatif olan tesisatlar.....	44
<b>Şekil 7.15</b>	Pompa karakteristiği kararsız olan tesisatlar.....	45
<b>Şekil 7.16</b>	Santrifüj pompaların güvenilir çalışma bölgeleri.....	46
<b>Şekil 7.17</b>	Pompaların sürekli, güvenilir çalışma bölgesinin dışında çalışmaları halinde ortaya çıkan hidrolik ve mekanik sorunlar.....	47
<b>Şekil 7.18</b>	Pompa çalışma noktasının yanlış hesaplanması hidrolik performansı etkisi.....	48
<b>Şekil 8.1</b>	Düzgün çoklu bağlı pompası sistemi.....	54
<b>Şekil 8.2</b>	Farklı paralel bağlantıların seri bağlantısı.....	55
<b>Şekil 8.3</b>	Farklı seri bağlantıların paralel bağlantısı.....	57
<b>Şekil 9.1</b>	Deney düzeneği.....	59

<b>Şekil 11.17</b> $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ seri bağlantı	
$(Hm_2 + Hm_1)_{\text{teorik sistem}} - (Hm_2 + Hm_1)_{\text{gerçek sistem}}$ farkı.....	73
<b>Şekil 11.18</b> $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantı karakteristik eğrileri.....	74
<b>Şekil 11.19</b> $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantı	
$(Hm_2 + Hm_1)_{\text{teorik sistem}} - (Hm_2 + Hm_1)_{\text{gerçek sistem}}$ farkı.....	74
<b>Şekil 11.20</b> $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ , $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,	
$P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantılarının	
[ $(Hm_2 + Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2 + Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ ] farkı.....	75
<b>Şekil 11.21</b> $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ , $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,	
$P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantılarının	
[ $(Hm_2 + Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2 + Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ ] farkı.....	76
<b>Şekil 11.22</b> $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ , $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,	
$P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantılarının	
[ $(Hm_2 + Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2 + Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ ] farkı.....	77
<b>Şekil 11.23</b> $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ , $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,	
$P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ , $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ ,	
$P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ , $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ ,	
$P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ , $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,	
$P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantılarının	
[ $(Hm_2 + Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2 + Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ ] farkı.....	78
<b>Şekil 11.24</b> $[P_2 (800_{[d/d]}) - P_1 (1200_{[d/d]})]$ seri bağlantı ve	
$[P_2 (1200_{[d/d]}) - P_1 (800_{[d/d]})]$ seri bağlantı karşılaştırması.....	79
<b>Şekil 11.25</b> $[P_2 (800_{[d/d]}) - P_1 (1900_{[d/d]})]$ seri bağlantı ve	
$[P_2 (1900_{[d/d]}) - P_1 (800_{[d/d]})]$ seri bağlantı karşılaştırması.....	80
<b>Şekil 11.26</b> $[P_2 (1200_{[d/d]}) - P_1 (1900_{[d/d]})]$ seri bağlantı ve	
$[P_2 (1900_{[d/d]}) - P_1 (1200_{[d/d]})]$ seri bağlantı karşılaştırması.....	81

<b>Şekil 12.27</b> Tek pompanın 800, 1200, 1900 devirde performans eğrileri.....	82
<b>Şekil 12.28</b> $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	83
<b>Şekil 12.29</b> $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	83
<b>Şekil 12.30</b> $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	84
<b>Şekil 12.31</b> $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	84
<b>Şekil 12.32</b> $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	85
<b>Şekil 12.33</b> $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	85
<b>Şekil 12.34</b> $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	86
<b>Şekil 12.35</b> $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	86
<b>Şekil 12.36</b> $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ seri bağlantı performans eğrisi.....	87
<b>Şekil 12.37</b> $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ , $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ , $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ seri bağlantılarında $P_2$ ve $P_1$ pompalarının performans eğrileri.....	88
<b>Şekil 12.38</b> $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ , $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ , $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ seri bağlantılarında $P_2$ ve $P_1$ pompalarının performans eğrileri.....	89
<b>Şekil 12.39</b> $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ , $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ , $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ seri bağlantılarında $P_2$ ve $P_1$ pompalarının performans eğrileri.....	90
<b>Şekil 12.40</b> $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ , $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ , $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ , $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ , $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ , $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ , $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ , $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ , $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ seri bağlantılarında $P_2$ ve $P_1$ pompalarının performans eğrileri.....	91

**Şekil 12.41**  $P_2(800_{[\text{d/d}]}) + P_1(1900_{[\text{d/d}]})$ ,  $P_2(1200_{[\text{d/d}]}) + P_1(1900_{[\text{d/d}]})$ ,  
 $P_2(1900_{[\text{d/d}]}) + P_1(800_{[\text{d/d}]})$ ,  $P_2(1900_{[\text{d/d}]}) + P_1(1200_{[\text{d/d}]})$ ,  
 $P_2(1900_{[\text{d/d}]}) + P_1(1900_{[\text{d/d}]})$  seri bağlantılarında  $P_2$  ve  $P_1$   
pompalarının performans eğrileri..... 92



## TABLOLAR DİZİNİ

<b>Tablo 6.1</b>	H = f (Q) karakteristiğinin eğiminin pompa tiplerine göre aldığı değer.....	25
<b>Tablo 9.1</b>	Seri ve paralel bağlantı valf düzenleri.....	60
<b>Tablo 13.1</b>	Tek pompanın 800 (d/dk), 1200 (d/dk), 1900 (d/dk) devirde Hm – Q verileri.....	93
<b>Tablo 13.2</b>	Tek pompanın 800 (d/dk), 1200 (d/dk), 1900 (d/dk) devirde manometrik yükseklik katsayısı $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$ ve debi katsayısı $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$ verileri.....	93
<b>Tablo 13.3</b>	P <sub>2</sub> (800 <sub>[d/d]</sub> ) + P <sub>1</sub> (800 <sub>[d/d]</sub> ) seri bağlantı; Hm <sub>2,1</sub> , Q <sub>sistem</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub> - (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub> verileri .....	94
<b>Tablo 13.4</b>	P <sub>2</sub> (800 <sub>[d/d]</sub> ) + P <sub>1</sub> (800 <sub>[d/d]</sub> ) seri bağlantı; Hm <sub>2,1</sub> , Q <sub>sistem</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub> - (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub> verileri.....	95
<b>Tablo 13.5</b>	P <sub>2</sub> (800 <sub>[d/d]</sub> ) + P <sub>1</sub> (1900 <sub>[d/d]</sub> ) seri bağlantı; Hm <sub>2,1</sub> , Q <sub>sistem</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub> - (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub> verileri.....	96
<b>Tablo 13.6</b>	P <sub>2</sub> (1200 <sub>[d/d]</sub> ) + P <sub>1</sub> (800 <sub>[d/d]</sub> ) seri bağlantı; Hm <sub>2,1</sub> , Q <sub>sistem</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub> , (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub> - (Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub> verileri.....	97

<b>Tablo 13.7</b> $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ seri bağlantı; $Hm_{2,1}$ , $Q_{\text{sistem}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ verileri.....	98
<b>Tablo 13.8</b> $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantı; $Hm_{2,1}$ , $Q_{\text{sistem}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ verileri.....	99
<b>Tablo 13.9</b> $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ seri bağlantı; $Hm_{2,1}$ , $Q_{\text{sistem}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ verileri.....	100
<b>Tablo 13.10</b> $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ seri bağlantı; $Hm_{2,1}$ , $Q_{\text{sistem}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ verileri.....	101
<b>Tablo 13.11</b> $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantı; $Hm_{2,1}$ , $Q_{\text{sistem}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}}$ , $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ verileri.....	102
<b>Tablo 13.12</b> $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$ ve debi katsayısı $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$ verileri.....	103
<b>Tablo 13.13</b> $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$ ve debi katsayısı $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$ verileri.....	103
<b>Tablo 13.14</b> $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$ ve debi katsayısı $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$ verileri.....	104
<b>Tablo 13.15</b> $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$ ve debi katsayısı $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$ verileri.....	104

**Tablo 13.16**  $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$  seri bağlantı; manometrik yükseklik

$$\text{katsayısı } \Psi = \frac{gH}{N^2 D^2} \text{ ve debi katsayısı } \Phi = \frac{Q}{ND^3} \text{ verileri.....} \quad 105$$

**Tablo 13.17**  $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$  seri bağlantı; manometrik yükseklik

$$\text{katsayısı } \Psi = \frac{gH}{N^2 D^2} \text{ ve debi katsayısı } \Phi = \frac{Q}{ND^3} \text{ verileri.....} \quad 105$$

**Tablo 13.18**  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$  seri bağlantı; manometrik yükseklik

$$\text{katsayısı } \Psi = \frac{gH}{N^2 D^2} \text{ ve debi katsayısı } \Phi = \frac{Q}{ND^3} \text{ verileri.....} \quad 106$$

**Tablo 13.19**  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$  seri bağlantı; manometrik yükseklik

$$\text{katsayısı } \Psi = \frac{gH}{N^2 D^2} \text{ ve debi katsayısı } \Phi = \frac{Q}{ND^3} \text{ verileri.....} \quad 106$$

**Tablo 13.20**  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$  seri bağlantı; manometrik yükseklik

$$\text{katsayısı } \Psi = \frac{gH}{N^2 D^2} \text{ ve debi katsayısı } \Phi = \frac{Q}{ND^3} \text{ verileri.....} \quad 107$$

## 1. GİRİŞ

Günümüzde teknolojik gelişmelerin ışığında santrifüj pompalar en az enerji tüketimiyle en yüksek performans özelliğini sağlayacak şekilde tasarlanıp üretilmeye çalışılsa da, bu gelişme yeterli olamamıştır. Özellikle kontrol sistemindeki gelişmelerin ışığında, pompaların devir sayıları çıkış bilgileri olan basınç ve debi değerlerine göre ayarlanmakta ve en uygun çalışma şartları oluşturulmaktadır. Ancak günümüz teknolojik imkanlarıyla bu tür kontrol sistemleri oldukça pahalı ve yatırım giderleri yüksektir.

Mevcut kurulu sistemlerde üretilen ve kullanılan santrifüj pompalar klasik pompa modelleri olup, bu pompalar sistemlerde kullanılırken istenilen şartlara göre seri, paralel ve karışık olmak üzere değişik şekillerde bağlanmaktadır. Pompaların birbirleriyle bağlantı şekilleri ile istenilen performans özellikleri yapılan hesaplamalarla teorik olarak sağlanırsa da uygulamada bu şartlar yerine getirilememektedir [1].

Sıvıların enerji sarfiyatı en az olacak şekilde ve optimum şartlarda bir yerden bir yere iletilmesi, kullanılacak pompaların tesbit edilen uygun bağlantı şekillerinin analitik olarak hesaplanması veya deneysel metotlarla belirlenmesiyle olur.

Yukarıda verilen bilgilerin ışığında pompaların en iyi şartlarda çalıştırılabilmesi amacıyla klasik pompa mekanizmalarının kullanıldığı sistemlerde pompaların birbirleriyle en iyi şartları sağlaması için gerekli olan bağlantı şeilleri teorik ve deneysel olarak incelenmiş ve elde edilen sonuçlar BÖLÜM 10' da verilmiştir.

## 2. PERFORMANS İÇİN BOYUT ANALİZİ YÖNTEMİ

Pompa performansının boyut analizi yöntemi ile incelenmesinde problemi yöneten fiziksel büyüklüklerin seçiminde değişik alternatifler kullanılabilir. Burada örnek olarak  $gH$ ,  $Q$ ,  $P$ ,  $N$ ,  $D$ ,  $\rho$ ,  $\mu$ ,  $d/D$  değişkenlerini kullanabiliriz. Burada  $d/D$  oranı pompanın geometrik karakteristiğini açıklayan boyutsuzlaştırılmış bir büyüklüktür. Problemin çözümünde temel boyut sistemi olarak kütle, uzunluk, zaman ( $M$ ,  $L$ ,  $T$ ) seçilmiştir. Bu temel boyutlara karşılık gelen uluslararası SI birim sistemindeki karşılıklar kilogram, metre, saniye ( $kg$ ,  $m$ ,  $s$ ) dir.

$$\Phi = (gH, Q, P, N, D, \rho, \mu, d/D) = 0 \quad , \quad n = 8 \text{ dir.}$$

$$r = 3 \text{ ve } m = n - r = 8 - 3 = 5 \text{ olur.}$$

Olayı yöneten fiziksel büyüklüklerin boyutları,

$$[gH] = \frac{L}{T^2} \cdot L = L^2 T^{-2}$$

$$[Q] = \frac{L^3}{T} = L^3 T^{-1}$$

$$[P] = \frac{MLT^{-2} \cdot L}{T} = ML^2 T^{-3}$$

$$[N] = \frac{1}{T} = T^{-1}$$

$$[D, d] = L$$

$$[\rho] = ML^{-3}$$

$$[\mu] = ML^{-1}T^{-1}$$

Buna göre boyut tablosu,

Fiz. büy. Boyuṭlar	$gH$	$Q$	$P$	$N$	$D$	$\rho$	$\mu$	$d$
$M$	0	0	1	0	0	1	1	0
$L$	2	3	2	0	1	-3	-1	1
$T$	-2	-1	-3	-1	0	0	-1	0

ve boyut matrisi,  $\delta = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & 3 & 2 & 0 & 1 & -3 & -1 & 1 \\ -2 & -1 & -3 & -1 & 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$  olur.

Matristen elde edilebilecek sıfırdan farklı ve en yüksek mertebeden determinant örneğin,

$$\Delta = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ -2 & -1 & -3 \end{vmatrix} = -2 - (-6) = +4 \neq 0 \text{ dır. O halde gerçekten mertebe (rank),}$$

$r = 3$  dür.

Problemi Rayleigh yöntemi ile çözersek  $m = 5$  için,  $\Psi(\Pi_1, \Pi_2, \Pi_3, \Pi_4, \Pi_5) = 0$  ve,

$$\Pi_1 = \rho^{a_1} N^{b_1} D^{c_1} Q$$

$$\Pi_2 = \rho^{a_2} N^{b_2} D^{c_2} \mu$$

$$\Pi_3 = \rho^{a_3} N^{b_3} D^{c_3} g H$$

$$\Pi_4 = \rho^{a_4} N^{b_4} D^{c_4} P$$

$$\Pi_5 = \rho^{a_5} N^{b_5} D^{c_5} d$$

yazılabilir.

$$\Pi_1 \text{ için, } \Pi_1 = \rho^{a_1} N^{b_1} D^{c_1} Q$$

$$M^0 L^0 T^0 = (ML^{-3})^{a_1} \cdot (T^{-1})^{b_1} \cdot (L)^{c_1} \cdot L^3 T^{-1}$$

$$M^0 L^0 T^0 = (M)^{a_1} \cdot (L)^{-3a_1+c_1+3} \cdot (T)^{-b_1-1}$$

$$(M): 0 = a_1$$

$$(L): 0 = -3a_1 + c_1 + 3$$

$$(T): 0 = -b_1 - 1$$

$$\left. \begin{array}{l} a_1 = 0 \\ b_1 = -1 \\ c_1 = -3 \end{array} \right\} \Pi_1 = \rho^0 N^{-1} D^{-3} Q$$

$\Pi_1 = \frac{Q}{ND^3}$  olur.  $\Pi_1$  sayısı genellikle "debi katsayısı"  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  olarak yazılır.

$$\Pi_2 \text{ için, } \Pi_2 = \rho^{a_2} N^{b_2} D^{c_2} \mu$$

$$M^0 L^0 T^0 = (ML^{-3})^{a_2} \cdot (T^{-1})^{b_2} \cdot (L)^{c_2} \cdot ML^{-1} T^{-1}$$

$$M^0 L^0 T^0 = (M)^{a_2+1} \cdot (L)^{-3a_2+c_2-1} \cdot (T)^{-b_2-1}$$

$$\begin{aligned} (M) : 0 &= a_2 + 1 \\ (L) : 0 &= -3a_2 + c_2 - 1 \quad \text{buradan} \\ (T) : 0 &= -b_2 - 1 \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} a_2 = -1 \\ b_2 = -1 \\ c_2 = -2 \end{array} \right\} \Pi_2 = \rho^{-1} N^{-1} D^{-2} \mu$$

$$\Pi_2 = \frac{\mu}{\rho N D^2} = \frac{\cancel{\mu}}{\cancel{\rho}} = \left( \frac{N D^2}{v} \right)^{-1} \quad \text{ve} \quad Re = \frac{V \cdot D}{v} \text{ olduğu hatırlanırsa,}$$

$$\left. \begin{array}{l} [ND^2] = T^{-1} L^2 = L^2 T^{-1} \\ [VD] = \frac{L}{T} \cdot L = L^2 T^{-1} \end{array} \right\} [VD] = [ND^2] \quad \text{olduğundan} \quad \text{dolayı} \quad \Pi_2 = Re = \frac{ND^2}{v}$$

seçilmiştir.

$$\Pi_3 \text{ için, } \Pi_3 = \rho^{a_3} N^{b_3} D^{c_3} g H$$

$$M^0 L^0 T^0 = (ML^{-3})^{a_3} \cdot (T^{-1})^{b_3} \cdot (L)^{c_3} \cdot L^2 T^{-2}$$

$$M^0 L^0 T^0 = (M)^{a_3} \cdot (L)^{-3a_3+c_3+2} \cdot (T)^{-b_3-2}$$

$$\begin{aligned} (M) : 0 &= a_3 \\ (L) : 0 &= -3a_3 + c_3 + 2 \quad \text{buradan} \\ (T) : 0 &= -b_3 - 2 \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} a_3 = 0 \\ b_3 = -2 \\ c_3 = -2 \end{array} \right\} \Pi_3 = \rho^0 N^{-2} D^{-2} g H$$

$\Pi_3 = \frac{gH}{N^2 D^2}$  olur.  $\Pi_3$  sayısı genellikle "manometrik yükseklik katsayıısı"

$$\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2} \text{ olarak yazılır.}$$

$$\Pi_4 \text{ için, } \Pi_4 = \rho^{a_4} N^{b_4} D^{c_4} P$$

$$M^0 L^0 T^0 = (ML^{-3})^{a_4} \cdot (T^{-1})^{b_4} \cdot (L)^{c_4} \cdot M L^2 T^{-3}$$

$$M^0 L^0 T^0 = (M)^{a_4+1} \cdot (L)^{-3a_4+c_4+2} \cdot (T)^{-b_4-3}$$

$$\begin{aligned} (M) : 0 &= a_4 + 1 \\ (L) : 0 &= -3a_4 + c_4 + 2 \quad \text{buradan} \\ (T) : 0 &= -b_4 - 3 \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} a_4 = -1 \\ b_4 = -3 \\ c_4 = -5 \end{array} \right\} \Pi_4 = \rho^{-1} N^{-3} D^{-5} P$$

$\Pi_4 = \frac{P}{\rho N^3 D^5}$  olur.  $\Pi_4$  sayısı "güç katsayısı"  $\xi$  olarak bilinir ve  $\xi = \frac{P}{\rho N^3 D^5}$  olarak yazılır.

$\Pi_5$  için,  $\Pi_5 = \rho^{a_5} N^{b_5} D^{c_5} d$

$$M^0 L^0 T^0 = (ML^{-3})^{a_5} \cdot (T^{-1})^{b_5} \cdot (L)^{c_5} \cdot L$$

$$M^0 L^0 T^0 = (M)^{a_5} \cdot (L)^{-3a_5 + c_5 + 1} \cdot (T)^{-b_5}$$

$$\begin{aligned} (M) : 0 &= a_5 \\ (L) : 0 &= -3a_5 + c_5 + 1 \\ (T) : 0 &= -b_5 \end{aligned} \quad \text{buradan} \quad \left. \begin{aligned} a_5 &= 0 \\ b_5 &= 0 \\ c_5 &= -1 \end{aligned} \right\} \Pi_5 = \rho^0 N^0 D^{-1} d$$

$$\Pi_5 = \frac{d}{D} \text{ olur.}$$

Bulunan boyutsuz sayılar toplu halde aşağıdaki gibi olur,

$$\Pi_1 = \text{Debi katsayıısı: } \Phi = \frac{Q}{ND^3}$$

$$\Pi_2 = \text{Reynolds sayısı: } Re = \frac{ND^2}{v}$$

$$\Pi_3 = \text{Manometrik yükseklik katsayıısı: } \Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$$

$$\Pi_4 = \text{Güç katsayıısı: } \xi = \frac{P}{\rho N^3 D^5}$$

$$\Pi_5 = \frac{d}{D}$$

$$\text{veya, } f = \left( \frac{Q}{ND^3}, \frac{ND^2}{v}, \frac{gH}{N^2 D^2}, \frac{P}{\rho N^3 D^5}, \frac{d}{D} \right) = 0 \text{ yazılabilir [2].}$$

Bir turbo makinanın performansını tanımlamak için yukarıdaki ifadeler aşağıdaki gibi yazılabilir;

$$\Psi = g_1(\Phi)$$

$$\xi = g_2(\Phi)$$

$$\eta_T = g_3(\Phi)$$

Benzer şekilde verim ifadesi ele alınırsa;

$$\eta_T = \left( \frac{\text{Hidrolik güç}}{\text{Mil gücü}} \right) = \frac{\rho g Q H}{P} = \frac{Q \cdot \Delta p_T}{P}$$

$$\eta_T = \frac{\rho g Q H}{P} = \frac{\left[ \left( \frac{Q}{N D^3} \right) \left( \frac{g H}{N^2 D^2} \right) \right]}{\left[ \frac{P}{\rho N^3 D^5} \right]} \quad \text{veya,} \quad \eta_T = \frac{\Phi \Psi}{\xi} \quad \text{bulunur.}$$

Böylece  $\psi - \phi$ ,  $\xi - \phi$ , ve  $\eta_T - \phi$  eğrileri ile geometrik benzerlik var olduğu sürece seçilen herhangi bir  $\rho$ ,  $N$  ve  $D'$  ye karşılık gelen sonsuz sayıda  $gH - Q$ ,  $P - Q$ , ve  $\eta_T - Q$  eğrileri elde etmek mümkündür. Burada en önemli kısıtlama  $Re$  sayısına olan bağlılığın düşük olmasıdır [3].

## 2.1 Vashy - Buckingham Veya Pi Teoremine Göre Türbomakinaların Çalışma Karakteristikleri İle İlgili Boyutsuz Parametreler

Bir turbomakinanın birim akışkan kütlesi başına akışkana verdiği, ya da ondan aldığı enerji ( $Y = gH$ ); geometrik değişken olarak turbomakinanın  $D$  çark çapına ve cidarların  $k$  eşdeğer pürüzlülüğüne, kinematik değişkenler olarak akışkanın  $Q$  debisine ve çarkın  $\omega$  açısal hızına, akışkanın fiziksel değişkenleri olarak ta  $\rho$  yoğunluğu ve  $\mu$  dinamik viskozitesine bağlıdır [4]:

$$Y = gH = f(D, Q, \omega, \rho, \mu, k)$$

Vashy - Buckingham veya  $\Pi$  Teoremine göre, Buckingham çözümlemesi ile bu 7 değişken 4 boyutsuzlaştırılmış değişken halinde gruplandırılabilir:

$$\Pi_1 = \psi = \frac{gH}{\omega^2 D^2}, \quad \Pi_2 = \varphi = \frac{Q}{\omega D^3}, \quad \Pi_3 = Re = \frac{\rho \omega D^2}{\mu} = \frac{\omega D^2}{v}, \quad \Pi_4 = \varepsilon = \frac{k}{D}$$

Bu durumda  $\Pi_1$  bağıntısı, birbirine benzer bütün turbomakinalar ailesi için aynı olan

$$\Pi_1 = \psi = \frac{gH}{\omega^2 D^2} = f_1 \left( \frac{Q}{\omega D^3}, \frac{\omega D^2}{v}, \frac{k}{D} \right) = f_1(\varphi, Re, \varepsilon)$$

şeklini alır. Benzer yolla, güç, moment ve verim için de,

$$\frac{N_e}{\rho \omega^3 D^5} = f_2 \left( \frac{Q}{\omega D^3}, \frac{\omega D^2}{v}, \frac{k}{D} \right) = f_2(\varphi, Re, \varepsilon)$$

$$\frac{C}{\rho \omega^2 D^5} = f_3 \left( \frac{Q}{\omega D^3}, \frac{\omega D^2}{v}, \frac{k}{D} \right) = f_3(\varphi, Re, \varepsilon)$$

$$\eta_g = f_4 \left( \frac{Q}{\omega D^3}, \frac{\omega D^2}{v}, \frac{k}{D} \right) = f_4(\varphi, Re, \varepsilon)$$

bulunur. Birbirine benzer bütün turbomakinaların benzer çalışma noktalarında boyutsuz parametreler aynı değerleri korurlar.

$$\psi = \frac{gH}{\omega^2 D^2} \quad \text{basınç katsayısı yerine,} \quad \frac{gH}{u^2}, \quad \frac{2gH}{u^2}, \quad \frac{gH}{n^2 D^2}, \quad K$$

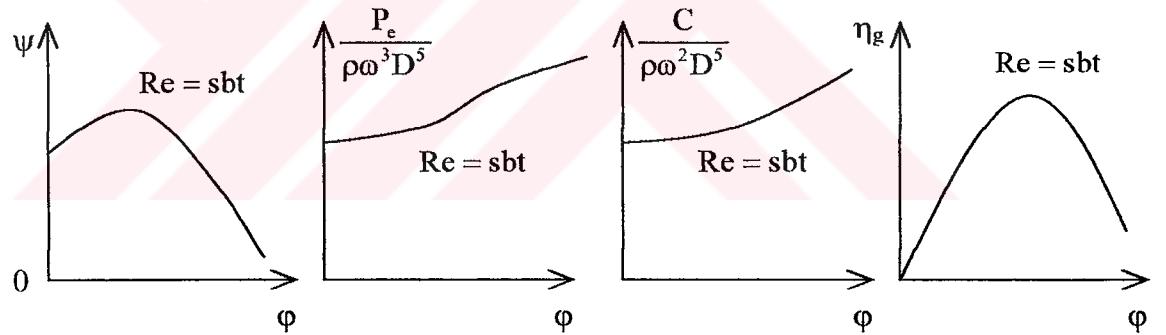
$$\varphi = \frac{Q}{\omega D^3} \quad \text{debi katsayısı yerine,} \quad \frac{Q}{uD^2}, \quad \frac{Q}{nD^3}, \quad \frac{Q}{u(D^2 - D_g^2)}, \quad K$$

$$Re = \frac{\omega D^2}{v} \quad \text{Reynolds sayısı yerine,} \quad \frac{Q}{vD}, \quad \frac{\omega Q}{v(gH^{1/2})}, \quad \frac{Q^{1/2} (gH)^{1/4}}{v}, \quad K$$

denklemleri kullanılabilir. Türbomakina içindeki akım hidrolik bakımdan tam pürüzlü rejim bölgesinde ise ( $Re$  sayısı çok büyük) ve ayrıca, cidarların ( $\varepsilon = k/D$ ) bağıl pürüzlülüğü, birbirine benzer olan makinalarda aynı mertebede ise, birinci yaklaşıkla,

$$\psi = f_1(\varphi), \frac{P_e}{\rho \omega^3 D^5} = f_2(\varphi), \frac{C}{\rho \omega^2 D^5} = f_3(\varphi), \eta_g = f_4(\varphi)$$

şeklinde kabul edilebilir. Böylece, performans eğrileri tek eğri haline indirgenmiş olur (Şekil 2.1). Reynolds sayısının ve  $\varepsilon$  bağıl pürüzlülüğünün etkileri çok küçük değilse, o vakit, her diyagramda tek eğri yerine, birbirine az çok yakın eğriler elde edilir [4].



**Şekil 2.1** Performans eğrileri

### **3. DÖNME POMPALARIN TANIM EĞRİLERİ**

n, Q, Y büyüklüklerinin birbirine bağlılıklarını incelemek üzere önce n dönme sayısı sabit tutularak Y özgül enerjisini Q debisi ile nasıl değiştiği saptanabilir. Gerçekleştirilmiş bir pompa için bu bağıntı pompa deney düzeneinde kolayca elde edilir. Bunun için dönme sayısı sabit tutulup basma borusundaki bir vananın kısıtlararak ayarlanması ve her ayar yapılışında Q ve Y değerlerinin ölçülmesi yeterlidir. Bu şekilde elde edilen ve sabit dönme sayısında Y ile Q arasındaki bağıntıyı veren eğriye kısma eğrisi adı verilir. Mümkün olan tüm dönme sayıları için elde edilen kısma eğrilerinin tümü, n, Y, Q eksen takımında bir yüzey oluşturur. Tanım yüzeyi adı verilen bu yüzey pompanın mümkün olan tüm çalışma noktaları hakkında bilgi verir.

#### **3.1 Kısma Eğrisinin Saptanması**

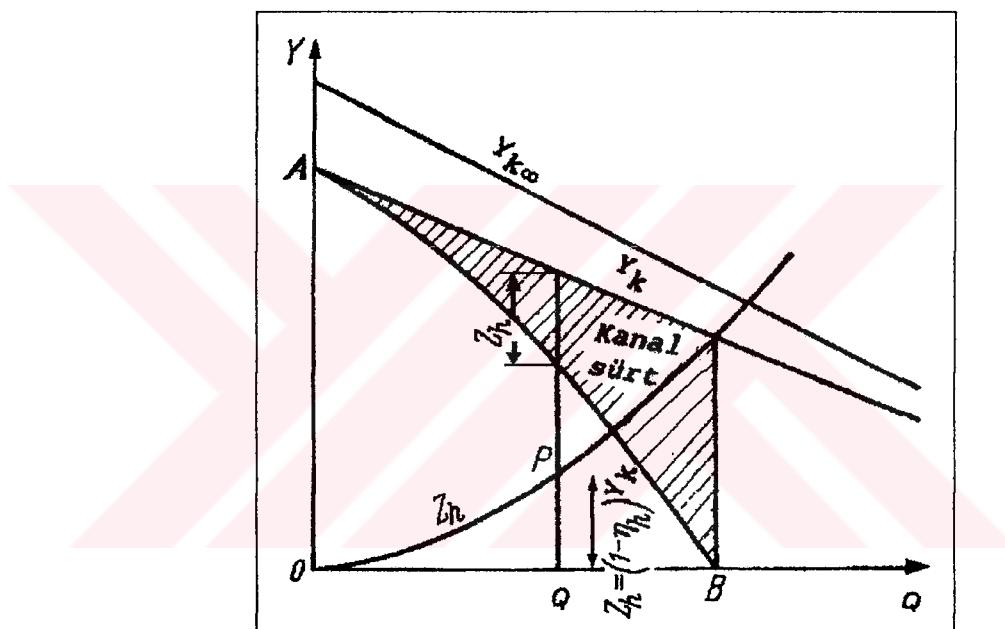
$Y_k$  özgül kanat enerjisinden aşağıdaki kayıplar çıkarılarak özgül enerji elde edilir

Tüm pompadaki  $Z_h$  kanal sürtünme kayıpları: Çark ile yönelticideki, emme ve basma flanşları arasındaki tüm bağlantı kanallarındaki sürtünme kayıpları bu kayıpların içindedir.

Çark ve yöneltici girişindeki  $Z_{ca}$  çarpma kayıpları: Kanal sürtünme kayıpları hesap noktasındaki Q değeri için belirli olup  $Y$ ; çark kanatlarının akışkana aktardığı yararlı özgül enerji olmak üzere,  $Y_k = Y + Z_h$  ve  $\eta_h = \frac{Y}{Y_k}$  eşitliklerinden,

$$Z_h = (1 - \eta_h) Y_k \quad (3.1)$$

şeklinde ifade edilir. Duran bir kanal halinde bu kayıplar  $Q$  ile yaklaşık olarak tepesi başlangıç noktasında olan bir parabol üzerinde değişir. Elimizde başka bir bilgi olmadığına göre dönmekte olan kanal halinde de aynı kuralın geçerli olduğu kabulü ile  $Z_h$  kayıp eğrisi, Şekil 3.1 deki gibi, (3.1) denkleminden hesaplanan  $P$  noktasından geçen bir parabol olarak çizilir.



Şekil 3.1  $Z_h$  kanal kayıplarının hesaba katılması.

### 3.2 Tanım Yüzeyi

Kısma eğrisinin denklemini çıkarmak üzere yazılan,

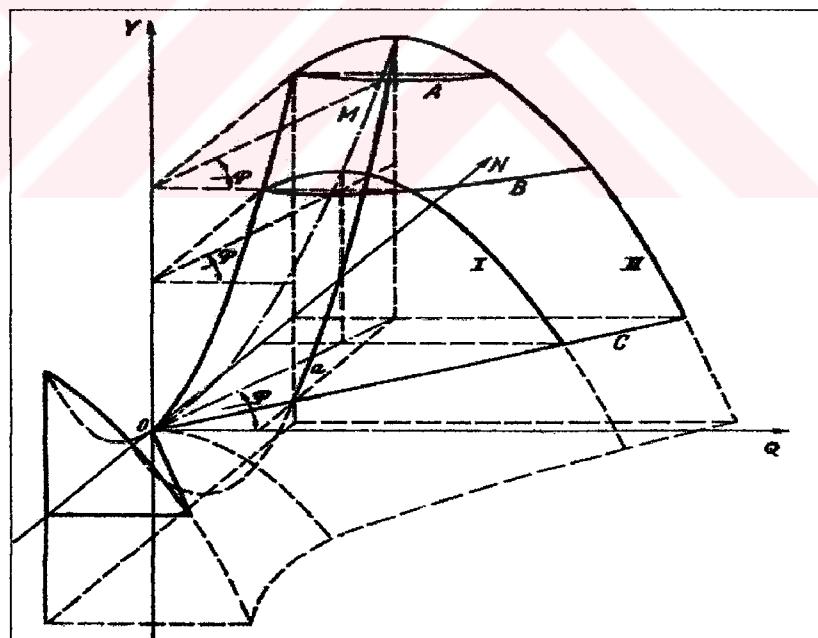
$$Y = Y_k - Z_h - Z_{ca}$$

eşitliğinde yukarıda elde edilen bağıntılar kullanılır ve bazı basit değişimler yapılrsa,

$$Y = k_1 n^2 + 2k_2 nQ - k_3 Q^2 \quad (3.2)$$

elde edilir.

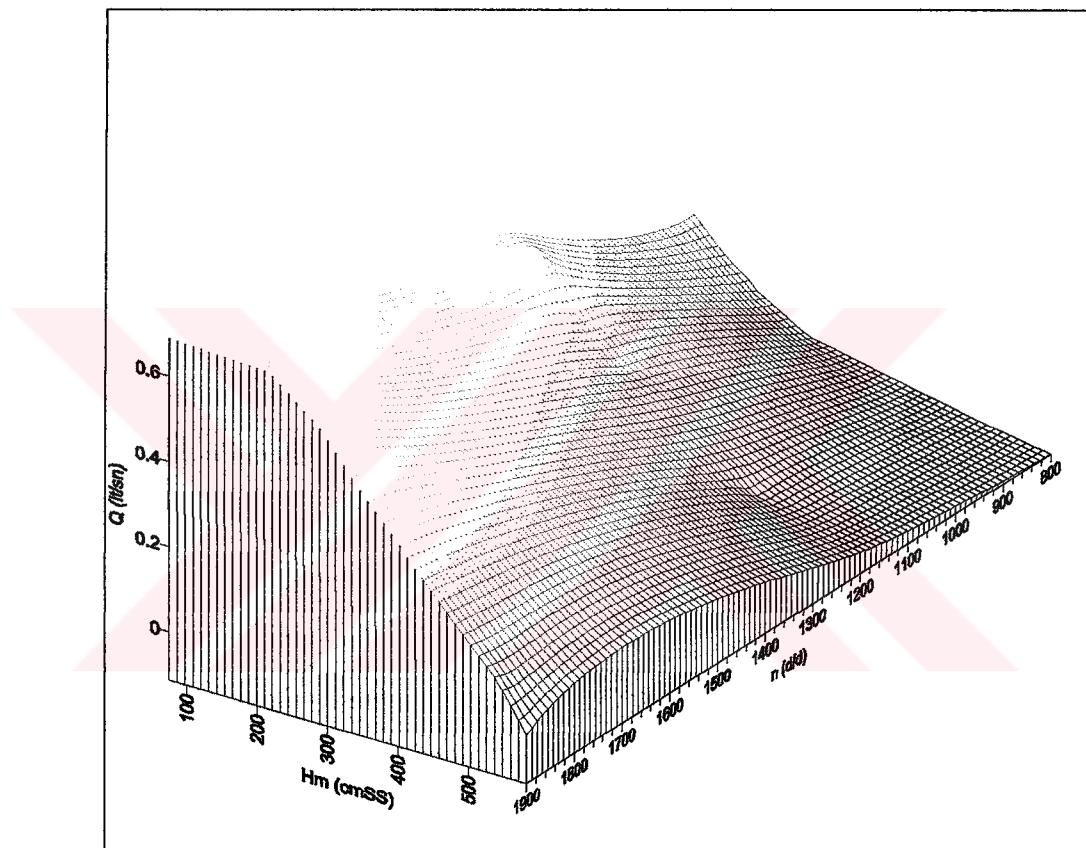
Kısma eğrilerinin parabol olmaları halinde, aynı bir pompanın değişik dönme sayılarındaki tüm kısma eğrileri aynı bir parabolün ötelenmesi ile elde edilir. Pompa ve boru sistemlerinin birlikte çalışmasıyla ortaya çıkan pompa ve bağlantı şekilleri PFLEIDERER ve PETERMANN'a göre [6], pompa karakteristik eğrileri  $Y = k_1 N^2 + 2k_2 NQ - k_3 Q^2$  denklemi ile ifade edilmektedir.  $k_1$ ,  $k_2$  ve  $k_3$  çark ve yöneltici boyutlarına bağlı katsayılardır. Burada  $N$  değişken alınırsa  $Y = k_1 N^2 + 2k_2 NQ - k_3 Q^2$  ifadesi pompanın tanım yüzeyini temsil eder. Bu yüzey, esas ekseni  $Y$  ekseni, tepesi 0 başlangıç noktası ile çakışan bir hiperbolik paraboloiddir. Şekil 3.2 de tanım yüzeyinin  $Q$  ekseninin pozitif tarafındaki kısmını görülmektedir.



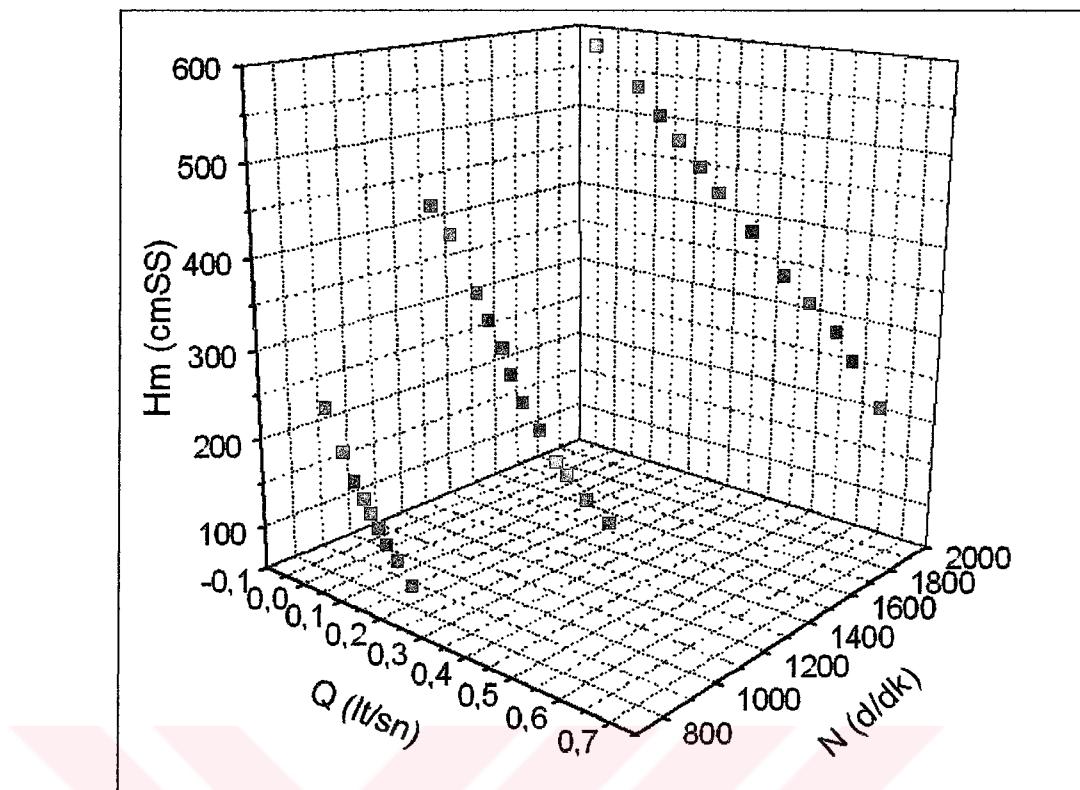
**Şekil 3.2** Bir dönel pompanın tanım yüzeyi. I ve II sabit dönme sayısı eğrileri (kısma eğrileri) olup a sabit debi eğrisidir.

Şekil 3.2 de gösterilen bir pompanın tanım yüzeyinde; I ve II sabit dönme sayısı eğrileri (kısma eğrileri) olup a sabit debi eğrisidir. Kısma eğrilerinin parabol olmaları

halinde, aynı bir pompanın değişik dönme sayılarındaki tüm kısma eğrileri aynı bir parabolün ötelenmesi ile elde edilir. Parabolden başka şekildeki kısma eğrileri aynı bir pompa halinde tüm dönme sayıları için birbirine benzer eğrilerdir. Deneylerde kullanılan pompanın tanım yüzeyi Şekil 3.3 ve Şekil 3.4 de gösterilmiştir.



Şekil 3.3 Deneylerde kullanılan pompanın tanım yüzeyi.



**Şekil 3.3** Deneylerde kullanılan pompanın tanım eğrisi (noktasal)

Parabol şeklindeki kısma eğrilerinin ( $Q$ - $Y$ ) düzlemindeki izdüşümleri alınırsa Şekil-2 deki gibi ötelenmiş paraboller ailesi elde edilir. Eksenleri birbirine dik olan bu parabollerin tepe noktaları OM parabolü üzerinde bulunur. Şekil-2 deki herhangi bir  $n$  dönme sayısı için verilmiş olan  $LB_2A_2$  kısma eğrisi diğer dönme sayıları içinde çizilebilir. Bunun için  $L$  tepe noktasının saptanması yeterlidir. Kısma eğrilerinin üzerinden OKLM parabolü geçer ve KLM tepe noktalarının apsisleri dönme sayısı ile orantılıdır. PFLEIDERER-PETERMAN'ın belirttiği bu orantı bir turbo makinenin benzer çalışma noktalarının geometrik yerlerini tespit eden RATEAU TOREMİ ile de tespit edilir [6].

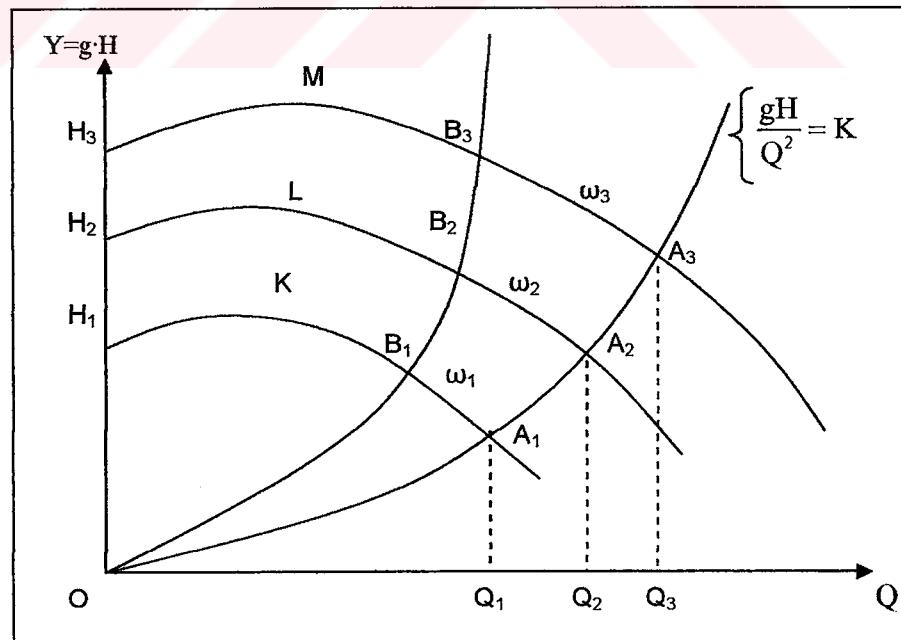
RATEAU TOREMİ; bir turbo makinenin  $Q$  debisi  $n$  devir sayısı ile orantılı;  $H$  net düşüsü veya manometrik basma yüksekliği devir sayısının karesi ile orantılı;

momenti devir sayısının karesi ile orantılı; gücü devir sayısının küpü ile orantılı olarak değişirse verimi sabit kalır:

$$\frac{Q'}{Q} = \frac{n'}{n}, \quad \frac{H'}{H} = \left(\frac{n'}{n}\right)^2, \quad \frac{M'}{M} = \left(\frac{n'}{n}\right)^2, \quad \frac{P_e'}{P_e} = \left(\frac{n'}{n}\right)^3, \quad \eta_g' = \eta_g \quad (3.3)$$

Reynolds sayısının etkisinin bulunmadığı yada ihmali edilebildiği hallerde, benzerlik bağıntılarında ( $\lambda=1$ ) yapılarak elde edilen (3.3) denklemleri, makinenin veriminde değişiklik olmaksızın, yeni çalışma durumundaki karakteristik büyüklüklerini hesaplamaya yararlar [4].

Bir turbo makinenin (örneğin bir santrifüj pompanın) değişik açısal hızlardaki karakteristik eğrileri şekil 3.4 de görüldüğü gibi RATEAU TOREMİ uygulanarak nokta nokta bulunabilir. Bu teorem, Benzer çalışma noktaları  $A_1, A_2, A_3, \dots$  İçin;



Şekil 3.4 Değişik devir sayılarında özgül enerji ve debi değişimi

$$\frac{Q_1}{\omega_1} = \frac{Q_2}{\omega_2} = \frac{Q_3}{\omega_3} = \dots \quad \text{ve} \quad \frac{gH_1}{\omega_1^2} = \frac{gH_2}{\omega_2^2} = \frac{gH_3}{\omega_3^2} = \dots \quad \text{eşitliklerini}$$

verdiğinden, açısal hızlar yok edilirse;

$$\frac{gH_1}{Q_1^2} = \frac{gH_2}{Q_2^2} = \frac{gH_3}{Q_3^2} = \dots = K \quad (3.4)$$

bulunur. O halde,  $A_1, A_2, A_3, \dots$  gibi benzer çalışma noktaları başlangıç noktasından geçen

$$Y = g \cdot H = K \cdot Q^2 \quad (3.5)$$

parabolü üzerinde bulunurlar.  $K'$  ya değişik değerler verildiğinde değişik çalışma noktalarının benzerlerinin geometrik yerleri elde edilir. Pompa karakteristik eğrileri genel olarak  $H_m$  ve  $Q$  değerlerinin deneysel olarak ölçülüp bir  $H_m-Q$  tablosu oluşturulması ile çizilir [6].

## **4. POMPALARDA BENZERLİK KURALLARI**

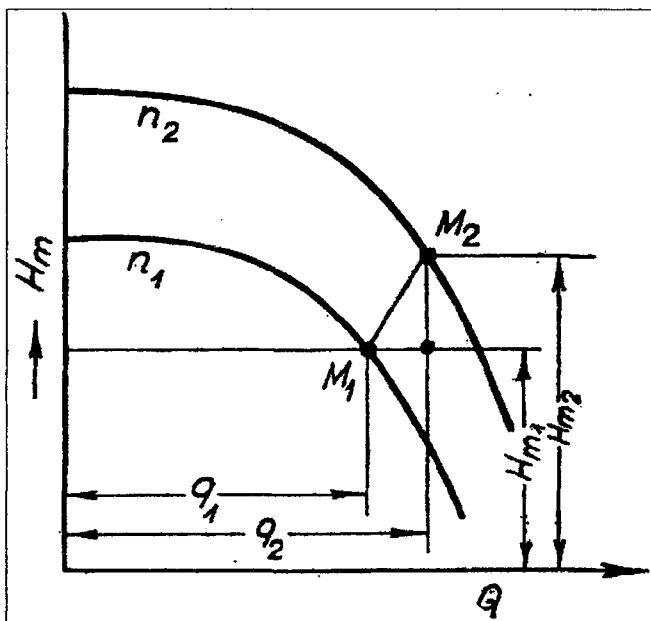
### **4.1 Hızın Değişmesinin Etkileri**

Bir pompanın kendisine benzer olarak çalışması halinde devir sayısı değiştirilince manometrik yükseklik devir sayısının karesi ile; debi ise devir sayısının birinci kuvveti ile orantılı olacaktır. Diğer taraftan pompanın kendisine benzer olarak çalışmasında çark çapının etkisi geometrik benzerlik oranının etkisine eşittir. Buna göre manometrik yükseklik çapın karesi debi çapın kübü ile orantılı olacaktır. Her iki etki birlikte göz önüne alınırsa,  $H_m \sim n^2 D^2$ ,  $Q \sim n D^3$ ,  $P \sim n^3 D^5$  yazılabilir. Geosim (Geometric similarity, geosim birbirine geometrik benzer cisimler anlamında kullanılmaktadır (Prof. TELFER).) cisimler için, genel benzerlik kuralı boyutsuzlaştırılmış parametre grupları cinsinden  $(\Pi_j)_m = (\Pi_j)_p$  yazılabilir. Bizim problemimiz için  $j = 1, 2, 3, 4, 5$  dir.

Örneğin;  $(\Pi_3)_m = (\Pi_3)_p$  veya  $\left(\frac{gH}{N^2 D^2}\right)_m = \left(\frac{gH}{N^2 D^2}\right)_p$  dir.

#### **4.1.1 Devir sayısının; debi, basınç ve verim üzerindeki etkileri**

Sabit dönme  $n_1$  sayısı ile çevrilen bir pompanın  $H_m = f(Q)$  karakteristiği daha evvelce de görüldüğü gibi şekil 4.1 deki gibidir. Şimdi aynı pompa  $n_2$  devir sayısı ile tahrik edilince yeni bir karakteristik bulunacaktır. Bu yeni karakteristiği bulmak için ilk karakteristiğin her M noktası için;

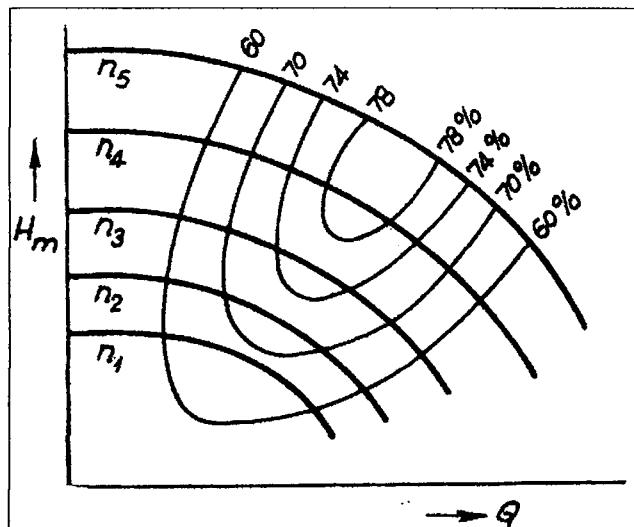


**Şekil 4.1** Devir sayısı ile karakteristiğin değişimi

$$\frac{Hm_2}{Hm_1} = \frac{n_2^2}{n_1^2} \quad \frac{Q_2}{Q_1} = \frac{n_2}{n_1}$$

bağıntıları uygulanır. Bu şekilde her  $M_1$  noktasına bir  $M_2$  noktası karşı gelir. Teorik olarak  $M_1$  noktası ile  $M_2$  noktasının verimlerinin de eşolması beklenirse de pratikte homolog noktaların verimlerinde farklar olduğu görülmektedir. Bu farkın nedeni Reynolds benzerliğinin gerçekleştirilmemesinde aranmalıdır. Türbinlerde Reynolds benzerliği daha kolay ihmäl edilebilirse de burada açık şekilde kendini gösterir.

Şekil 4.2 de bir santrifüj tulumbanın muhtelif devir sayılarında elde edilen deneysel karakteristikler ile eş verimli noktaların teşkil ettiği dağ eğrileri görülmektedir. Bu eğrilerin tepe noktasından geçen karakteristiğe karşı gelen devir sayısı pompanın en iyi devir sayısı ismini alır. Reynolds etkisi ihmäl edilince bu eğriler yerine orijinden geçen parabolller bulunur [12].



**Şekil 4.2 Devir sayısının verim üzerine etkisi (pompa dağ eğrileri)**

Bir rotodinamik pompanın  $n = \text{sabit}$  devir sayısı için manometrik yükseklik - debi  $H_m = f(Q)$ , Güç-debi  $P = f(Q)$  karakteristik eğrileri verilmişse, verimin sabit kaldığı kabulünün yapılabildiği sınırlar arasında kalmak kaydıyla, benzerlik kurallarından yararlanarak başka bir devir sayısı ve değişik çark çıkış çapı değerleri için karakteristik eğrilere geçmek mümkündür.

Pompayı kendi kendine benzer kabul ederek «Rateau» teoremlerinden bilindiği gibi

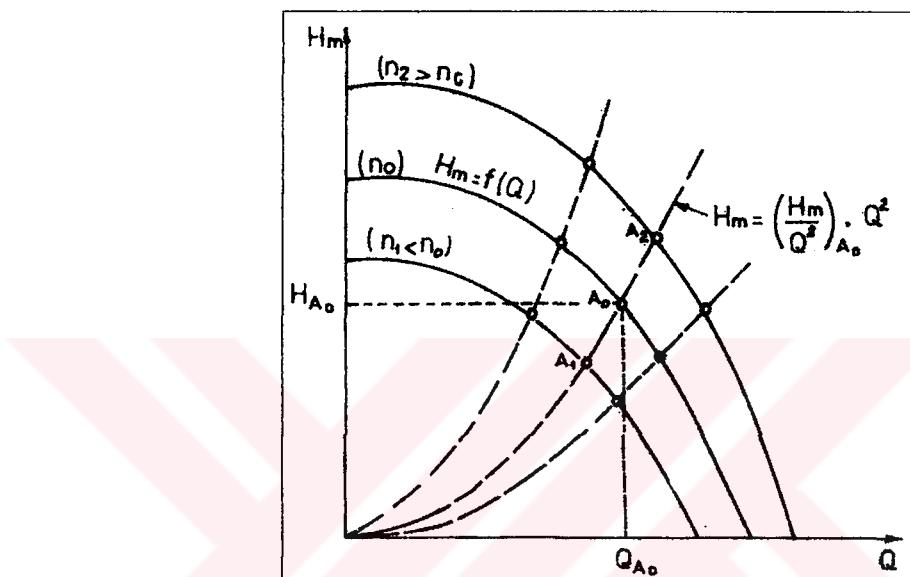
$$\frac{Hm'}{Hm} = \left( \frac{n'}{n} \right)^2 , \quad \frac{Q'}{Q} = \frac{n'}{n} , \quad \frac{P'}{P} = \left( \frac{n'}{n} \right)^3$$

bağıntılarından faydalananarak,  $n = \text{sabit}$  karakteristik eğrilerinden nokta nokta  $n' = \text{sabit}$  karakteristik eğrilerine kolayca geçilir. İlk iki bağıntı yardımıyla,

$$\frac{Hm'}{Hm} = \left( \frac{Q'}{Q} \right)^2$$

elde edilir. Şu halde, devir sayısı değişikliği için  $H_m - Q$  koordinat sisteminde, benzeşen noktalar;

$$H_m' = \left( \frac{H_m}{Q^2} \right)_A \cdot Q'^2$$



Şekil 4.3 Pompa devir sayısı değişimi.

#### 4.2 Çap Değişikliği

Pratikte çok uygulanan bir yöntem, belirli bir pompanın istenilen debi ve manometrik yükseklik değerinden büyük değerler vermesi halinde pompa çarkının dış çapının torna edilerek küçültülmüşdür. Bu durumda, pompanın kendi kendine benzerlik özelliği bozulmuştur. Ancak, küçük çap değişiklikleri için genel benzerlik kuralları kullanılabilir. Uygulama da, çark çapı üzerinde % 10 değişiklik için hesap yolu ile bulunan karakteristiklerle, deneysel karakteristiklerin oldukça iyi bir şekilde uyumu olduğu

görülür. Çark çapının küçük değişikliklerinde b çıkış genişliği aynı kalıyorsa karakteristik büyüklükler, D çark çıkış çapı olmak üzere,

$$\frac{Hm'}{Hm} = \left( \frac{D'}{D} \right)^2 , \quad \frac{Q'}{Q} = \left( \frac{D'}{D} \right)^3 , \quad \frac{P'}{P} = \left( \frac{D'}{D} \right)^5$$

bağıntılarına uygun olarak değişir. Küçük özgül hızlı tam santrifüj pompalarda b çark çıkış genişliği, çark çapının az değişimlerinde aynı değerde kalır.

Yukarıda belirtilen benzerlik kuralları kullanılarak, karakteristik büyüklüklerin değişimi için

$$Hm' = \left( \frac{Hm}{Q^2} \right)_A \cdot Q'^2$$

bağıntısı ile verilen ve orijinden geçen paraboller üzerinde bulunur (Şekil 4.3). Özgül hız tanımı kullanılarak, bu parabol üzerindeki noktaların eş özgül hızlı noktalar olduğu kolayca görülür. Devir sayısının + % 25 değişiklikleri için yukarıda sözü edilen benzerlik kuralları oldukça iyi bir yaklaşımla geçerlidir [15].

## **5. POMPA KARAKTERİSTİKLERİİNDE BENZERLİK İÇİN ANALİTİK METOD**

Pompa işletme karakteristikleri analitik fonksiyonlar şeklinde ifade edilebilir. Değişkenleri ele alacak olursak, belirli bir pompa için sabit devir sayısı karakteristik denklemleri, debinin fonksiyonu olarak ifade edildiğinde  $n = \text{sabit}$  için

$$H_m = f(Q) , \quad P = f(Q) , \quad \eta_g = f(Q)$$

şeklinde belirlidir. Burada, güç veya verim değerleri birbirinden bağımsız değildir.  $H_m = f(Q)$  belirli ise, her  $Q$  değerine bir  $H_m$  ve verim değeri tekabül eder. Şu halde,  $H_m = f(Q)$  ve  $\eta_g = f(Q)$  veya  $H_m = f(Q)$  ile  $P = f(Q)$  fonksiyonlarının ikisinin verilmiş olması pompa işletme karakteristiklerinin belirlenmesi bakımından yeterlidir.

Değişken devir sayıları için  $n = \text{sabit}$  karakteristik eğrilerine ait bağıntılar, yukarıda açıklanan benzeşim kuralları ve dönüşüm metodları yardımıyla kolaylıkla bulunur. Başka bir devir sayısı için  $H_m = f(Q)$  karakteristik fonksiyonunun sabiteleri başka değer alacaktır. Ancak bu sabiteler, temel  $H_m = f(Q)$  fonksiyonu ile  $H_m = (n/n')^2 \cdot H_m'$  ve  $Q = (n/n') \cdot Q'$  dönüşümleri kullanılarak bulunabilir.

Çap değişikleri için de benzer şekilde, temel fonksiyonlar ve  $H_m = (D/D')^2 \cdot H_m'$  ile  $Q = (D/D')^3 \cdot Q'$  dönüşüm bağıntıları yardımıyla yeni karakteristik denklemlere geçilebilir.

Bu konuya biraz daha açıklık getirmek için tam santrifüj pompalar için karakteristik denklemeleri tekrar ele alalım; Sabit devir sayısı için santrifüj pompa karakteristik denklemeleri, genellikle ikinci dereceden polinomlar şeklindedir:

$$Hm = A \cdot Q^2 + B \cdot Q + C \quad (5.1)$$

$$P = m + k \cdot Q^2 \quad (5.2)$$

(5.1) ve (5.2) bağıntıları yardımıyla  $\eta_g = f(Q)$  da bulunabilir. Bu karakteristik denklemelerin  $n_0$  devir sayısı için belirlenmiş olduğunu kabul edelim. Bir başka  $n' = \text{sbt. devir sayısı}$  için denklemeler;

$$Hm = \left(\frac{n_0}{n'}\right)^2 \cdot Hm' , \quad Q = \frac{n_0}{n'} \cdot Q' , \quad P = \left(\frac{n_0}{n'}\right)^3 \cdot P'$$

benzerlik kurallarından yararlanılarak şu şeke dönüsür:

$$\left(\frac{n_0}{n'}\right)^2 \cdot Hm' = A \cdot \left(\frac{n_0}{n'}\right)^2 \cdot Q'^2 + B \cdot \left(\frac{n_0}{n'}\right) \cdot Q' + C$$

$$\left(\frac{n_0}{n'}\right)^3 \cdot P' = m + k \cdot \left(\frac{n_0}{n'}\right)^2 \cdot Q'^2$$

veya

$$Hm' = A \cdot Q'^2 + B \cdot \left(\frac{n'}{n_0}\right) \cdot Q' + \left(\frac{n'}{n_0}\right)^2 C \quad (5.3)$$

$$P' = m \cdot \left(\frac{n'}{n_0}\right)^3 + k \cdot \left(\frac{n'}{n_0}\right) \cdot Q'^2 \quad (5.4)$$

Bu bağıntılar,  $n' = \text{sbt. değeri}$  için başka karakteristik eğrileri tanımlar. Bir başka sözle (5.1) ve (5.2) de belirlenen temel karakteristik denklemlerin sabiteleri

$$A' = A , \quad B' = \left( \frac{n'}{n_0} \right) \cdot B , \quad C' = \left( \frac{n'}{n_0} \right)^2 \cdot C$$

ve güç için

$$m' = \left( \frac{n'}{n_0} \right)^3 \cdot m , \quad k' = \left( \frac{n'}{n_0} \right) \cdot k$$

şekline dönüşmüş ve yeni karakteristikler

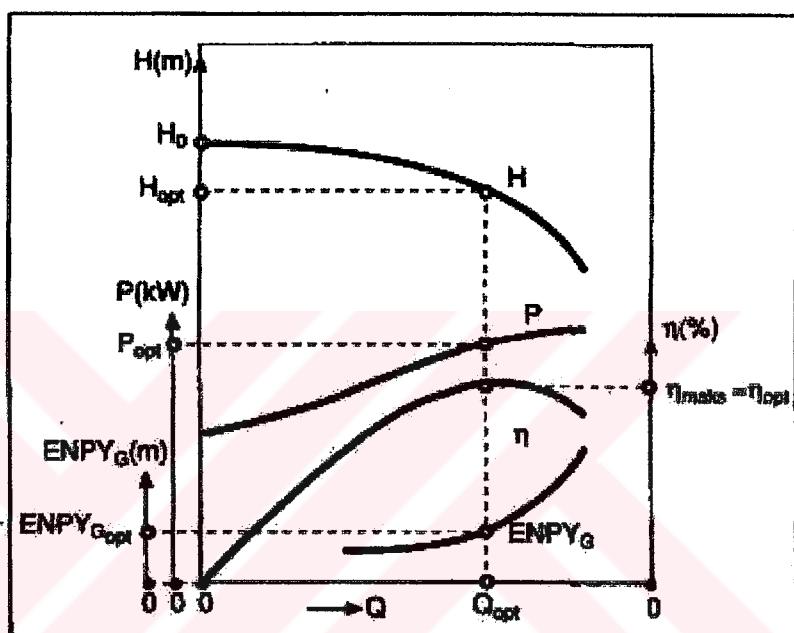
$$Hm = A' \cdot Q^2 + B' \cdot Q + C'$$

$$P = m' + k' \cdot Q^2$$

bağıntıları ile belirlenmiştir [15].

## 6. KARAKTERİSTİK EĞRİ VE ÇALIŞMA NOKTASININ BULUNMASI

### 6.1 Pompa Karakteristiği



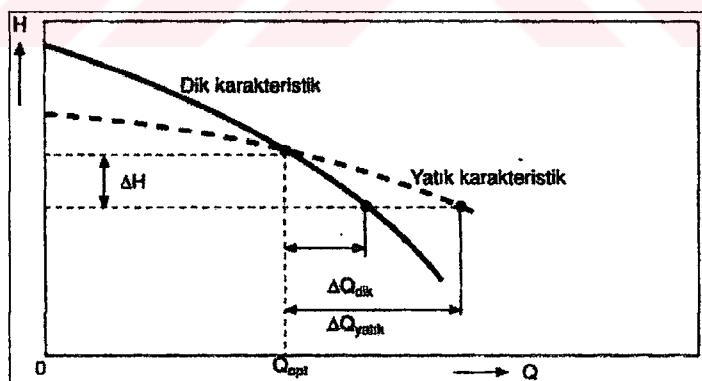
Şekil 6.1 Manometrik Basma Yüksekliği (H), Pompa Mil Gücü (P), Pompa verimi  $\eta$  Gerekli Emmedeki Net Pozitif Yük (ENPY<sub>G</sub>) değerlerinin debiye (Q) bağlı olarak değişimini gösteren eğriler.

Pompa karakteristikleri, bir pompanın sabit devir sayısında, su (15 °C-20°C'de) basması halinde Manometrik Basma Yüksekliği (H), Pompa Mil Gücü (P), Pompa verimi  $\eta$  Gerekli Emmedeki Net Pozitif Yük (ENPY<sub>G</sub>) değerlerinin debiye (Q) bağlı olarak değişimini gösteren eğrilerdir (Şekil 6.1). Q, H, P, ENPY<sub>G</sub> deneysel olarak ölçülür;  $\eta$  ise bunlara bağlı olarak hesaplanır. Şekil 6.1' de bir santrifüj pompanın 1400 d/d dönme hızında su ile elde edilen karakteristik eğrileri

gösterilmektedir. Su içindeki erimiş hava ve gaz miktarı %1 'i aşarsa debi ve manometrik yükseklikte azalma gözlenir. Santrifüj pompalarda debi arttıkça manometrik yükseklik azalmaktadır.  $H = f(Q)$  karakteristığının eğimi pompa tipine bağlı olup özgül hız arttıkça karakteristik eğri daha dik hale gelmektedir.  $H = f(Q)$  karakteristığının eğimi (dikliği veya yatıklığı)  $\frac{H_0 - H_{opt}}{H_{opt}}$  olarak ifade edilir. Bu eğimin pompa tiplerine göre aldığı değer aşağıdaki tabloda verilmiştir.

**Tablo 6.1**  $H = f(Q)$  karakteristığının eğiminin pompa tiplerine göre aldığı değer

Pompa Tipi	$\frac{H_0 - H_{opt}}{H_{opt}}$
Santrifüj	0,10 - 0,30
Karışık akımılı	0,25 - 0,80
Eksenel	>0,80



**Şekil 6.2** Dik ve yatık karakteristikli pompalar

Aynı  $\Delta H$  manometrik yükseklik değişiminde, debideki değişiklik dik karakteristikli pompalarda daha az olmaktadır ( $\Delta Q_{\text{dik}} < \Delta Q_{\text{yatık}}$ , Şekil 6.2). Yangın pompalarında debi arttıkça basınçta fazla bir azalma istenmediğinden yatık karakteristikli pompalar

tercih edilmelidir. NFPA-20 normu, yanın pompalarının  $H = f(Q)$  karakteristik eğrileri için aşağıdaki kısıtlamaları öngörmektedir.

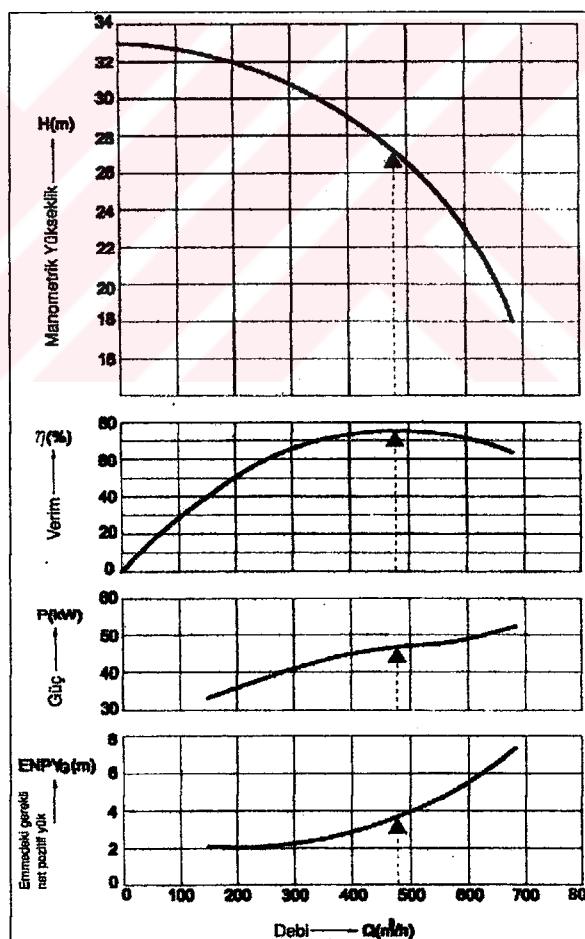
Anma noktası: (garanti edilen çalışma noktası):  $Q = Q_N$ ,  $H = H_N$

Kapalı vanada: ( $Q = 0$ ):  $1,01 \cdot H_N \leq H_0 \leq 1,40 \cdot H_N$

Anma debisinin 1,5 katı debi değerinde: ( $Q = 1,50 \cdot Q_N$ ):  $H \geq 0,65 \cdot H_N$

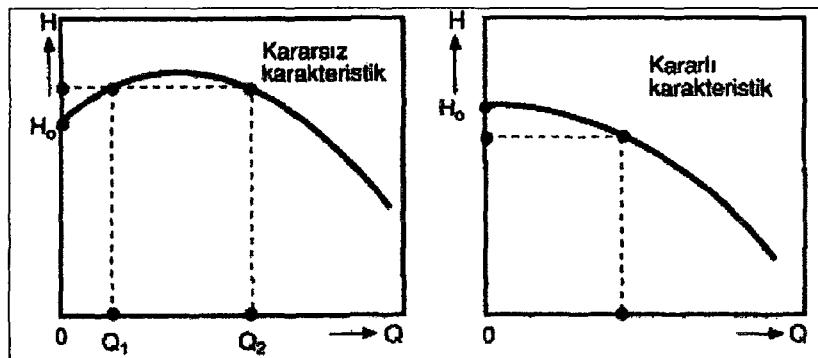
Debi arttıkça manometrik yüksekliğin azaldığı pompa performansı "kararlı" olarak tanımlanır. Bazı santrifüj pompalarda kapalı vanadan başlayarak debi arttıkça ; manometrik yükseklik önce artmekte, belirli bir debiden sonra ise azalmaktadır.

▲: Optimum Çalışma Noktası (verimin en iyi olduğu nokta)



**Şekil 6.3** 1400 d/d hızda su ile test edilen bir santrifüj pompanın karakteristik eğrileri.

Bu tür bir "maksimum" gösteren  $H = f(Q)$  eğrileri "kararsız" olarak nitelendirilmektedir. Kararsız  $H = f(Q)$  karakteristiğine sahip pompalar aynı  $H$  manometrik yüksekliği için 2 farklı debi  $Q_1$  ve  $Q_2$  sağlamaktadır (Şekil 6.4). Bu özellik tesisatta istenmeyen debi ve basınç çalkantıları doğurur.



**Şekil 6.4** Kararlı ve kararsız karakteristik

Santrifüj pompalarda güç debi ile artmaktadır. Bu nedenle santrifüj pompalara yol verirken, motoru aşırı yükten korumak için çıkış vanasının kapalı olmasına dikkat edilmelidir. Çünkü, santrifüj pompalar en az gücү kapalı vanada ( $Q=0$ ) çekerler ( $P_0 \approx (0,4-0,6) P_{op}$ ).

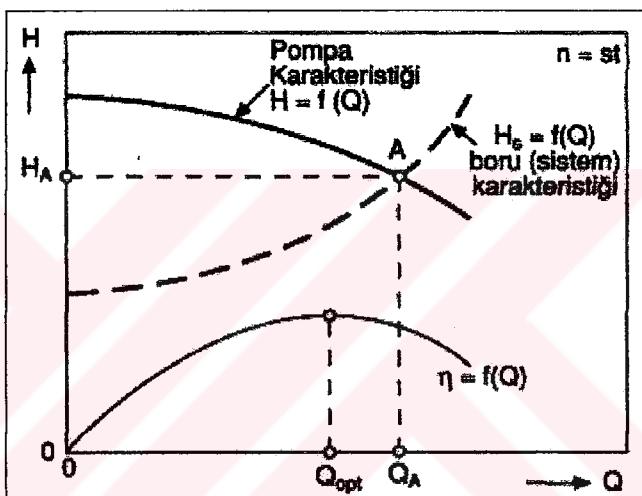
## 6.2 Pompanın Optimum Çalışma Noktası

Pompa verimi kapalı vanadan ( $Q=0$ ) başlayarak debi arttıkça artmakta, bir maksimumdan geçtikten sonra ise azalmaktadır. Pompa veriminin maksimum olduğu nokta "optimum nokta" veya "en iyi verim noktası" olarak tanımlanır. Bir pompadan, kullanıcının isteğine göre garanti edilen çalışma noktası "nominal noktası" olarak adlandırılır. Bir pompanın etiketi üzerinde yazılı  $Q$ ,  $H$ ,  $P$ ,  $\eta$  değerleri o pompanın nominal performans değerleridir. Enerji ekonomisi ve teknik nedenlerle, pompa nominal debisi mümkün olduğu kadar pompanın optimum debisine yakın

seçilmelidir. Bunun için pratikte uygulanan kriter, nominal noktadaki verimin  $0,8 \cdot \eta_{opt}$  dan büyük olması gereğidir.

### 6.3 Pompa ve Tesisatın Ortak Çalışma Noktası

Bir tesisatta çalışan bir pompanın çalışma noktası, pompa manometrik yüksekliğinin tesisatin gerektirdiği manometrik yüksekliğe eşit olduğu  $H = H_s$  noktadır.



**Şekil 6.5** Pompanın tesisattaki çalışma noktası

Sabit devir sayısındaki  $H = f(Q)$  pompanın karakteristiği ile  $H_s = f(Q)$  sistem karakteristiğinin kesim noktası  $A(Q=Q_A, H=H_A)$ , pompanın o tesisattaki çalışma noktasını vermektedir (Şekil 6.5). Bu çalışma noktası pompanın "Nominal noktası" veya "Anma noktası" olarak tanımlanır  $Q_A=Q_N$ . Belirli bir tesisat ve sıvı için pompa seçilirken dikkat edilmesi gereken önemli husus, seçilecek pompanın en iyi verimli noktasının ( $Q_{opt}$ ) mümkün olduğu kadar pompanın o tesisattaki çalışma noktasına ( $Q_A$ ) yakın olmasıdır. Pratikte tavsiye edilen çalışma aralığı;

$$0,70 \cdot Q_{opt} \leq Q_A \leq 1,20 \cdot Q_{opt}$$
 'dır.

Sürekli çalışmada, zorunlu olmadıkça bu debi sınırları aşılmamalıdır. Zira, çok aşırı ve kısmi debilerde pompalarda mekanik ve hidrolik sorunlar doğmakta, dolayısıyla teknik ve ekonomik yönden pompanın çalışması güvenli olmamaktadır. Ancak, çok zorlayıcı hallerde ve kısa süreli çalışmada aralık aşağıdaki gibi genişletebilir.

$$0,2 \cdot Q_{\text{opt}} \leq Q_A \leq 1,5 \cdot Q_{\text{opt}}$$

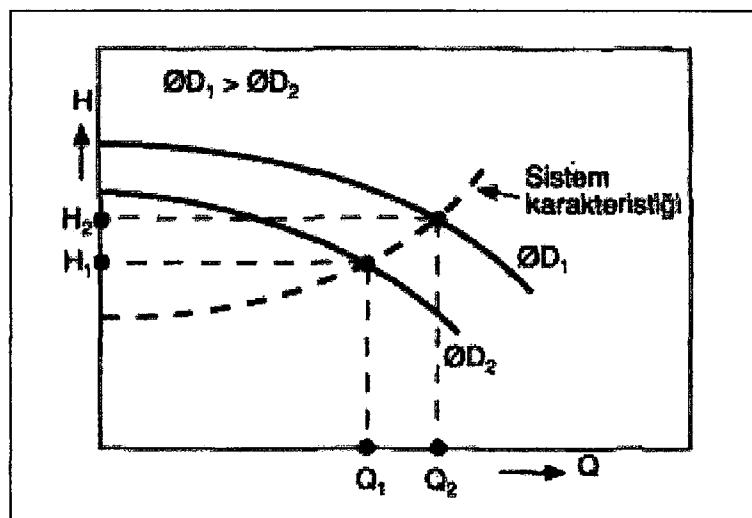
#### 6.4 Pompa Çalışma Noktasının Ayarlanması

Bir pompanın belirli bir tesisattaki çalışma noktasının yeni bir çalışma noktasına uydurulmasında 2 yöntem uygulanmaktadır.

##### 6.4.1 Pompanın $H=f(Q)$ karakteristiğinin değiştirilmesi

a) Çark Dış Çapının Tornalanması: Çark dış çapı tornalanarak sistem karakteristiği

$$\frac{Q_1}{Q_2} \approx \left( \frac{D_1}{D_2} \right)^2, \quad \frac{H_1}{H_2} \approx \left( \frac{D_1}{D_2} \right)^2, \quad \frac{P_1}{P_2} \approx \left( \frac{D_1}{D_2} \right)^4 \text{ bağıntılarıyla bulunur (Şekil 6.6).}$$

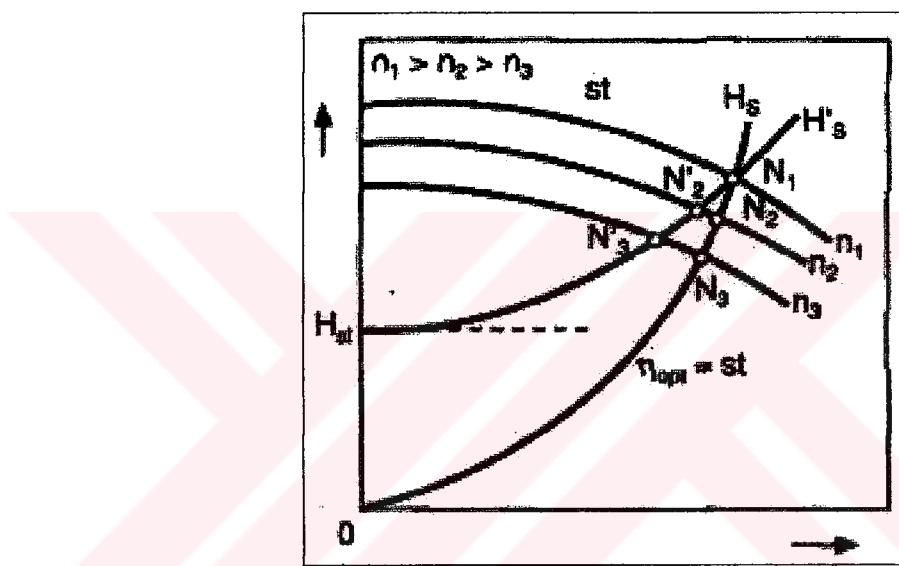


Şekil 6.6 Çark dış çapı değişiminin pompa karakteristiğine etkisi

b) Pompa Dönme Hızının Değiştirilmesi: Benzeşim kurallarına göre;

$$\frac{Q_1}{Q_2} = \left( \frac{n_1}{n_2} \right)^2, \quad \frac{H_1}{H_2} = \left( \frac{n_1}{n_2} \right)^2, \quad \frac{H_1}{H_2} = \left( \frac{Q_1}{Q_2} \right)^2$$

olduğundan bir pompanın değişik hızlarda aynı sıvı ile çalışması halindeki optimum çalışma noktaları  $N_1, N_2, N_3$  "0" orjinli bir parabol üzerinde olacaktır (Şekil 6.7).



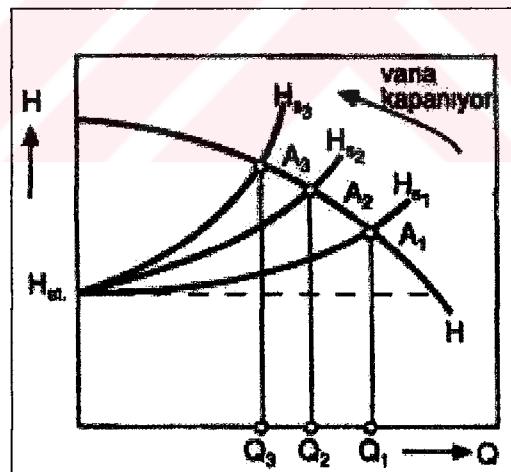
Şekil 6.7 Pompa dönme hızının değiştirilmesi

Statik yükü sıfır olan bir tesisatta  $n_1$  hızında optimum noktada  $N_1$  çalışan bir pompanın  $H_s$  sistem karakteristiği de 0 orjinli,  $N_1$  çalışma noktasından geçen parabol olacaktır. Bu nedenle pompa tüm dönme hızlarında optimum noktada çalışacaktır. Enerji tasarrufu açısından önemli olan bu uygulama, sıfır statik yükü ve değişken debili sirkülasyon sistemlerinde işletme maliyeti bakımından en ekonomik çözümüdür. Hız ayarı, frekans kontrollü motorlarla kademeli veya sürekli olarak yapılabilir. Statik yükü tesisatlarda ise ( $H_s'$  karakteristiği),  $n_1$  hızından küçük

hızlardaki çalışma noktalarında ( $N_2'$ ,  $N_3'$ , ...) debiler optimum debiden küçük olduklarından pompa ve motor daha düşük bir verimle çalışırlar.

#### 6.4.2 $H_s=f(Q)$ sistem karakteristiğinin değiştirilmesi

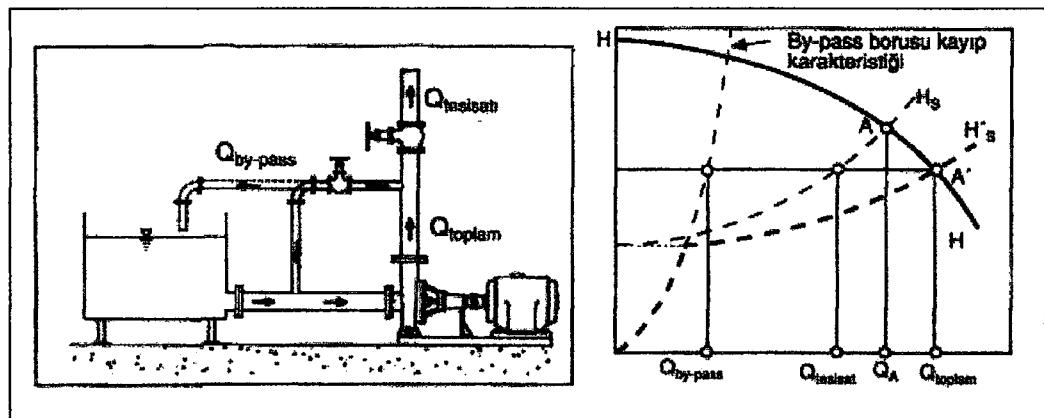
Pompa basma vanasını ayarlayarak (Şekil 6.8) Tesisatın debisini ayarlamak için kullanılan temel pratik yöntem pompa basma vanasını kısmadır. Vana kısaltarak vana kayıp katsayısı ( $K$ ), dolayısıyla vananın yarattığı lokal yük kaybı artırmaktır, böylece daha dik sistem karakteristiği elde edilmektedir. Ancak, vana kısaltarak pompayı yeni çalışma koşuluna uydurma daha fazla yük kaybına neden olduğundan, sürekli çalışmada vanalama yöntemi ekonomik olmamaktadır. Kavitasyon nedeniyle, pompa emme hattındaki vana (varsı) kesinlikle kıstılmamalı, emme vanası çalışma halinde daima tam açık tutulmalıdır.



Şekil 6.8 Pompa basma vanasının kıstılması

Pompa basma ve emme hattı arasında by-pass yapılması: Pompa basma vanasını kısmadan tesisata basılan debiyi azaltmanın bir diğer yöntemi, pompa basma ve emme hattı arasında bir by-pass borusu yerleştirilmelidir. By-pass

borusu çapı pompa basma borusu çapından daha küçük seçilmelidir. By-pass borusu ile tesisat paralel çalıştığından by-pass'lı tesisatın sistem karakteristiği  $H_s'$  olacaktır.



**Şekil 6.9** Pompa basma ve emme hattı arasında by-pass yapılması

By-pass'sız halde pompanın çalışma noktası A, pompa debisi  $Q_A$  dir. By-pass'lı tesisatta ise, pompanın yeni çalışma noktası A' olmaktadır. Bu durumda, pompanın  $Q_{Toplam}$  debisinin bir kısmı tesisatta basılmakta, küçük bir yüzdesi ise by-pass borusundan emme hattına geri dönmektedir.

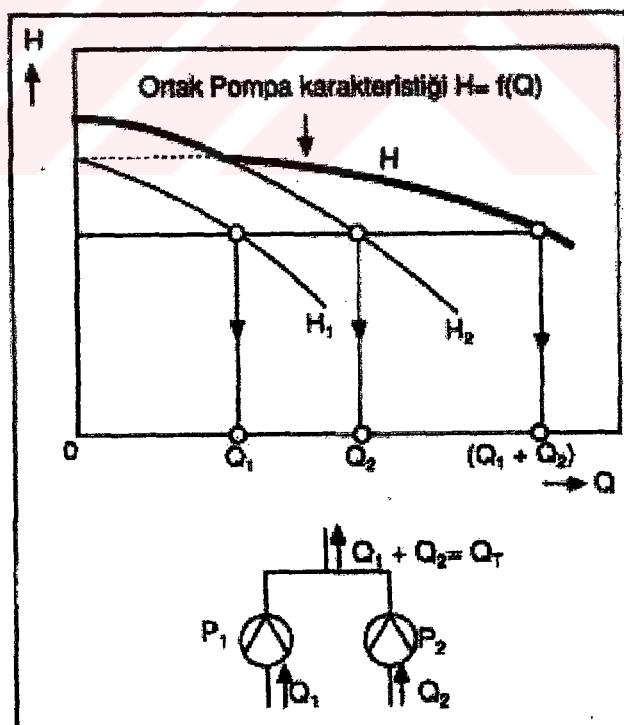
$$Q_{Toplam} = Q_{pompa} = Q_{Tesisat} + Q_{by-pass}$$

By-pass borusu üzerindeki vana kısımlarla by-pass debisi dolayısıyla tesisatta net olarak basılan debi ( $Q_{Tesisat}$ ) ayarlanabilmektedir. By-pass debisinin ( $Q_{by-pass}$ ) büyük olduğu hallerde sirküle edilen sıvının aşırı ısınmasını önlemek için by-pass borusu doğrudan emme borusuna değil emme haznesine bağlanmalıdır. By-pass'lı debi kontrol sistemlerinde pompanın gücünün (enerji tüketiminin), by-pass'sız hale göre daha fazla olduğu dikkate alınmalıdır.

## 7. POMPA VE BORULARIN SERİ VE PARALEL BAĞLANMALARI

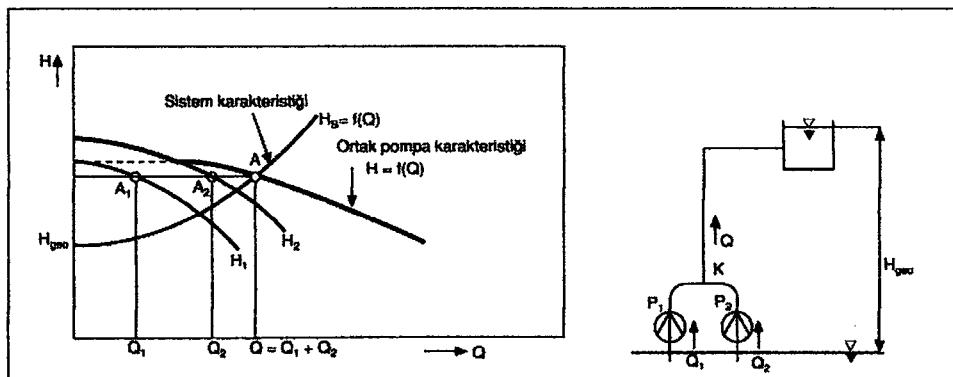
### 7.1 Paralel Bağlı Pompalar

Aynı tesisatta 2 veya daha çok pompanın paralel çalışması halinde pompaların ortak  $H = f(Q)$  karakteristiğini elde etmek için, pompaların aynı manometrik yükseklikteki debileri toplanır. Aynı boru hattında paralel çalışan pompaların "manometrik yükseklikleri eşittir". Pompaların paralel çalıştırılması, tesisata basılan debinin yetersiz olduğu ve kademeli ayar istenen hallerde toplam debiyi artırmak için uygulanan bir yöntemdir (Şekil 7.1).



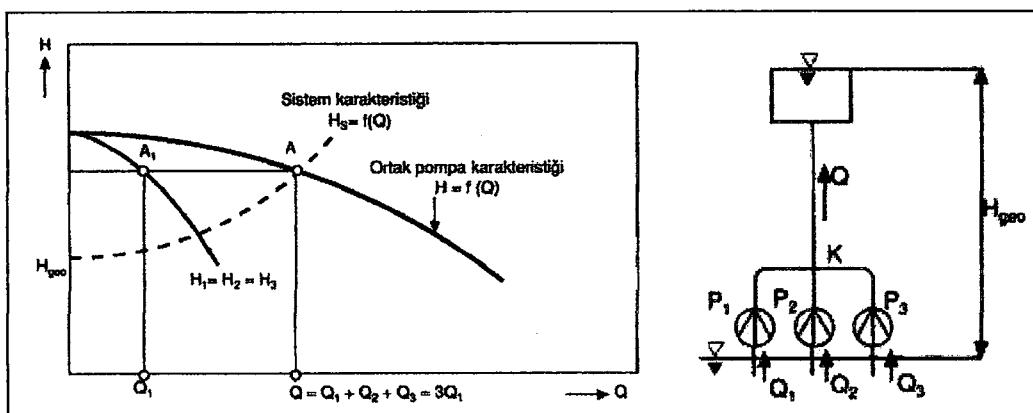
Şekil 7.1 Paralel bağlı pompalar.

### 7.1.1 Paralel pompalı tesisat



Şekil 7.2 Paralel bağlı pompa tesisatı

Sistem karakteristiği  $H_s = f(Q)$  olan bir tesisatta paralel çalışan  $P_1$  ve  $P_2$  pompalarının ortak  $H = f(Q)$  karakteristiği ile  $H_s$  sistem karakteristiğinin kesim noktası (A) pompaların ortak çalışma noktasını vermektedir. Tesisata basılan toplam debi  $Q$  olup  $P_1$  pompasının sağladığı debi  $Q_1$ ,  $P_2$  pompasının sağladığı debi ise  $Q_2$  olup her iki pompanın da manometrik yüksekliği aynı olmaktadır. Paralel bağlı pompalar birbirinin aynı ise her bir pompanın debisi de aynıdır.

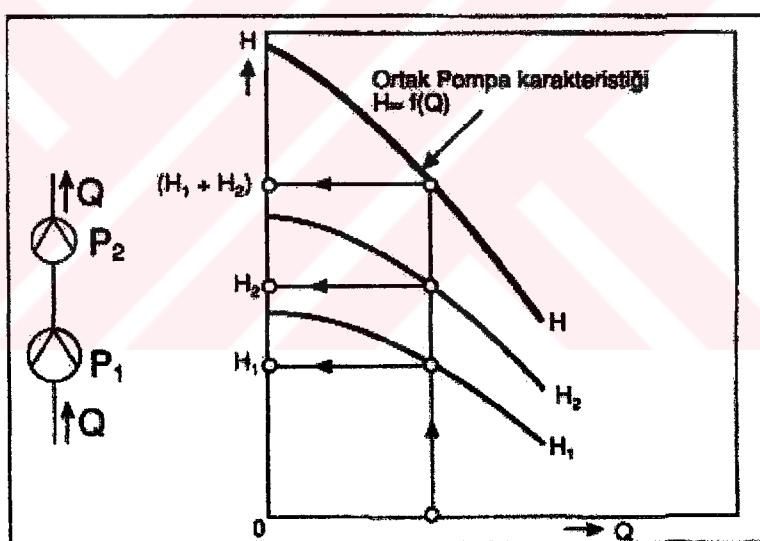


Şekil 7.3 3 adet paralel bağlı pompa tesisatı.

Şekil 7.3' de görüldüğü gibi, birbirinin aynı 3 pompanın paralel çalışması halinde tesisata basılan toplam debi  $Q$ , her bir pompanın debisi ise  $Q_1 = Q_2 = Q_3 = \frac{Q}{3}$  olmaktadır.

Not: Yukarıdaki paralel pompalı tesisatlarda; her bir pompanın emme tesisatı ile K birleşme noktasına kadar olan basma borularındaki yük kayipları tesisatin ortak basma hattındaki yük kayipları yanında ihmal edilmiştir.

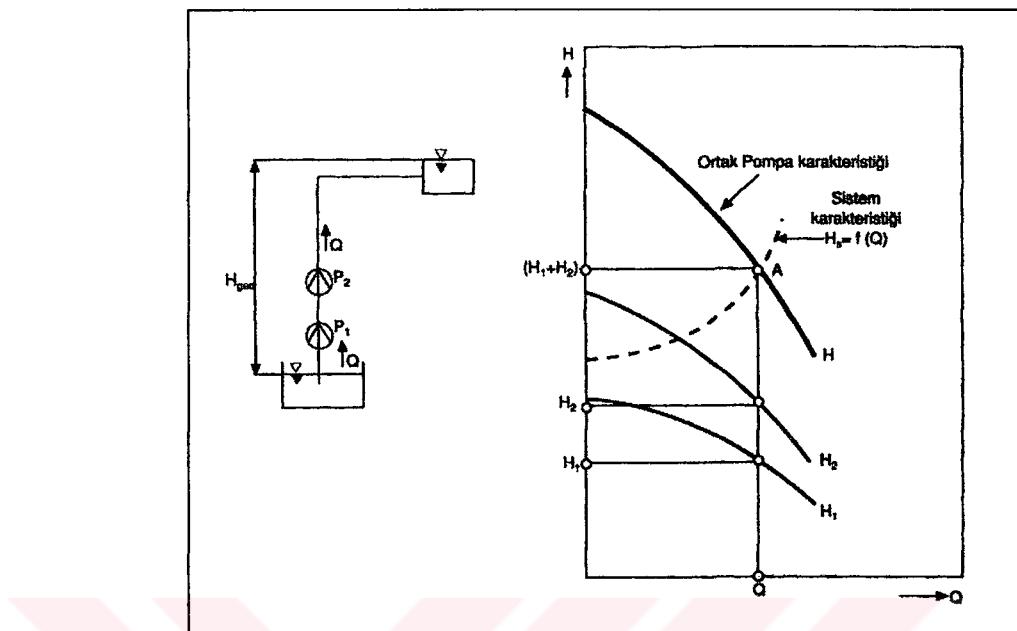
## 7.2 Seri Bağlı Pompalar



Şekil 7.4 Seri bağlı pompalar.

Pompaların seri çalıştırılması, tesisattaki basıncın yetersiz olduğu hallerde basıncı artırmak için uygulanan bir yöntemdir. 2 veya daha çok pompanın aynı boru hattında seri çalışması halinde pompaların ortak  $H=f(Q)$  karakteristiğini elde etmek için, pompaların aynı debideki manometrik yükseklikleri toplanır. Seri çalışan pompaların "debileri eşittir" (Şekil 7.4).

### 7.2.1 Seri pompalı tesisat

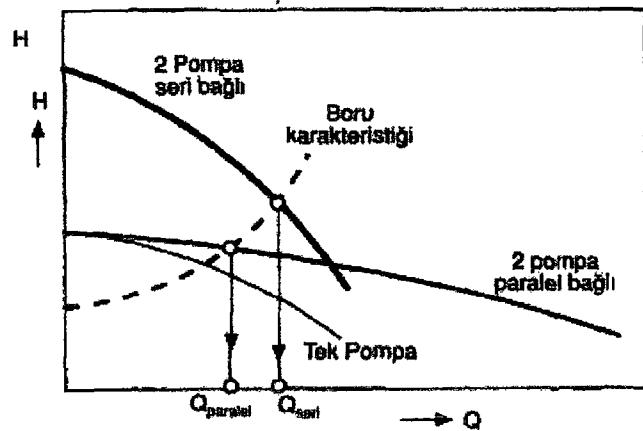


Şekil 7.5 Seri bağlı pompa tesisatı.

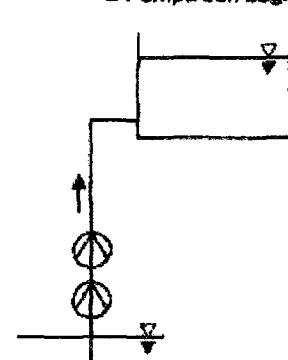
Sistem karakteristiği  $H_s$  olan bir tesisatta seri çalışan iki pompanın ortak  $H = f(Q)$  karakteristiği ile  $H_s$  karakteristiğinin kesim noktası A, pompaların ortak çalışma noktasını vermektedir (Şekil 7.5). Her iki pompanın debisi aynı olup  $P_1$  pompasının sağladığı manometrik yükseklik  $H_1$ ,  $P_2$  pompasının ise  $H_2$  olmaktadır.

Tesisattaki toplam debiyi artırmak için pompaları paralel bağlamak her zaman istenilen sonucu vermez. Boru kayıp karakteristiğinin yatık (kayıplar az) olduğu tesisatlarda paralel bağlı pompalar çözüm olmaktadır. Ancak, bu kayıp karakteristiği çok dik ise (kayıplar çok) debiyi artırmak için pompaların seri bağlanması daha iyi sonuç vermektedir (Şekil 7.6).

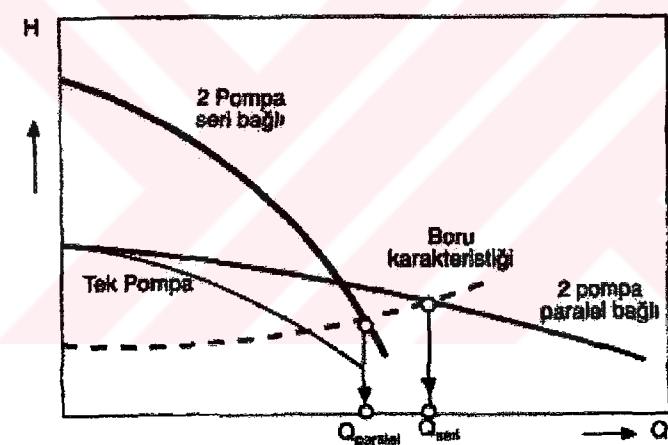
Boru kayıpları çok (dik sistem karakteristiği)



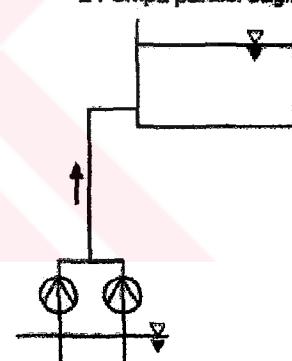
2 Pompa seri bağlı



Boru kayıpları az (yatık sistem karakteristiği)



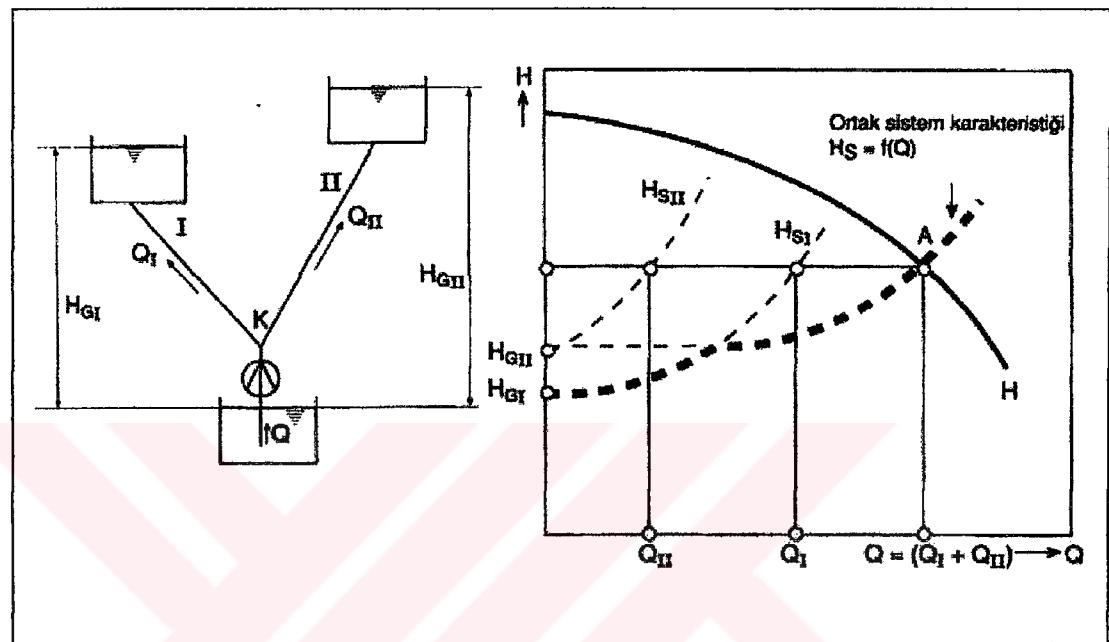
2 Pompa paralel bağlı



Şekil 7.6 Boru kayıpları çok ve az sistem karakteristigi.

### 7.3 Şebekelerde Pompa Uygulamasında Çalışma Noktasının Bulunması

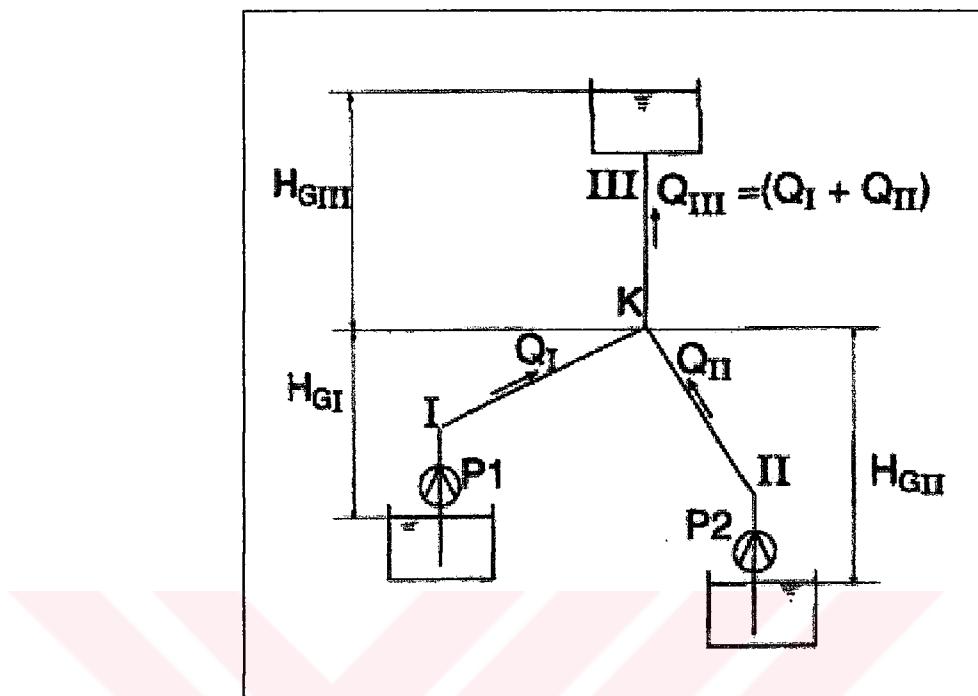
#### 7.3.1 İki depoyu besleyen tek pompa



Şekil 7.7 İki depoyu besleyen tek pompa.

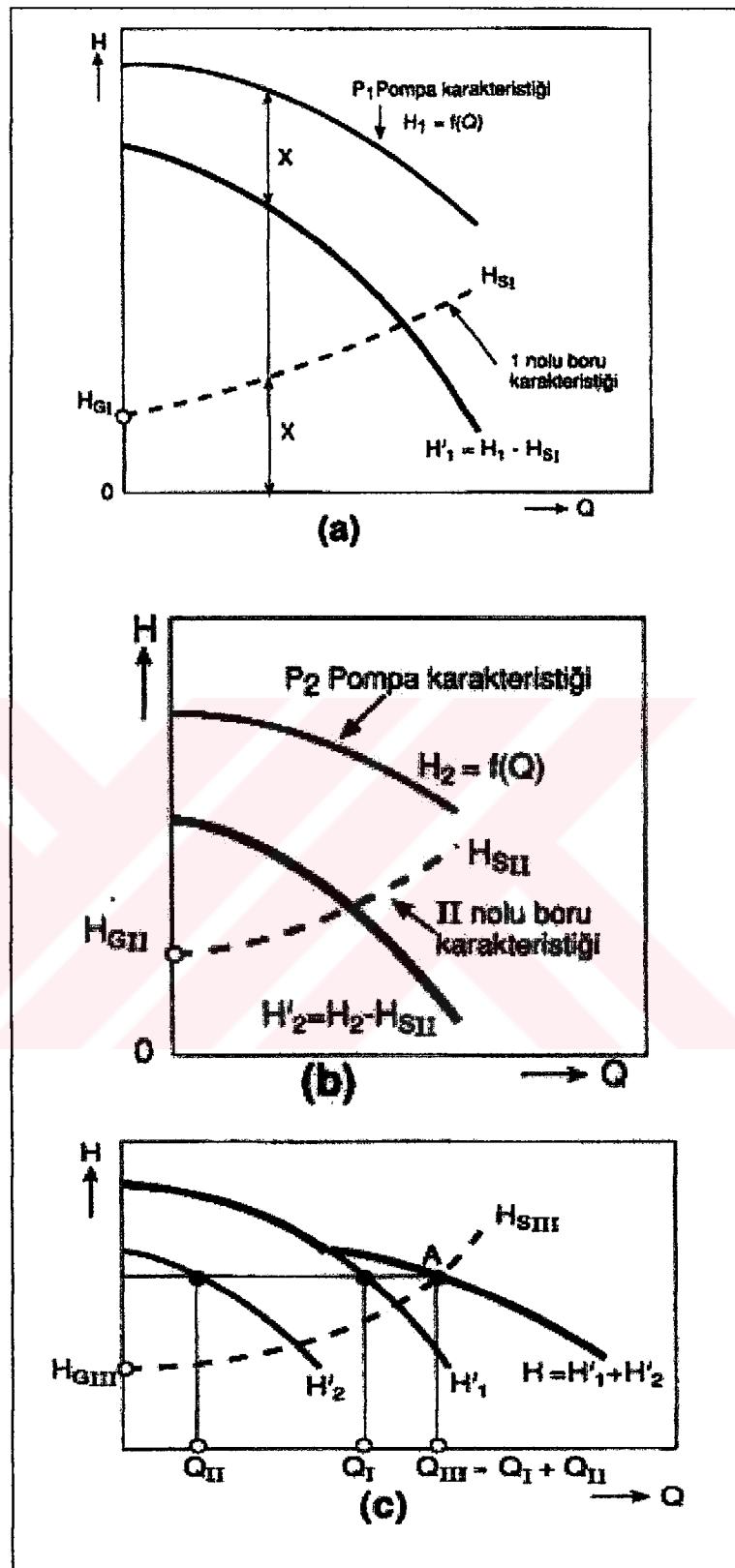
Önce, paralel çalışan I ve II borularına ait  $H_{SI}$  ve  $H_{SII}$  sistem karakteristikleri yatayda toplanarak (aynı manometrik yükseklikteki debilerin toplanması) boruların ortak  $H_S = (H_{SI} + H_{SII})$  karakteristiği elde edilir.  $H_S = f(Q)$  paralel boru karakteristiği ile  $H = f(Q)$  pompa karakteristiğinin kesim noktası A pompanın çalışma noktasını belirler. Pompa debisi  $Q = Q_I + Q_{II}$  olup I haznesine  $Q_I$ , II haznesine ise  $Q_{II}$  debisi basılmaktadır. Bu örnek uygulamada da emme vanası ile K branşmanı arasındaki boru tesisatının yük kayipları ihmal edilmiştir.

### 7.3.2 Emme haznesi seviyeleri farklı iki pompanın paralel çalışması



**Şekil 7.8** Emme haznesi seviyeleri farklı 2 pompanın paralel çalışması.

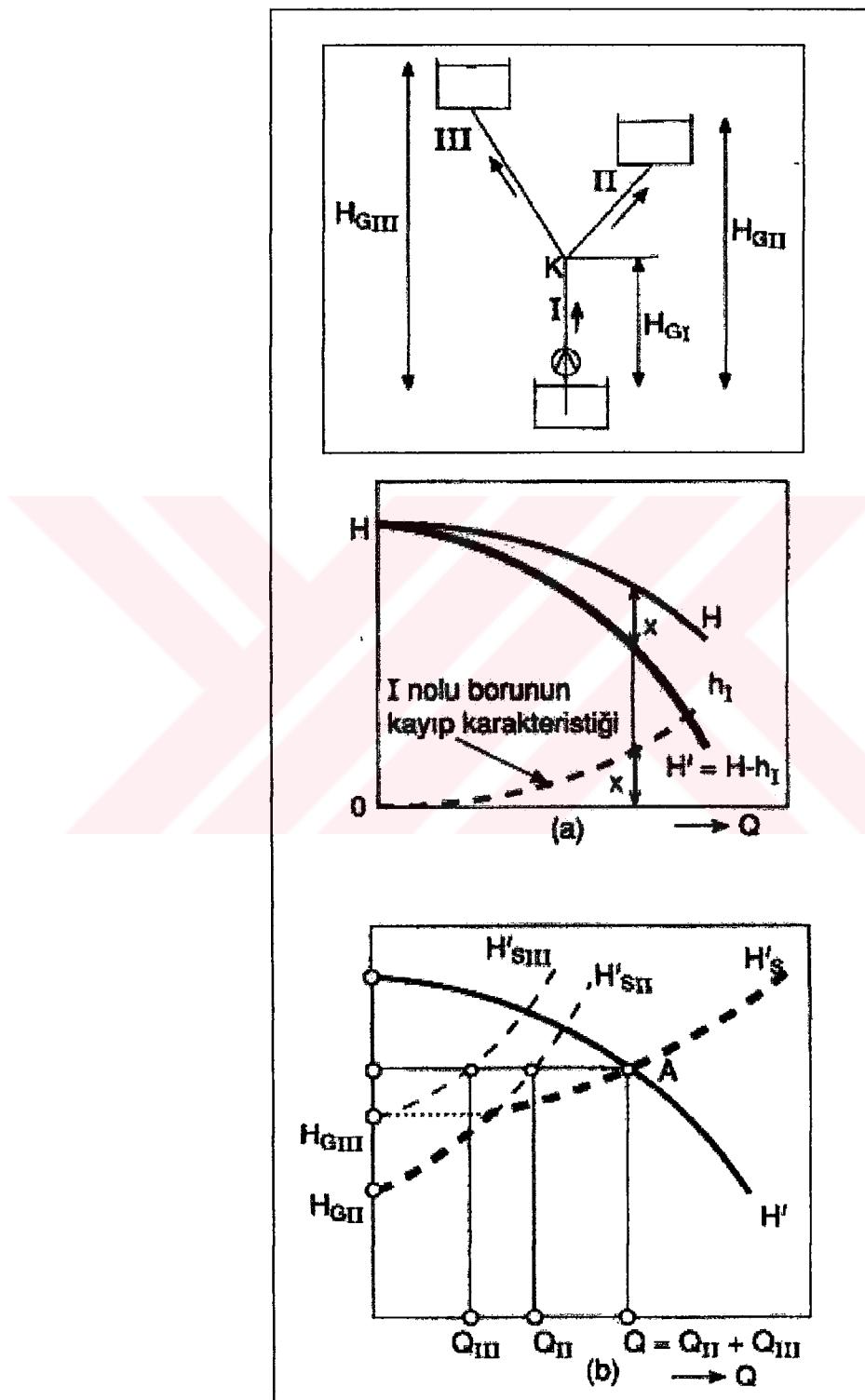
Önce her bir pompa için ayrı ayrı olmak üzere  $H_1$ ,  $H_2$  pompa karakteristiklerinden K birleşme noktasına kadar olan I ve II boruların sistem (boru)karakteristikleri çıkarılarak pompaların K kesitine indirgenmiş  $H_1'$  ve  $H_2'$  karakteristikleri elde edilir. Daha sonra, pompaların paralel çalıştığı dikkate alınarak  $H_1' = f(Q)$  ve  $H_2' = f(Q)$  indirgenmiş pompa karakteristiklerinden 2 pompanın paralel çalışma halindeki ortak  $H = H_1' + H_2'$  karakteristiği elde edilir (Şekil 7.9).  $H = f(Q)$  ortak pompa karakteristiği ile III borusuna ait  $H_{SIII}$  sistem karakteristiğinin A kesim noktası yardımı ile pompaların  $Q_1$  ve  $Q_{II}$  debileri belirlenir.



Şekil 7.9 2 pompanın paralel çalışma halindeki ortak  $H = H'_1 + H'_2$  karakteristiği.

### 7.3.3 Tek pompalı, iki depolu, üç borulu sistem

Pompanın çalışma noktasını bulmak için 2 yöntem vardır.

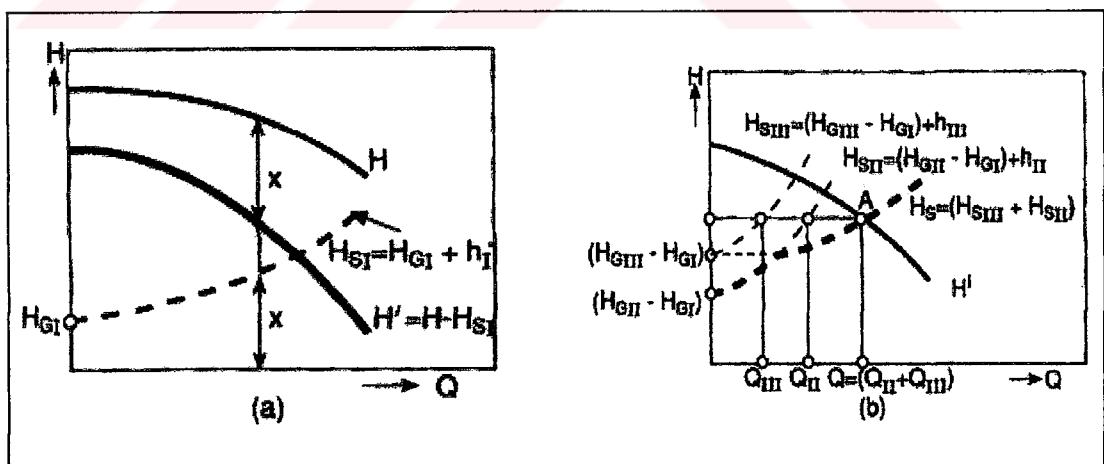


Şekil 7.10 Tek pompalı, iki depolu, üç borulu sistem.

1. Yöntem: Pompanın  $H = f(Q)$  karakteristiğinden I nolu borunun  $h_1=f(Q)$  kayıp karakteristiği çıkarılarak I borusunun kayıplarını da içeren  $H' = f(Q)$  düzeltilmiş pompa karakteristiği elde edilir. Bundan sonra problem Şekil 7.7' deki probleme eşdeğer olmuştur. II ve III nolu borular paralel olduğundan boruların aynı manometrik yükseklikteki debileri toplanarak bu iki borunun ortak  $H_S$  sistem karakteristiği bulunur.  $H_S$  sistem karakteristiği ile  $H'$  düzeltilmiş pompa karakteristiğinin A kesim noktasını pompanın çalışma noktasını verir.

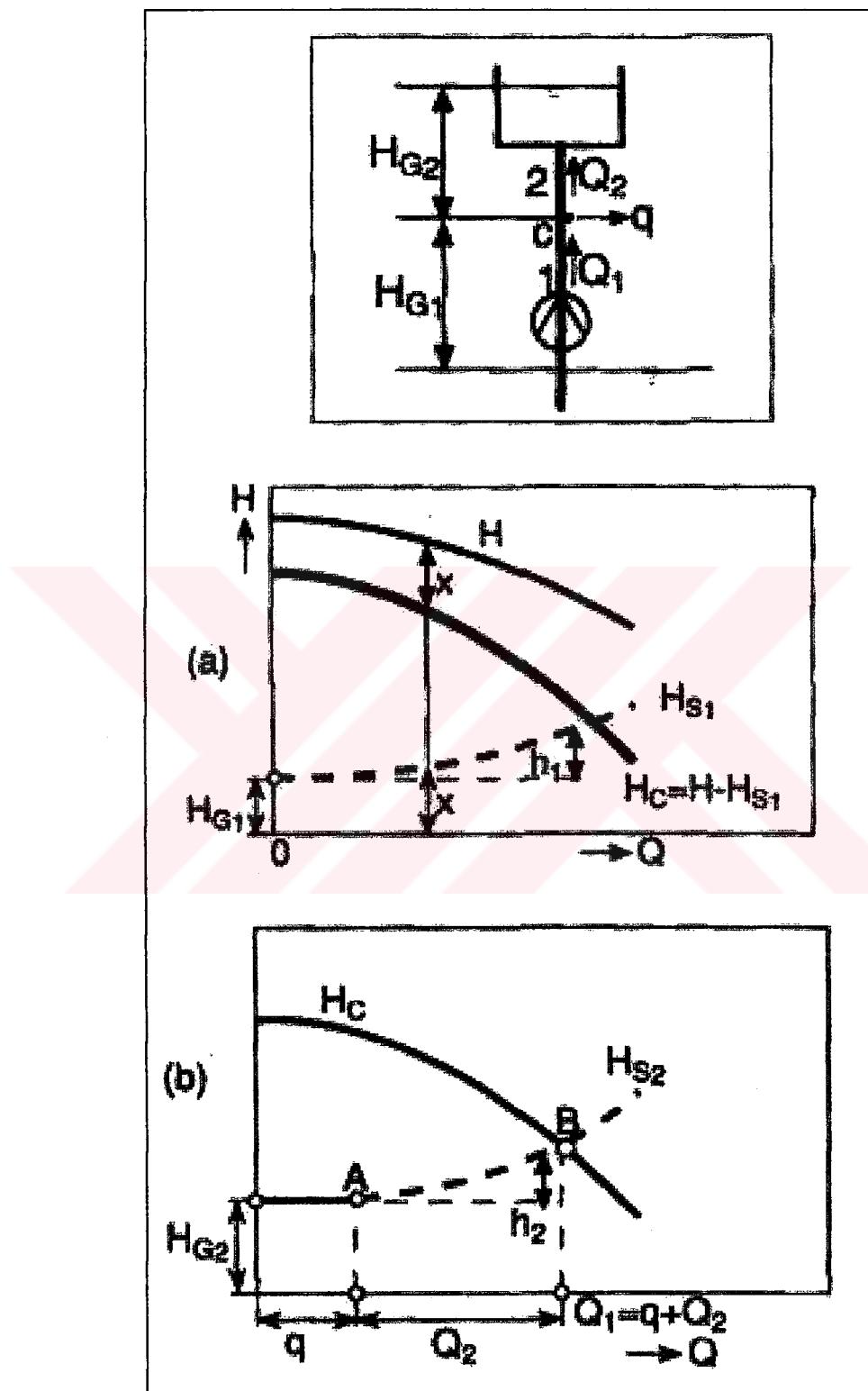
II borusunun debisi  $Q_{II}$ , III borusunun debisi  $Q_{III}$  olup pompanın debisi ise  $Q=Q_{II}+Q_{III}$  olmaktadır.

2. Yöntem : H pompa karakteristiğinden I nolu borunun  $H_{S1}$  tesisat karakteristiği çıkartılarak pompanın K branşmanındaki  $H'$  karakteristiği elde edilir. II ve III borularının ortak/paralel  $H_S$  sistem karakteristiği ile  $H'$  düzeltilmiş pompa karakteristiğinin A kesim noktasını pompanın çalışma noktasıdır.



**Şekil 7.11** II ve III borularının ortak / paralel  $H_S$  sistem karakteristiği ile  $H'$  düzeltilmiş pompa karakteristiğinin A kesim noktasının bulunması.

#### 7.3.4 Tesisattan sabit Q debisinin çekilmesi hali

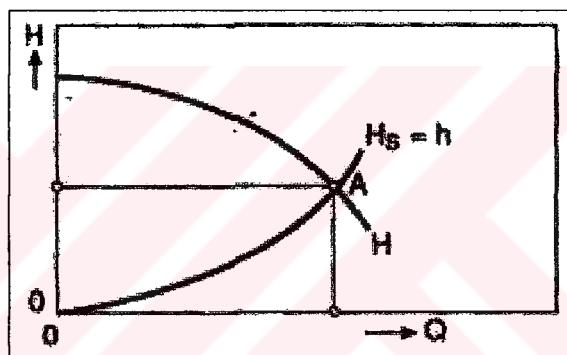


Şekil 7.12 Tesisattan sabit Q debisinin çekilmesi hali.

- a)  $H = f(Q)$  pompa karakteristiğinden  $H_{S1} = H_{G1} + h_1$  sistem karakteristiği çıkarılarak pompanın c kesitine indirgenmiş  $H_C$  karakteristiği elde edilir.
- b) A noktası ( $Q = q$ ,  $H = H_{G2}$ ) orijin alınarak çizilen 2 nolu borunun  $H_{S2}$  sistem karakteristiği ile  $H_C$  indirgenmiş pompa karakteristiğinin B kesim noktasındaki  $Q_1$  debisi pompanın debisini verir. 2 nolu borunun debisi;  $Q_2 = Q_1 - q$  olur.

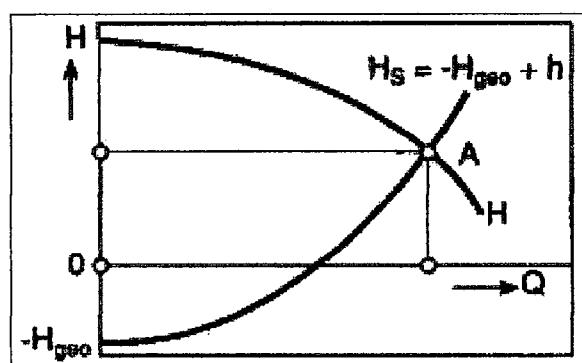
### 7.3.5 Sirkülasyon devreleri

$H_{geo} = 0$  dır.



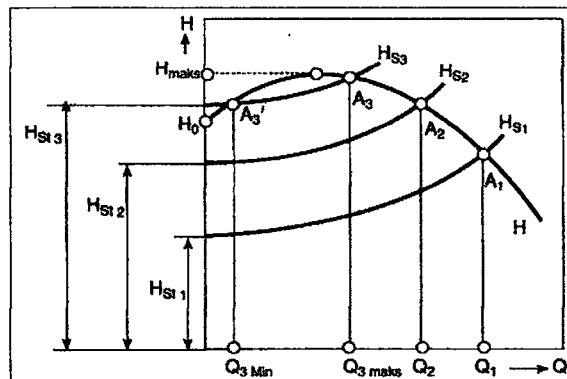
Şekil 7.13 Sirkülasyon devresi karakteristiği.

### 7.3.6 Geometrik basma yüksekliği negatif olan tesisatlar



Şekil 7.14 Geometrik basma yüksekliği negatif olan tesisatlar.

### 7.3.7 Pompa karakteristiği kararsız olan tesisatlar



Şekil 7.15 Pompa karakteristiği kararsız olan tesisatlar.

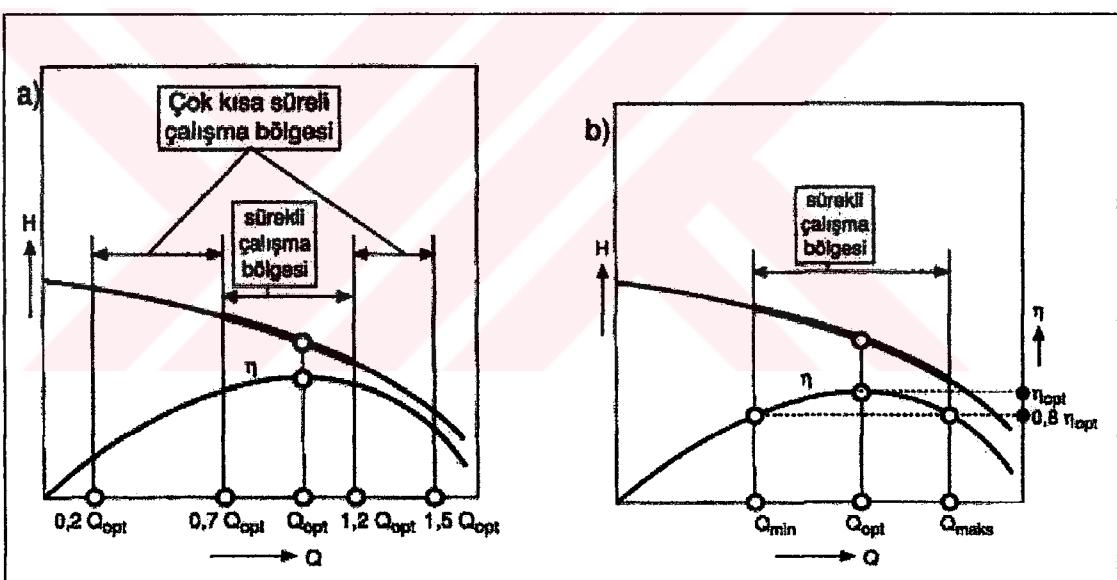
Kararsız  $H = f(Q)$  karakteristiğine sahip pompalarda kapalı vanadan itibaren debi arttıkça manometrik yükseklikte  $H_{maks}'$  a kadar artmaktadır. Kararsız karakteristikli pompalarda statik yükün pompanın kapalı vanadaki manometrik yüksekliğinden küçük olduğu çalışma koşullarında pompa ve tesisat karakteristiğinin tek kesim noktası olduğundan herhangi bir işletme sorunu yaşanmaz. Şekil 7.15' de gösterildiği gibi,  $H_{s1}$  tesisat karakteristiğinde tek çalışma noktası ( $A_1$ ) olduğundan pompa sabit debide ( $Q_1$ ), kararlı olarak çalışmaktadır. Benzer şekilde,  $H_{s2}$  tesisat karakteristiği halinde de çalışma kararlı olup pompa sabit  $Q_2$  debisiyle çalışır. Ancak,  $H_{s3}$  tesisat karakteristiği halinde statik yük ( $H_{statik3}$ ) pompanın kapalı vanadaki  $H_0$  manometrik yüksekliğinden büyük olduğu için pompanın 2 çalışma noktası ( $A_3$  ve  $A_3'$ ) olmaktadır. Bu durumda pompanın hem debisi, hem basıncı 2 farklı değer arasında gidip gelerek, tesisatta istenmeyen dalgalanmalara (titreşimlere) neden olacaktır.

Statik yükün değişken olduğu pompa uygulama alanları; basma haznesindeki  $p_B$  basıncının değişken olduğu basınçlı sıvı kapları, hidroforlar, geometrik basma yüksekliğinin değişken olduğu gemi havuzları, yağmur suyu/atisku drenajıdır.

### 7.3.8 Santrifüj pompaların sürekli çalışabileceği debi aralığı

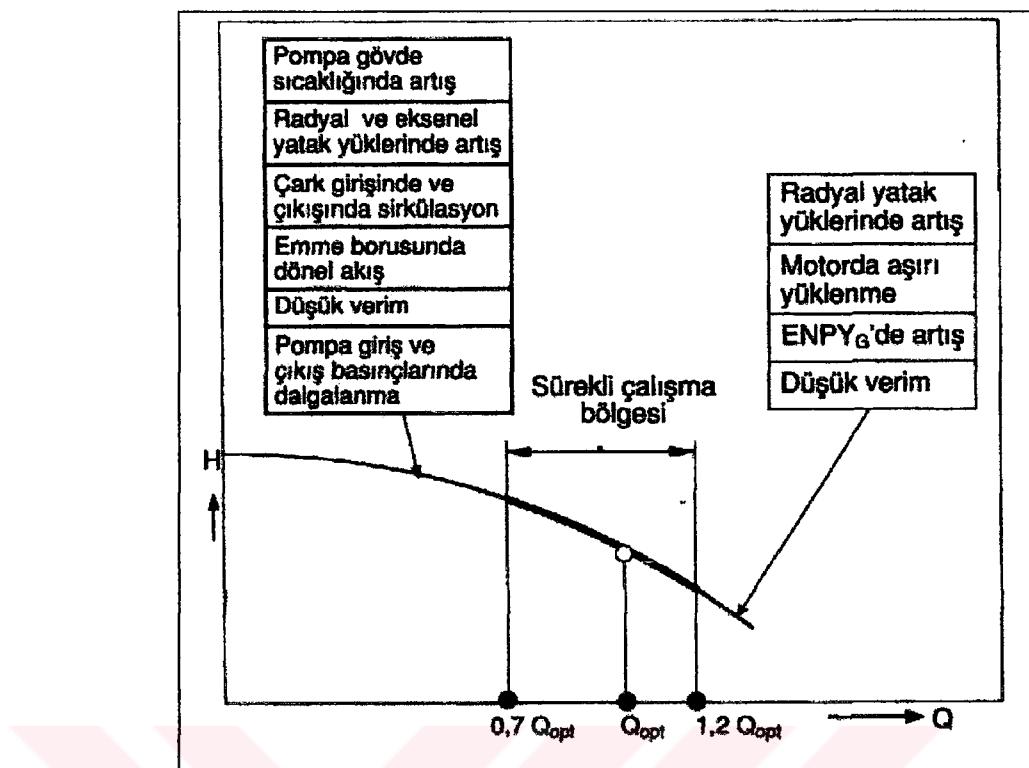
Santrifüj pompaların hidrolik, mekanik ve ekonomik gerekçelerle optimum debinin % 70'inden küçük ve % 120'sinden büyük debilerde sürekli çalışması uygun değildir (Şekil 7.16a). Güvenli ve sürekli çalışma aralığını belirleyen bir diğer kriter ise, bu bölgede pompa veriminin optimum debideki verimin % 80'inden küçük olmamasıdır (Şekil 7.16b).

Santrifüj pompaların, optimum debinin %20'inden küçük", %150'inden büyük olmamak üzere, çok kısa süreler için sürekli çalışma bölgesi dışında çalışması mümkün değildir.



Şekil 7.16 Santrifüj pompaların güvenilir çalışma bölgeleri

Santrifüj pompaların sürekli çalışma bölgесinin dışında çalışmaları halinde ortaya çıkan istenmeyen hidrolik ve mekanik özellikler Şekil 7.17' de özetlenmiştir.



**Şekil 7.17** Pompaların sürekli, güvenilir çalışma bölgesinin dışında çalışmaları halinde ortaya çıkan hidrolik ve mekanik sorunlar.

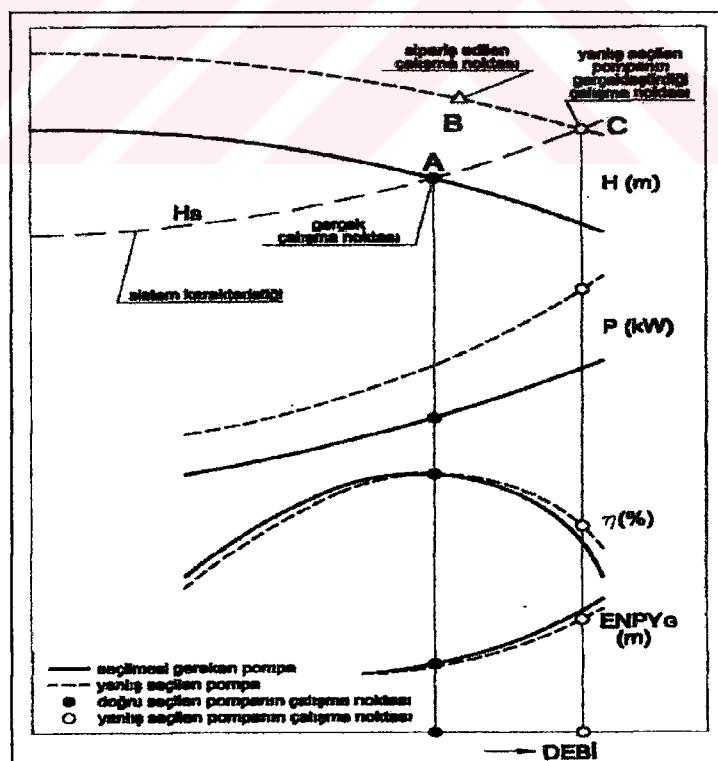
Pompaların bu istenmeyen koşullarda sürekli çalışmaları sonucu ortaya çıkan sorunlar:

- Çarkta ve difüzörde yıpranma, aşınma,
- Kavitasyonlu çalışma,
- Yataklarda, mekanik salmastralarda yıpranma,
- Titreşim ve gürültü,
- Yüksek bakım ve onarım masrafları,
- Pompa veriminin, elektrik motor veriminin ve güç faktörünün ( $\cos\phi$ ) düşmesi nedeniyle enerji tüketiminin artması,

Bu gerekçelerle, belirli bir tesisatta çalışmak üzere seçilecek pompanın çalışma noktasının veya çalışma aralığının yukarıda belirtilen sürekli çalışma bölgesi koşullarını sağlaması uygundur.

### 7.3.9 Yanlış pompa seçimi

Belirli bir tesisatta belirli bir sıvıyı istenilen debide transfer etmek için gerekli manometrik yükseklik, geometrik kotlar ve/veya yük kayıplarının hesaplarında yapılabilen hatalar sonucu veya emniyet gereğesiyle, gerçek değerinden büyük olarak saptanmaktadır. Doğru hesaplandığı taktirde nominal çalışma noktası A olan (Şekil 7.18) pompa yerine, debinin ve manometrik yüksekliğin olması gerekenden büyük seçilmesi sonucu nominal çalışma noktası B olan daha büyük bir pompa sipariş edilmektedir. Ancak sistem karakteristiği aynı kaldığından, yanlış seçilen pompanın o tesisattaki çalışma noktası C olmaktadır. Böylece, doğru seçilecek bir pompayla çalışma haline göre; debi, güç, ENPY<sub>G</sub> artmakta ve verim ise azalmaktadır. Hidrolik ve mekanik sorunlar yaratan yanlış seçimi önlemek için statik yükseklikler, boru sürtünme kayıpları, yersel yük kayıpları doğru hesaplanmalı ve emniyet katsayısı en fazla 1,05 alınmalıdır [9].



Şekil 7.18 Pompa çalışma noktasının yanlış hesaplanması hidrolik performansa etkisi.

## **8. TABLOLAR YARDIMI İLE $H_m = f(Q)$ DENKLEMİNİN OLUŞTURULMASI**

Santrifüj pompaların deneyleri yapılarak elde edilen  $H_m$ ,  $Q$ ,  $\eta$  tablolarından faydalananarak  $H_m=f(Q)$  denklemlerini bulabiliyoruz. Bu işlemin amacı tablolar yardımıyla çizilerek hesaplanan uzun ve zahmetli işlemlerin analitik bir formülasyona oturtularak daha kısa işlemlerin elde edilmesidir. Herhangi bir bilgisayar programı ile tablodan pompanın karakteristik eğrisinin analitik  $H_m=f(Q)$  ifadesini tespit edebilsek de En Küçük Kareler metoduyla PFLEIDER-PETERMAN'ın önermelerine eğri uydurmaya çalışmak daha doğru olacaktır.

PFLEIDER-PETERMAN'ın karakteristik eğriler için önerdikleri ifadeleri genel olarak iki denkleme indirgeyebiliriz. A,B ve C katsayılar olmak üzere;

$$\text{Tepe noktası olan eğri için: } H_m = A + B \cdot Q - C \cdot Q^2 \quad (8.1)$$

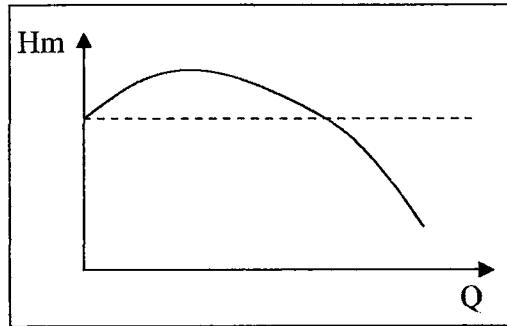
$$\text{Tepe noktası olmayan eğri için: } H_m = A - B \cdot Q^2 \quad (8.2)$$

şeklinde ifade edilebilir.

### **8.1 Karakteristik Eğrilere Denklemsel Yaklaşımlar**

#### **8.1.1 Tepe noktası olan eğri için**

$H_m = A + B \cdot Q - C \cdot Q^2$  denklemine yaklaşımda bulunuyoruz.  $n = i$  adet deneysel veri için A,B ve C katsayılarını bularak karakteristik denklemi elde ederiz.



Hata terimi:

$$E = \sum [Hm - Hm_i]^2$$

$$E = \sum [A + B \cdot Q_i - C \cdot Q_i^2 - Hm_i]^2$$

$$\frac{\partial E}{\partial A} = \sum [A + B \cdot Q_i - C \cdot Q_i^2 - Hm_i] = 0$$

$$\frac{\partial E}{\partial B} = \sum Q_i \cdot [A + B \cdot Q_i - C \cdot Q_i^2 - Hm_i] = 0$$

$$\underbrace{\frac{\partial E}{\partial C} = \sum Q_i^2 \cdot [A + B \cdot Q_i - C \cdot Q_i^2 - Hm_i] = 0}_{A \cdot n + B \cdot \sum Q_i - C \cdot \sum Q_i^2 = \sum Hm_i}$$

$$A \cdot \sum Q_i + B \cdot \sum Q_i^2 - C \cdot \sum Q_i^3 = \sum Q_i \cdot Hm_i$$

$$A \cdot \sum Q_i^2 + B \cdot \sum Q_i^3 - C \cdot \sum Q_i^4 = \sum Q_i^2 \cdot Hm_i$$

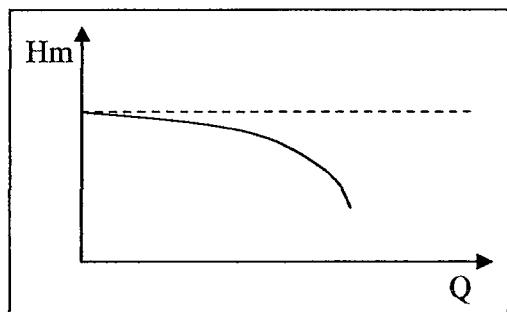
Matris formu:

$$\begin{bmatrix} n & \sum Q_i & -\sum Q_i^2 \\ \sum Q_i & \sum Q_i^2 & -\sum Q_i^3 \\ \sum Q_i^2 & \sum Q_i^3 & -\sum Q_i^4 \end{bmatrix} \bullet \begin{bmatrix} A \\ B \\ C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum Hm_i \\ \sum Q_i \cdot Hm_i \\ \sum Q_i^2 \cdot Hm_i \end{bmatrix}$$

şeklinde yazılır.

### 8.1.2 Tepe noktası olmayan eğri için

$H_m = A - B \cdot Q^2$  denklemine yaklaşımada bulunuyoruz.  $n = i$  adet deneysel veri için  $A$  ve  $B$  katsayılarını bularak karakteristik denklemi elde ederiz.



Hata terimi:

$$E = \sum [H_m - H_{m_i}]^2$$

$$E = \sum [A - B \cdot Q_i^2 - H_{m_i}]^2$$

$$\frac{\partial E}{\partial A} = \sum [A - B \cdot Q_i^2 - H_{m_i}] = 0$$

$$\frac{\partial E}{\partial B} = \sum Q_i^2 \cdot [A_i - B \cdot Q_i^2 - H_{m_i}] = 0$$

$$\underbrace{\qquad}_{A \cdot n - B \cdot \sum Q_i^2 = \sum H_{m_i}}$$

$$A \cdot n - B \cdot \sum Q_i^2 = \sum H_{m_i}$$

$$A \cdot n - B \cdot \sum Q_i^4 = \sum Q_i^2 \cdot H_{m_i}$$

Matris formu:

$$\begin{bmatrix} n & -\sum Q_i^2 \\ \sum Q_i^2 & -\sum Q_i^4 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum H_{m_i} \\ \sum Q_i^2 \cdot H_{m_i} \end{bmatrix}$$

şeklinde yazılır.

## 8.2 Matematiksel Modelleme

### 8.2.1 Özellikleri aynı pompaların bağlantısı

#### 8.2.1.1 Sadece seri ve sadece paralel bağlı pompa sistemi

a) Sadece seri bağlı sistemin denklemi;

$H_m = f(Q)$  veya  $Q = f(H_m)$  denklemi ile ifade edilen pompa  $I_s$  kadar seri bağlı ise sistemin denklemi;  $H_{sis} = I_s \cdot \Psi(Q)$  veya  $Q_{sis} = \Psi(H_m / I_s)$  denklemeleri ile ifade edilir [17].

b) Sadece paralel bağlı sistemin denklemi;

$H_m = f(Q)$  veya  $Q = f(H_m)$  denklemi ile ifade edilen pompa  $I_p$  kadar paralel bağlı ise sistemin denklemi;  $Q_{sis} = I_p \cdot \Psi(H_m)$  veya  $H_{sis} = \Psi(Q / I_p)$  denklemeleri ile ifade edilir [15].

c) Sadece seri veya sadece paralel bağlı sistemin ortak çalışma noktası (OÇN);

Sadece seri bağlantında;

$$H_{sis} = I_s \cdot H_m \quad (8.3)$$

Sadece paralel bağlantında;

$$Q_{sis} = I_p \cdot Q \quad (8.4)$$

olduğuna göre ve OÇN pompa bağlantı sisteminin kısma eğrisinin  $H_{BK}$  eğrisini kestiği yerde olduğuna göre ( $OÇN \rightarrow H_{sis} - Q_{sis}$ );

$$H_{BK} = H_g + K \cdot Q^2 \quad (8.5)$$

Boru kayıp eğrisi (8.5) yazılırsa ve sistemin OCN için;

$$H_{sis} = H_g + K \cdot Q_{sis}^2 \quad (8.6)$$

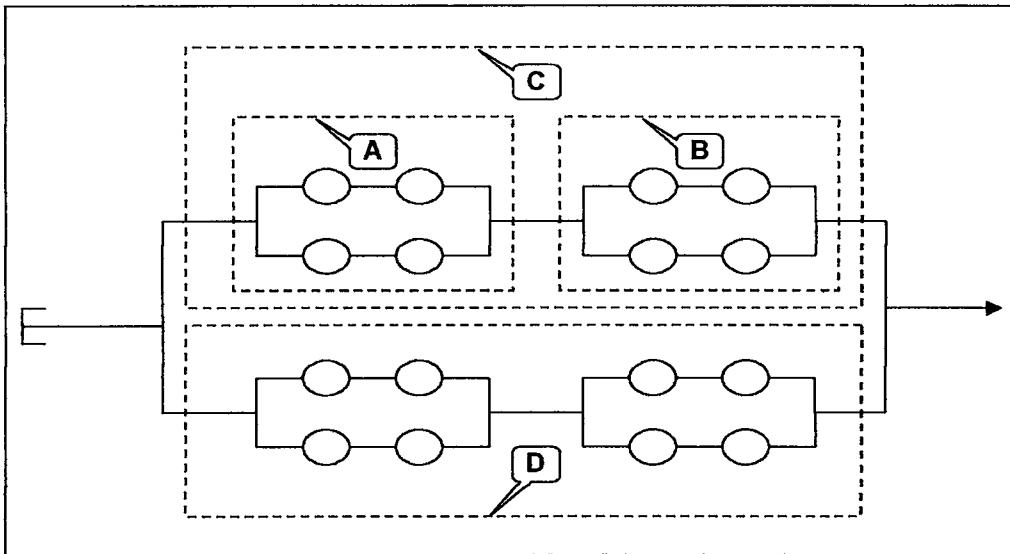
(8.3) ve (8.4) denklemleri (8.6) denkleminde yerlerine yazılarak;

$$H_m \cdot I_s = H_g + K(Q \cdot I_p)^2 \quad (8.7)$$

yazılabilir. Sadece seri bağlantıda  $I_p=1$  ve sadece paralel bağlantıda  $I_s=1$  alınır. (8.7) denklemine göre bulunan sonuçlar her zaman sistemdeki çalışan pompalardan tek pompanın verdiği  $H_m-Q$  çiftinin değerleridir. (8.7) denklemine göre çıkan  $H_{sis}=\Psi(Q_{sis})$  denklemi  $H_m=f(Q)$  (tek bir pompanın karakteristik eğrisi) denklemının oluşturduğu tablodan kesitirilerek tek pompanın OCN tespit edilir ve (8.3), (8.4) denklemlerine göre sistemin OCN yani  $H_{sis}-Q_{sis}$  çifti ( $H_{sis}=\Phi(Q_{sis})$ ) bulunur.

### 8.2.1.2 Düzgün çoklu bağlı pompa sistemi

Sadece seri ve sadece paralel bağlantı, pompaların grup olarak da aynı tarzda bağlanmasıyla büyütülebilir. Şekil 8.1' de A grubu B grubu ile aynı olup, C grubu' da D grubu ile aynıdır. Her grup tek bir pompa gibi davranışından dolayı (tüm pompalar aynı olduğu için), son bütünlüğe kadar tek bir pompa elde edilebilir. Bu tip bir pompa sisteme Düzgün çoklu Bağlılı sistem denir. Bu sistem içinde önerdiğimiz (8.7) denklemi analitik ve deneysel olarak ispat edilmiştir.



**Şekil 8.1** Düzgün çoklu bağlılı pompa sistemi

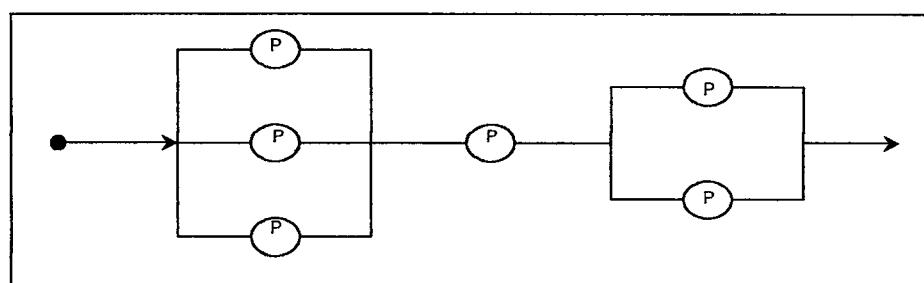
(8.7) denkleminin düzgün çoklu bağlantıda uygulanabilmesinin sebebi sadece seri ve sadece paralel bağlantıların lineer bir son bütünlüğü oluşturmasıdır. Bu denkleme göre bulunan sonuçlar her zaman sistemdeki çalışan pompalardan tek pompanın verdiği  $H_m-Q$  çiftinin değerleridir. İstenilen  $H_{sis}-Q_{sis}$  çifti için; (8.3) ve (8.4) denklemleri ile sistemin OÇN ( $H_{sis}-Q_{sis}$  çifti) bulunur. (8.7) denklemine göre bulunan  $H_m=\Psi(Q)$  denklemi sistemde kullanılan tek pompanın bilinen  $H_m-Q$  tablosundan EKK yöntemi ile uygun bir yaklaşımla  $H_m=f(Q)$  denklemi oluşturarak veya tek pompanın karakteristik grafiğinin çeşidine göre uygun bir interpolasyonla kesitirilerek tek pompanın OÇN tespit edilir ve  $H_{sis}=\dot{I}_s \cdot H_m$ ,  $Q_{sis}=\dot{I}_p \cdot Q$  denklemlerine göre sistemin OÇN yani  $H_{sis}-Q_{sis}$  çifti veya  $H_{sis}=\Phi(Q_{sis})$  bulunur. (8.7) denkleminin uyumluluğu;  $H_{sis}=\Phi(Q_{sis})$  eğrisinin grafik toplama yöntemi ile çizilip  $H_k$  boru kayıp eğrisi ile kesitirilerek sistemin OÇN bulunup ispat edilmiştir. Hatta (8.7) denklemi analitik olduğundan dolayı grafik toplama yöntemi ile bulunan sonuçlardan daha hassas olduğunu göstermiştir.

### 8.2.1.3 Karışık bağlantı

8.2.1.2 de anlatıldığı gibi aynı pompaların sadece seri veya sadece paralel bağlantılarından oluşan sistemin eşdeğer karakteristiği tek bir pompanın karekteristiğine denktir. Bu yüzden deneylerimizde kullandığımız, farklı devirlerdeki pompaların oluşturduğu sistem özellikleri, “farklı pompaların” bağlantısını oluşturur. Karışık bağlantı; Aynı pompaların bağlantısında, “farklı paralel bağlantıların seri bağlantısı” ve “farklı seri bağlantıların paralel bağlantısı”nı en az bir defa paralel veya seri şeklinde bağlarsak karışık bağlantıyı elde ederiz. Başka bir ifadeyle farklı pompaların “sadece farklı paralel bağlantılarının seri bağlantısı” veya “sadece farklı seri bağlantılarının paralel bağlantısı” karışık bağlantıyı oluşturur. Farklı pompaların bağlantısı, deney sonuçlarından anlaşıldığı gibi uygun görülmemektedir. Dolayısıyla karışık bağlantı da ihtiyacı karşılamak amacıyla bile olsa yapılmamalıdır.

#### 8.2.1.3.1 Farklı paralel bağlantıların seri bağlantısı

Aşağıdaki analiz tamamen grafik toplama yöntemine göre yapılmıştır.



**Şekil 8.2** Farklı paralel bağlantıların seri bağlantısı

Tek pompa için sabit bir polinom fonksiyonu ele alırsak;

$$H_m = a_0 + a_1 Q^1 + a_2 Q^2 + \dots + a_n Q^n = a_0 + \sum_i^n a_i Q^i \quad (8.8)$$

Sadece paralel bağlama  $\frac{Q}{p} = f(H)$  denklemiyle veya  $H = f(\frac{Q}{p})$  denklemiyle ifade edilir.

Farklı paralellerin sadece seri bağlantısı genel olarak;

$$H_{sis} = Hp_1 + Hp_2 + Hp_3 + \dots + Hp_s = \sum_j^s Hp_j \quad (8.9)$$

elde edilir.

Buradaki S seri bağlı paralel grupların sayısı ve p her gruptaki paralel bağlı pompa sayısıdır (her grup için ayrı değeri vardır. S kadar grup için;  $p_1, p_2, p_3, \dots, p_s$ ). OCN'ını bulmak için;  $j = 1, 2, 3, \dots, S$  değerleri ile bulduğumuz S kadar denklemin “En Dıştaki Eğrileri” ni tek tek  $H_k$  denklemi ile iterasyon yaparak çözeriz. “Burada bulunan en büyük Q debisi sistemin debisidir ( $Q_{sis}$ )”.

$$\begin{aligned} Hp_1 &= a_0 + a_1 Q^1 \frac{1}{p_1^1} + a_2 Q^2 \frac{1}{p_1^2} + \dots + a_n Q^n \frac{1}{p_1^n} \\ Hp_2 &= a_0 + a_1 Q^1 \frac{1}{p_2^1} + a_2 Q^2 \frac{1}{p_2^2} + \dots + a_n Q^n \frac{1}{p_2^n} \\ &\vdots \\ &\vdots \\ Hp_s &= a_0 + a_1 Q^1 \frac{1}{p_s^1} + a_2 Q^2 \frac{1}{p_s^2} + \dots + a_n Q^n \frac{1}{p_s^n} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} H_{sis} &= S \cdot a_0 + a_1 Q^1 \left[ \frac{1}{p_1^1} + \frac{1}{p_2^1} + \dots + \frac{1}{p_s^1} \right] + a_2 Q^2 \left[ \frac{1}{p_1^2} + \frac{1}{p_2^2} + \dots + \frac{1}{p_s^2} \right] + \dots \\ &\dots + a_n Q^n \left[ \frac{1}{p_1^n} + \frac{1}{p_2^n} + \dots + \frac{1}{p_s^n} \right] \end{aligned}$$

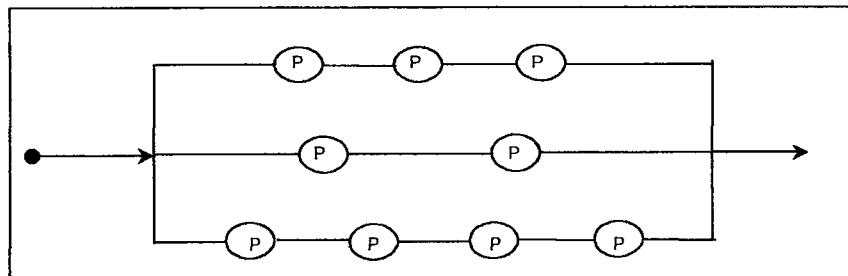
Son bulduğumuz denklemi sadeleştirirsek;

$$H_{sis} = S \cdot a_0 + \sum_i^n \left[ a_i \cdot Q^i \sum_j^s \frac{1}{p_j^i} \right] \quad (8.10)$$

genel ifadesi elde edilir.

### 8.2.1.3.2 Farklı Seri bağlantılarının paralel bağlantısı

Aşağıdaki analiz tamamen grafik toplama yöntemine göre yapılmıştır.



**Şekil 8.3** Farklı seri bağlantılarının paralel bağlantısı

Tek pompa için sabit bir polinom fonksiyonu ele alırsak;

$$Q = b_0 + b_1 H^1 + b_2 H^2 + \dots + b_n H^n = b_0 + \sum_i^n b_i H^i \quad (8.11)$$

Sadece seri bağlama  $H_s/f(Q)$  denklemiyle veya  $Q=f(H_s/f)$  denklemiyle ifade edilir.

Farklı serilerin sadece paralel bağlantısı genel olarak;

$$Q_{\text{sis}} = Qs_1 + Qs_2 + Qs_3 + \dots + Qs_p = \sum_j^p Qs_j \quad (8.12)$$

elde edilir.

Buradaki  $P$  paralel bağlı seri grupların sayısı ve  $s$  her gruptaki seri bağlı pompa sayısıdır (her grup için ayrı değeri vardır.  $P$  kadar grup için;  $s_1, s_2, s_3, \dots, s_p$ ). OCN' ni bulmak için;  $j = 1, 2, 3, \dots, P$  değerleri ile bulduğumuz  $P$  kadar denklemin EDE' lerini tek tek  $H_k$  denklemi ile iterasyon yaparak çözeriz.

Burada bulunan en büyük  $H$  sistemin basma yüksekliğidir ( $H_{\text{sis}}$ ).

$$\begin{aligned}
 Qs_1 &= b_0 + b_1 H^1 \frac{1}{s_1^1} + b_2 H^2 \frac{1}{s_1^2} + \dots + b_n H^n \frac{1}{s_1^n} \\
 Qs_2 &= b_0 + b_1 H^1 \frac{1}{s_2^1} + b_2 H^2 \frac{1}{s_2^2} + \dots + b_n H^n \frac{1}{s_2^n} \\
 &\vdots \\
 &\vdots \\
 Qs_p &= b_0 + b_1 H^1 \frac{1}{s_p^1} + b_2 H^2 \frac{1}{s_p^2} + \dots + b_n H^n \frac{1}{s_p^n}
 \end{aligned}$$


---

$$\begin{aligned}
 Q_{sis} &= P \cdot b_0 + b_1 H^1 \left[ \frac{1}{s_1^1} + \frac{1}{s_2^1} + \dots + \frac{1}{s_p^1} \right] + b_2 H^2 \left[ \frac{1}{s_1^2} + \frac{1}{s_2^2} + \dots + \frac{1}{s_p^2} \right] + \dots \\
 &\quad \dots + b_n H^n \left[ \frac{1}{s_1^n} + \frac{1}{s_2^n} + \dots + \frac{1}{s_p^n} \right]
 \end{aligned}$$

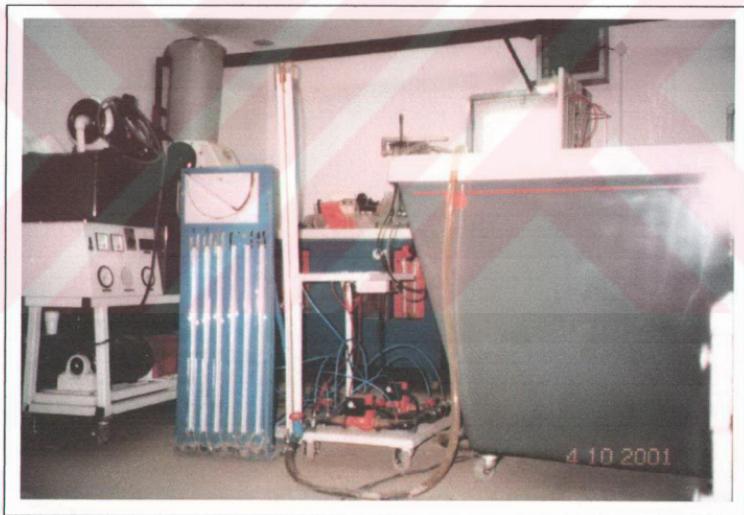
Son bulduğumuz denklemi sadeleştirirsek;

$$Q_{sis} = P \cdot b_0 + \sum_i^n \left[ b_i \cdot H^i \sum_j^p \frac{1}{s_j^i} \right] \quad (8.13)$$

genel ifadesi elde edilir.

## **9. DENEY DÜZENEĞİ**

Bu çalışmada 2 adet GRUNDFOS SELECTRIC (made in Britain) marka aynı özellikte santrifüj pompa kullanılmıştır. Kullanılan pompaların çark çapı  $D = 66,55$  mm dir. Pompaların valf düzenleri Tablo 9.1' de gösterilmiştir. Deney tesisatının sonunda kalibre edilmiş bir venturimetre ile debi kontrolü sağlanmıştır. Şekil 9.1 de basınç manometreleri, deney pompaları ve su tankı gösterilmektedir.

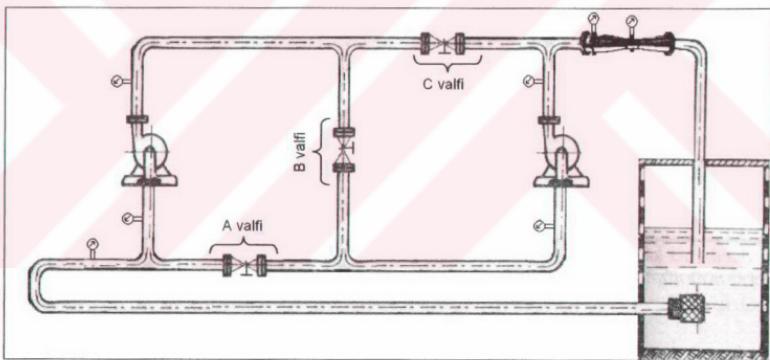


**Şekil 9.1** Deney düzeneği.

Basınç ölçümleri pompa giriş ve çıkışlarına bağlı bulunan civalı manometrelerle sağlanmıştır. Aynı zamanda her ölçüm sonrası ölçekli kapla, venturimetreden alınan sonuçların sağlaması yapılmıştır.



Şekil 9.2 Deney pompası.



Şekil 9.3 Deney düzeneği nin şematik resmi

Tablo 9.1 Seri ve paralel bağlantı valf düzenleri.

BAĞLANTı	A valfi	B valfi	C valfi
SERİ	KAPALI	AÇIK	KAPALI
PARALEL	AÇIK	KAPALI	AÇIK

## **10. SONUÇLAR ve ÖNERİLER**

### **10.1. Karakteristik Eğriler**

Şekil 11.1 deneylerde kullanılan pompanın tek başına çalışırken 800 (d/dk), 1200 (d/dk), 1900 (d/dk) devirde karakteristik eğrilerini göstermektedir.

Şekil 11.2 de  $(P_2+P_1)_{ger.seri}$  ve  $(P_2+P_1)_{teo.seri}$  eğrisi arasında boru kaybi fazla değildir ve pompaların birbirlerine pozitif veya negatif etkisi yoktur. Aynı Durum Şekil 11.10 ve Şekil 11.18 de mevcuttur. Şekil 11.3 de ise  $[P_2 (800_{[d/dk]}) + P_1 (800_{[d/dk]})]$  seri bağlantısı nın  $[(Hm_2+Hm_1)_{teo.sis.} - (Hm_2+Hm_1)_{ger.sis.}]$  farkı gösterilmektedir. Şekil 11.3 deki ve diğer  $[(Hm_2+Hm_1)_{teo.sis.} - (Hm_2+Hm_1)_{ger.sis.}]$  farkı grafiklerindeki kırmızı eğri 2. dereceden polinomal olarak yaklaşımındır.

Şekil 11.2, Şekil 11.10 ve Şekil 11.18 de  $P_1$  pompasının karakteristiği  $P_2$  pompasına göre daha büyük bir form almıştır. Bunun sebebi  $P_2$  pompasının tesisatın girişinde  $P_1$  pompasının tesisatın çıkışında olmasından dolayı  $P_2$  pompasının  $P_1$  pompasına basınç vermesi ve pompaların devirlerinin aynı olmasıdır. Bu bağlantılarda pompaların aynı devirde olmalarından dolayı birbirlerine negatif etkisi yoktur.

Şekil 11.6 da ise  $P_2$  pompasının negatif etkisinden ve boru kaybindan dolayı  $(P_2+P_1)_{ger.seri}$  eğrisi  $P_1(1900_{[d/dk]})$  eğrisinin yarı yarıya kalmıştır.  $P_1(1900_{[d/dk]})$  ve  $P_2(800_{[d/dk]})$  olmasından dolayı  $P_2$  pompa  $P_1$  pompasına düşük debi ve basınç girişi sağlamaktadır. Bunun sonucunda  $P_1$  pompa  $P_2$  pompasını normal devrinden daha fazla devirle döndürmeye çalışmış ve  $P_2$  pompasının ısınmasına yol açmıştır. Aynı durum Şekil 11.4, Şekil 11.12 da gözlemlenmiştir.

Şekil 11.8, Şekil 11.14, Şekil 11.16 da  $P_1$  Pompası  $P_2$  pompasına düşük debi ve basınç girişi sağlamıştır. Boru kaybında etkisiyle  $(P_2+P_1)_{\text{ger.seri}}$  eğrileri  $P_2$  eğrilerinin kısmen veya yarıyariya altına düşmüştür. Bunun sonucunda  $P_2$  pompası  $P_1$  pompasını normal devrinden daha fazla devirle döndürmeye çalışmış ve  $P_1$  pompasının isınmasına yol açmıştır.

Şekil 11.20, Şekil 11.21, Şekil 11.22 deki grafiklerden çıkan sonuç ise, farklı veya aynı devirde birbirlerine seri olarak bağlanan  $P_2$  ve  $P_1$  pompalarının  $[(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}]$  farklarının aynı boru kayıp K katsayısına ( $H_k = KQ^2$ ) ait olmasıdır. Bu durum tüm  $[(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo.sis.}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{ger.sis.}}]$  farkı sonuçlarının yer aldığı Şekil 11.23 de açıkça görülmektedir.

Şekil 11.24, Şekil 11.25 ve Şekil 11.26 da farklı devirli pompaların bağlantılarında pompaların birbirlerine pozitif veya negatif etkileri, pompaların bağlantı sıralamasına göre karşılaştırılarak gösterilmektedir. Bu grafiklerden çıkan sonuç ise, pompaların farklı devirlerde seri bağlantılarının sıralamasının bir önemi olmadığıdır. Pompaların devir sırası değişmesine rağmen  $P_2$ ,  $P_1$  ve  $(P_2+P_1)_{\text{ger.seri}}$  karakteristikleri aynı formda kalmıştır.

Şekil 11.2 den Şekil 11.26 ya kadar olan eğrilerden seri bağlantı için santrifüj pompaların birbirleri ile aynı devirde bağlanması gereği ortaya çıkar. Farklı devirdeki bağlantınlarda devir sayısı farklı arttıkça negatif etkide artmaktadır. Bağlantılarda ortaya çıkan negatif etki boru kaybından değil pompaların farklı devirlerde bağlanmasındandır. Negatif etki boru kaybından olsayıdı pompaların aynı devirdeki bağlantınlarda ortaya çıkardı.

## **10.2. Performans Eğrileri**

Şekil 12.27 ve Şekil 12.41 arasındaki eğriler pompaların bağlantı şartlarındaki boyutsuz performanslarını göstermektedir.

Şekil 12.28, Şekil 12.32 ve Şekil 12.36 da boyutsuz performans açısından aynı devirli seri bağlı pompaların birbirlerine negatif etkisi olmadığı görülmektedir. Ancak çıkışta olan pompanın girişekine göre biraz daha iyi bir boyutsuz performansı olduğu ortaya çıkmaktadır.

Şekil 12.29 ve Şekil 12.31 de pompaların boyutsuz performansın da farklılıklar belirtmiştir. Şekil 12.30, Şekil 12.33, Şekil 12.34 ve Şekil 12.35 de ise pompaların boyutsuz performansında büyük farklılıklar ortaya çıkmıştır.

Şekil 12.37, Şekil 12.38 ve Şekil 12.39 da giriş pompasının devri sabit tutularak çıkış pompasının devrinin değiştirilmesi ile boyutsuz performans karşılaştırılmaları yapılmıştır. Kullanılan pompalardan 1900 devirli olanı her devir kombinasyonunda 1200 ve 800 devirli olana göre farklı ve düşük bir performans göstermiştir. 1200 devirli pompa ise 800 devirinden biraz düşük bir performans göstermiştir.

Şekil 12.40 da ise tüm bağlantı kombinasyonlarındaki pompaların her devirindeki boyutsuz performansı karşılaştırılmıştır. Herhangi bir bağlantı kombinasyonunda bir pompanın devri arttıkça boyutsuz performansı düşmektedir. Ayrıca aynı devirli pompaların boyutsuz performansı aynı kalmaktadır. Şekil 12.40 da aynı devirli pompaların boyutsuz performansı devir arttıkça, bağlantı kombinasyonları farklı olsa da birbirlerine benzemektedir.

1900 devirli pompaların 1200 ve 800 devirli pompalara göre birbirlerine daha benzer bir boyutsuz performans karakteristiği vardır ve bu benzerlik devir sayısı arttıkça belirginleşmektedir. Seri bağlantılıdaki 1900 devirli pompaların boyutsuz performans karakteristiği 1900 devirli pompanın tek başına çalışırken sahip olduğu karakteristiğe göre farklı bir form almıştır. Bu fark pompaların birbirlerini etkilemesinden ve boru kaybından dolayı oluşmuştur. Bu olay Şekil 12.41 de açıkça görülmektedir.

Boyutsuz performans eğrilerinden çıkan sonuç, yapılacak seri bağlantıda kullanılacak olan pompaların aynı devirde ve boyutsuz performans eğrilerinin aynı karakteristikte olması gerektidir.

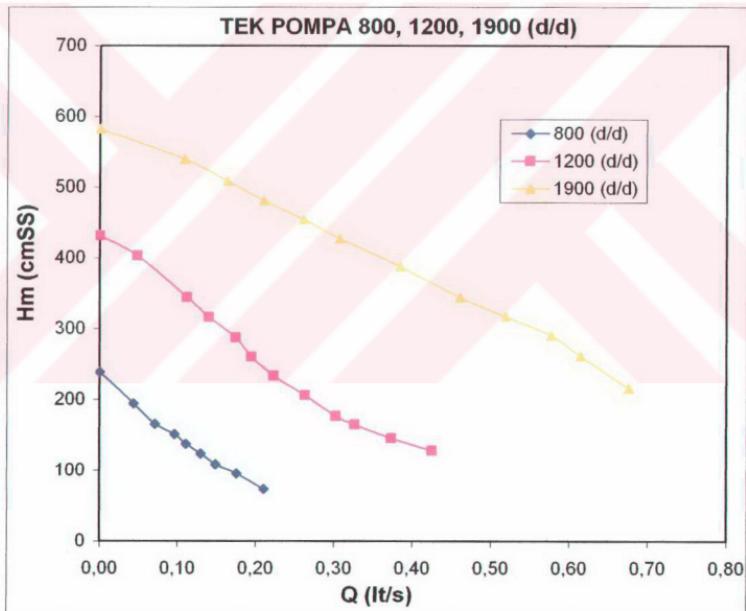
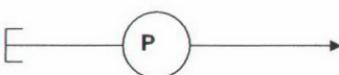
### **10.3. Genel Sonuç**

Sonuç olarak; santrifüj pompaların farklı devirli sadece seri bağlantılarında birbirlerine negatif etkilerinin bulunduğu saptanmıştır. Pompa konfigürasyonları değerlendirilirken karışık bağlantidan kaçınmalı ve istenilen değerleri elde etmek için düzgün çoklu bağlantılı pompa sistemleri kullanılmalıdır.

Farklı paralel bağlantıların seri bağlantısında (8.2.1.3.1) her bir paralel grubu bir bütün olarak düşünülürse santrifüj pompaların farklı devirli sadece seri bağlantıları elde edilir ve (8.10) denklemelik yöntemine pompaların, En Küçük Kareler yöntemi ile polinomal yaklaşımı analitik denklemleri uygulanırsa sonucun çok fazla saptığı görülür. Aynı uygulama düzgün çoklu pompa bağlantı sisteminde yapıldığında pek bir sapma olmamıştır. Düzgün çoklu bağlantı sistemlerine (8.7) denklemi 8.2.1.2. de anlatıldığı gibi uygulanarak sistemin Ortak Çalışma Noktası bulunur.

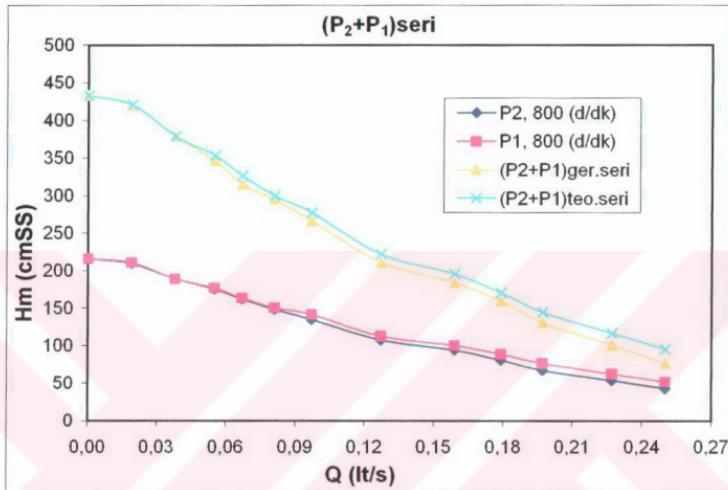
## 11. KARAKTERİSTİK EĞRİLER

### 11.1 Tek Pompanın Farklı Devirlerde Karakteristik Eğrileri

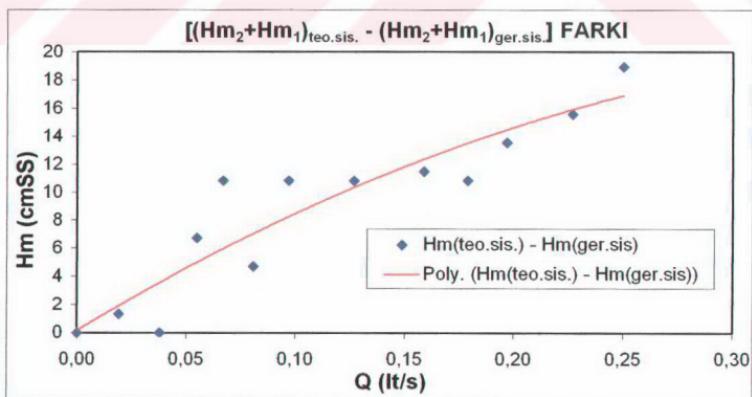


**Şekil 11.1** Tek pompanın 800 (d/dk), 1200 (d/dk), 1900 (d/dk) devirde karakteristik eğrileri.

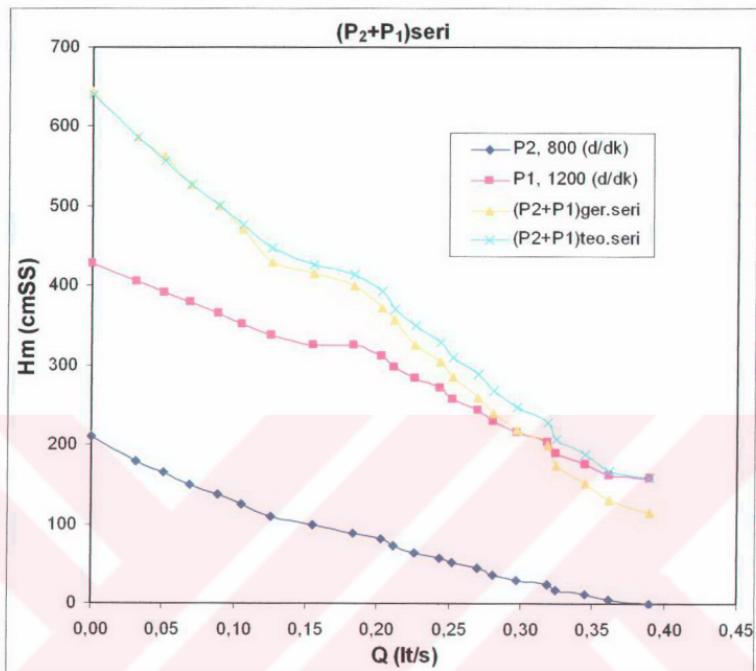
**11.2 Farklı veya Aynı Devirli Pompaların Bağlantılarında Pompaların Birbirlerine Pozitif veya Negatif Etkileri**



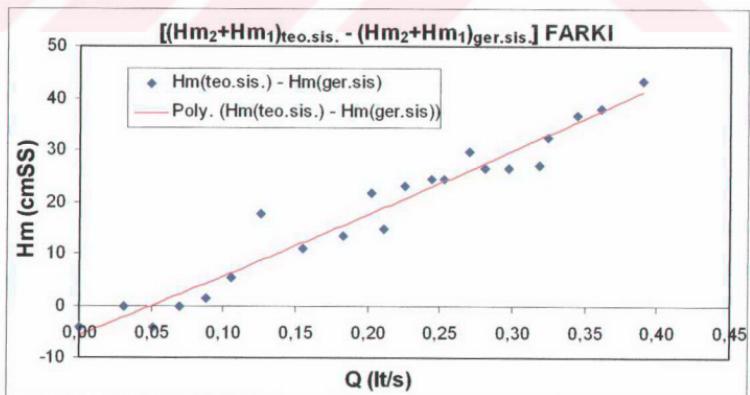
**Şekil 11.2** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı karakteristik eğrileri.



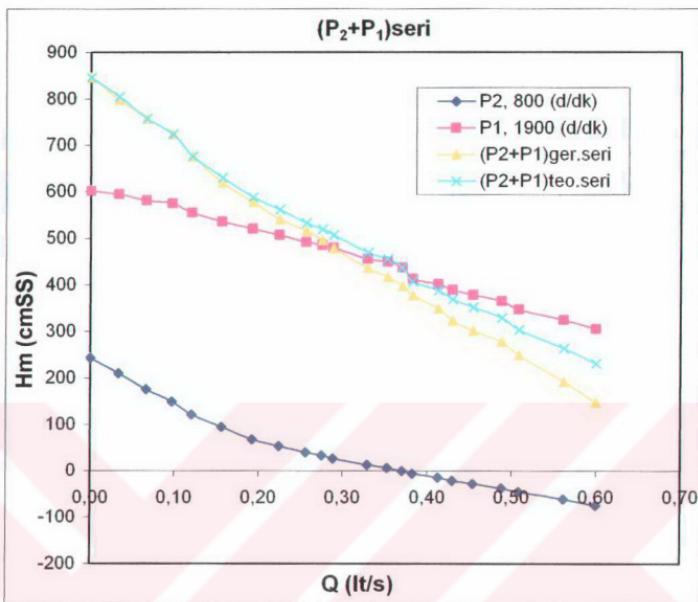
**Şekil 11.3** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) - P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teorik</sub> sistem - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>gerçek</sub> sistem farkı.



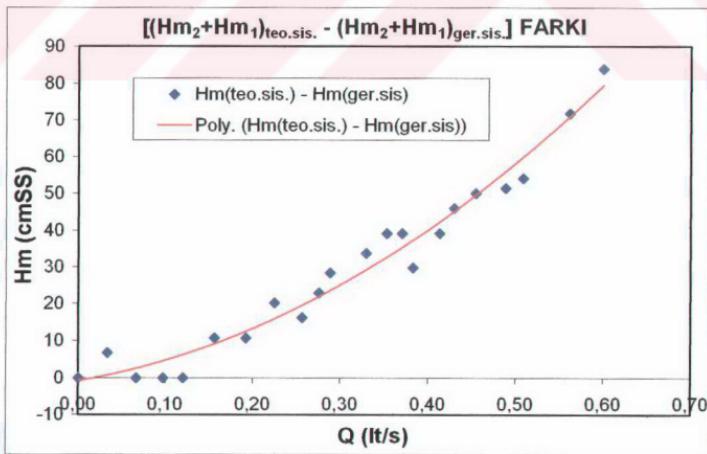
**Şekil 11.4**  $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$  seri bağlantı karakteristik eğrileri.



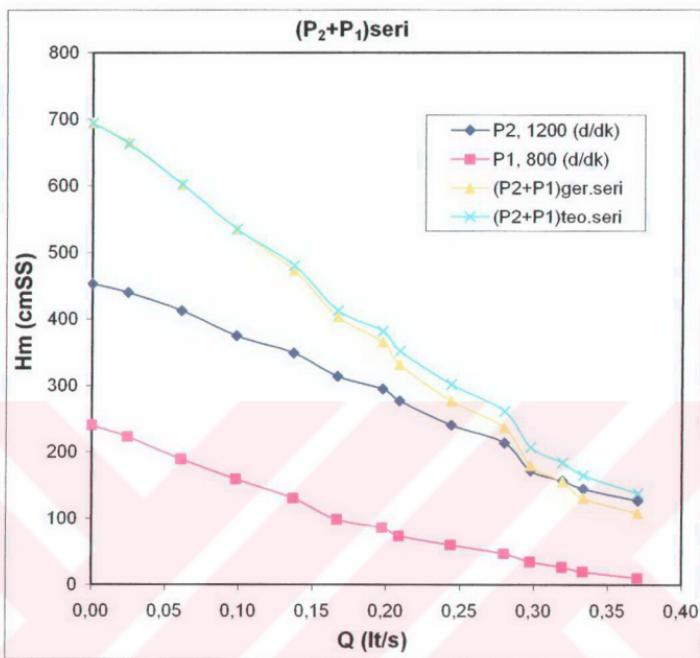
**Şekil 11.5**  $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$  seri bağlantı  $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teorik sistem}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{gerçek sistem}}$  farkı



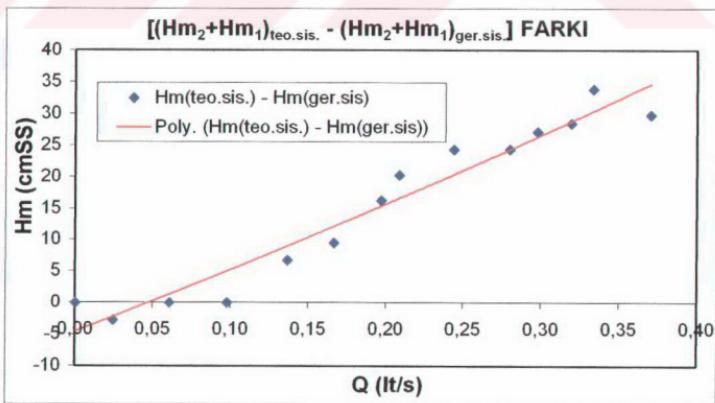
**Şekil 11.6** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı karakteristik eğrileri.



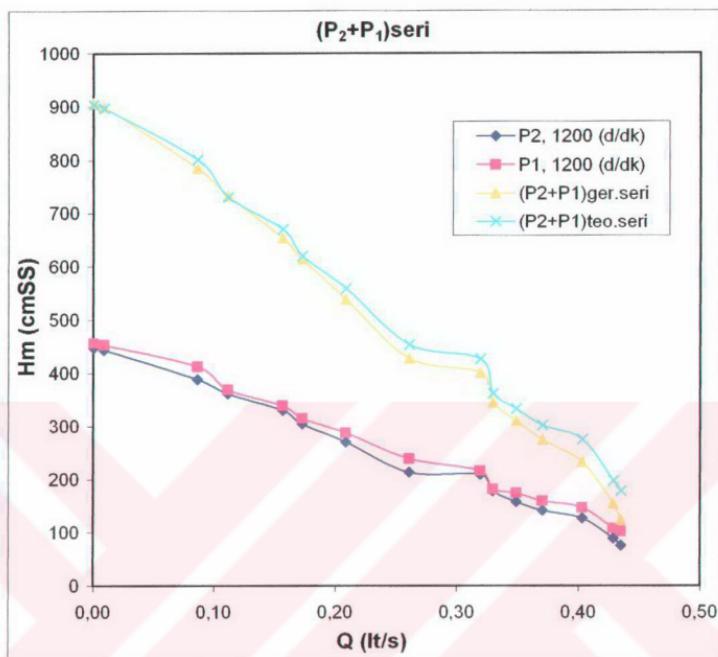
**Şekil 11.7** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı  
(Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teorik sistem</sub> - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>gerçek sistem</sub> farkı



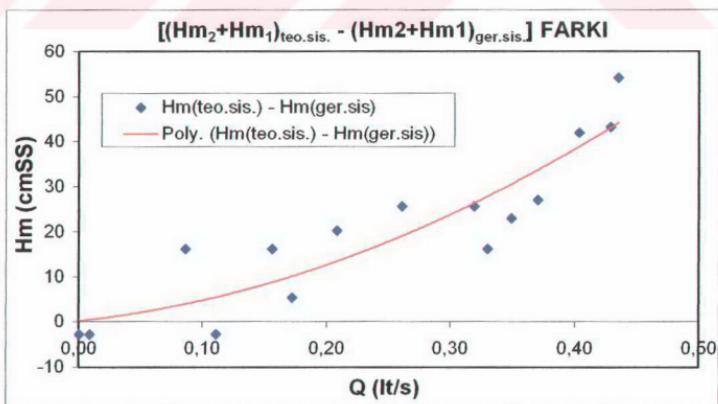
Şekil 11.8 P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı karakteristik eğrileri.



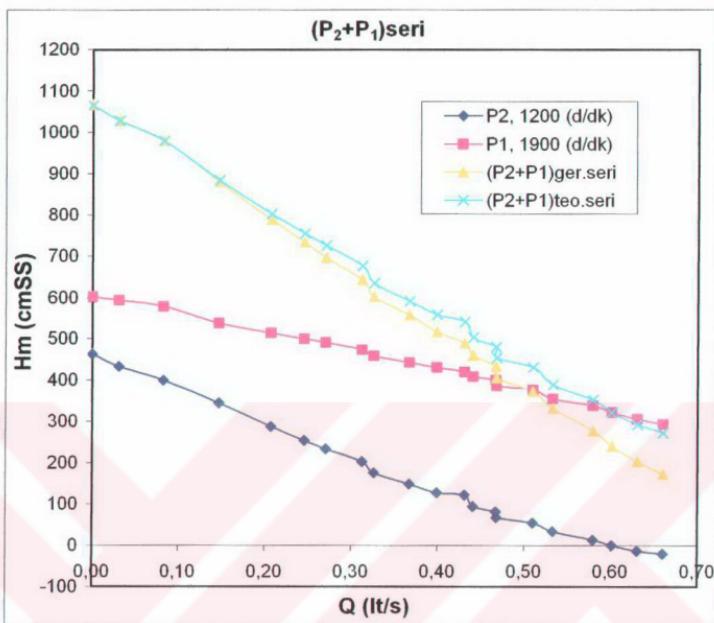
Şekil 11.9 P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı  
(Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teorik sistem</sub> - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>gerçek sistem</sub> farkı



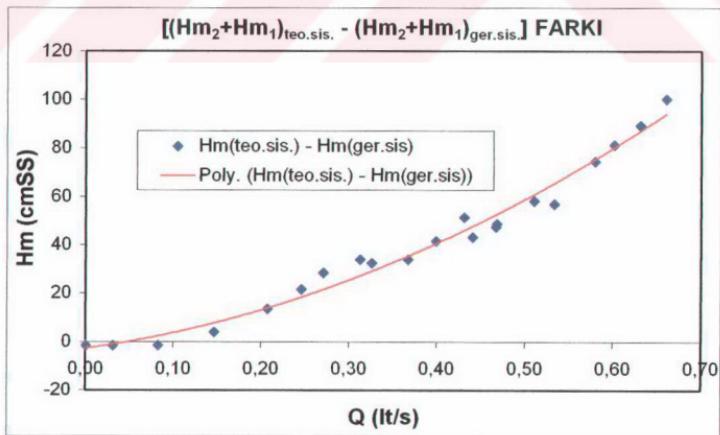
**Şekil 11.10** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı karakteristik eğrileri.



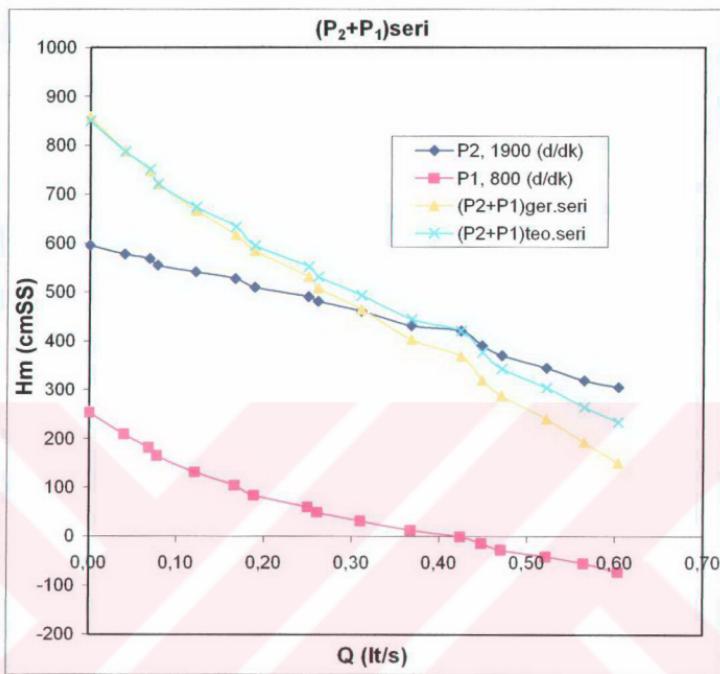
**Şekil 11.11** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı  
(Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teorik sistem</sub> - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>gerçek sistem</sub> farkı



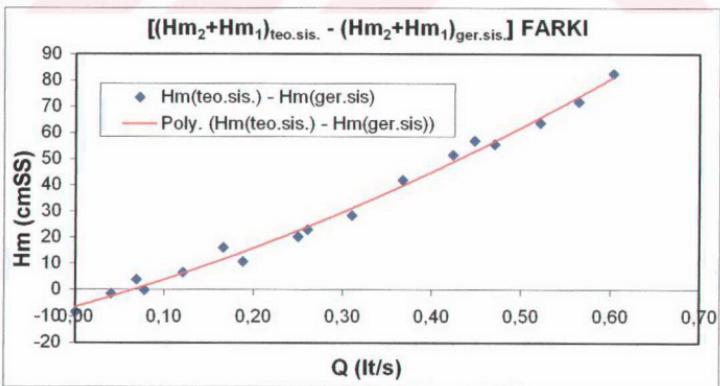
**Şekil 11.12** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı karakteristik eğrileri.



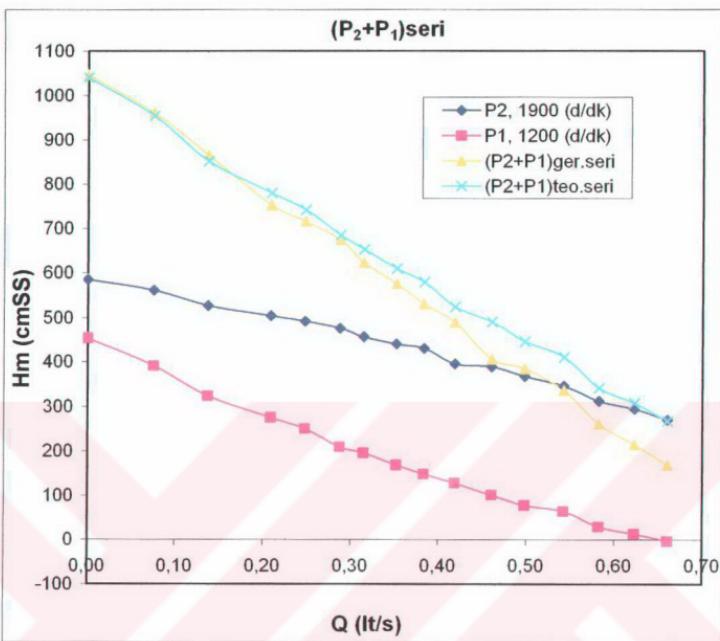
**Şekil 11.13** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı  
(Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teorik sistem</sub> - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>gerçek sistem</sub> farkı



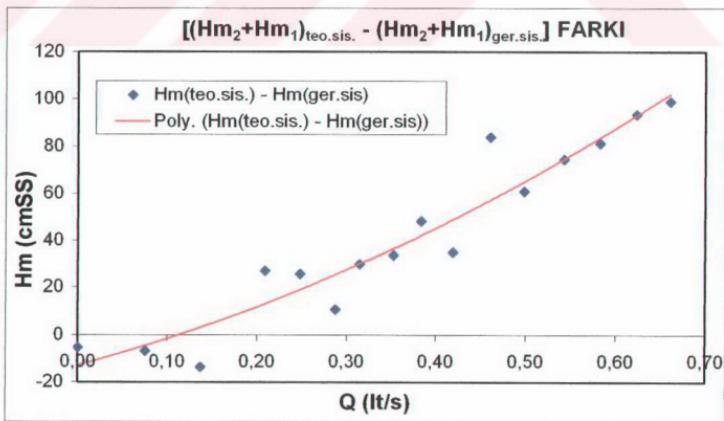
Şekil 11.14  $P_2$  (1900<sub>[d/d]</sub>) +  $P_1$  (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı karakteristik eğrileri.



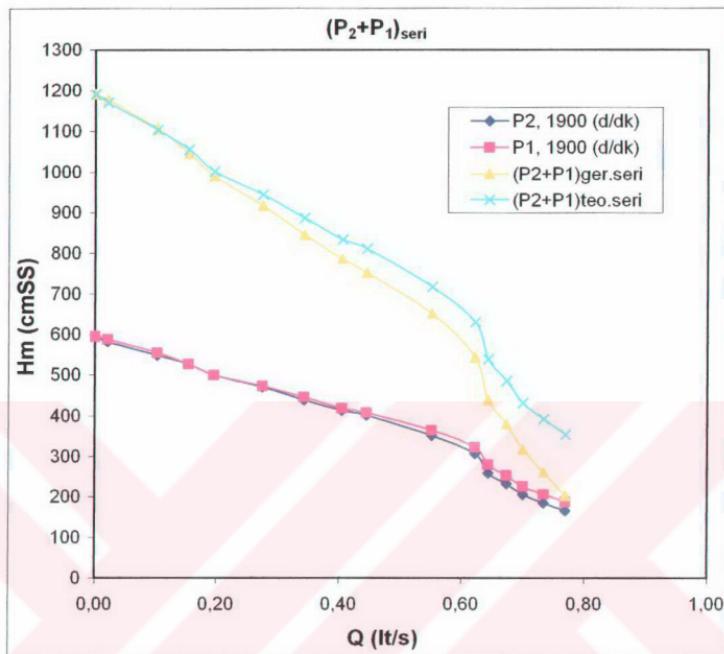
Şekil 11.15  $P_2$  (1900<sub>[d/d]</sub>) +  $P_1$  (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı  
 $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teorik sistem}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{gerçek sistem}}$  farkı



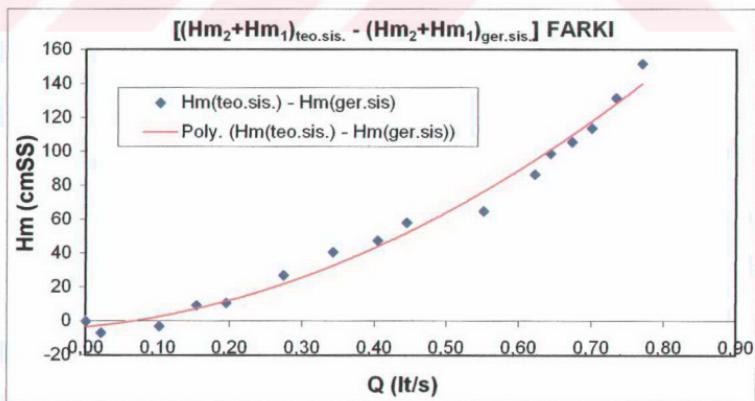
**Şekil 11.16** P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı karakteristik eğrileri.



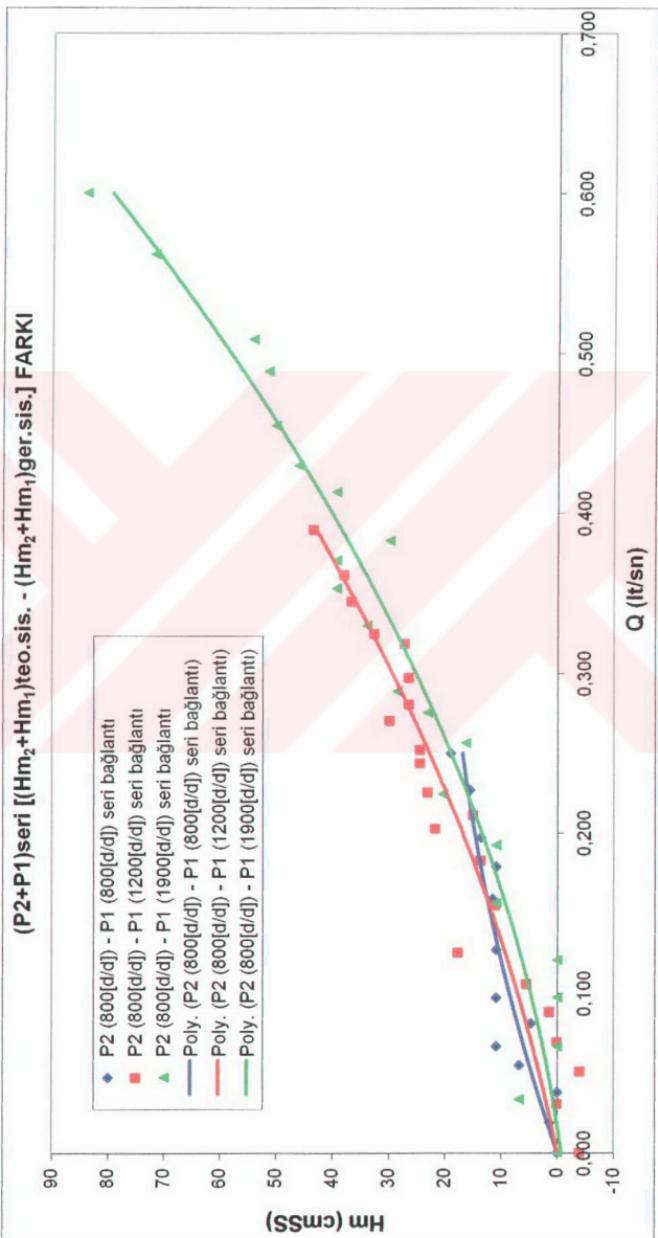
**Şekil 11.17** P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı  
(Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teorik sistem</sub> - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>gerçek sistem</sub> farkı



Şekil 11.18  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$  seri bağlantı karakteristik eğrileri.

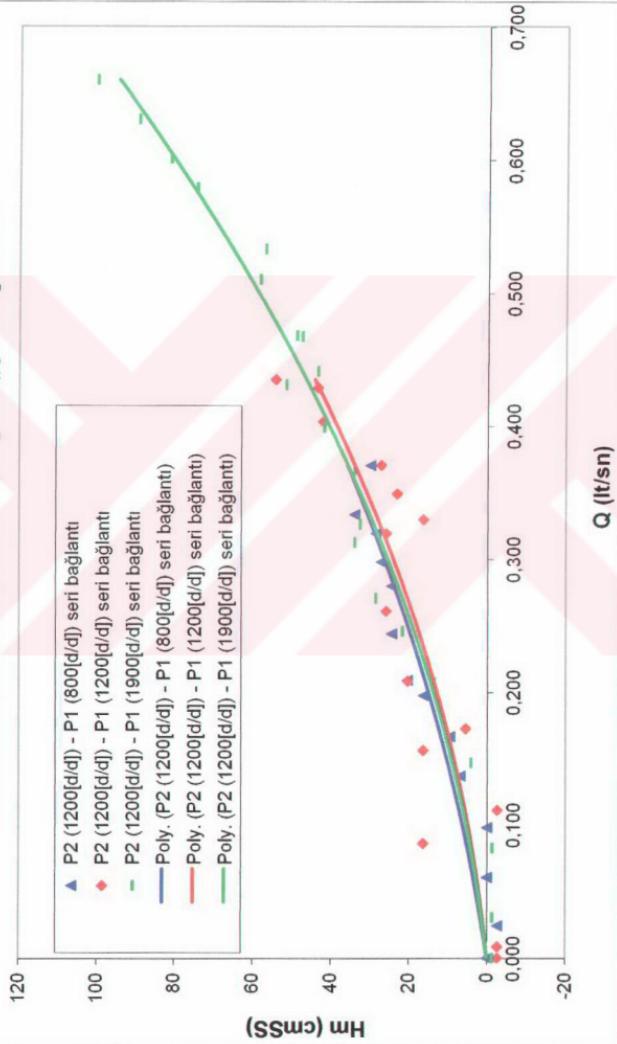


Şekil 11.19  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$  seri bağlantı  
 $(Hm_2+Hm_1)_{\text{teorik sistem}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{gerçek sistem}}$  farkı

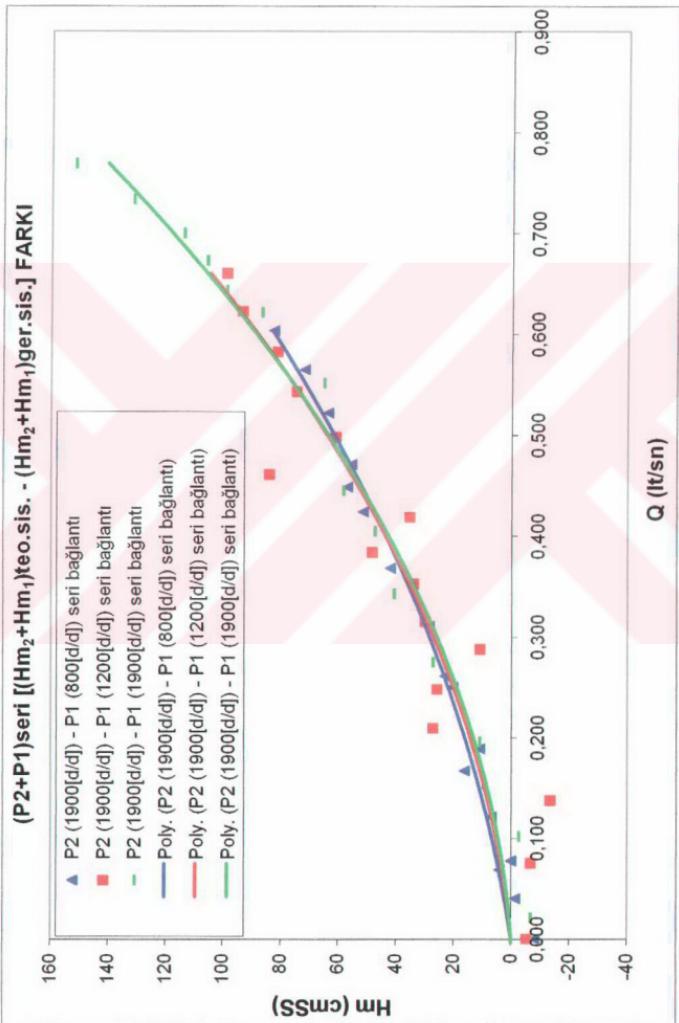


Şekil 11.20  $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ ,  $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,  $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$  seri bağlantılarının  $[(Hm_2+Hm_1)_{teo.sis.} - (Hm_2+Hm_1)_{ger.sis.}]$  farkı.

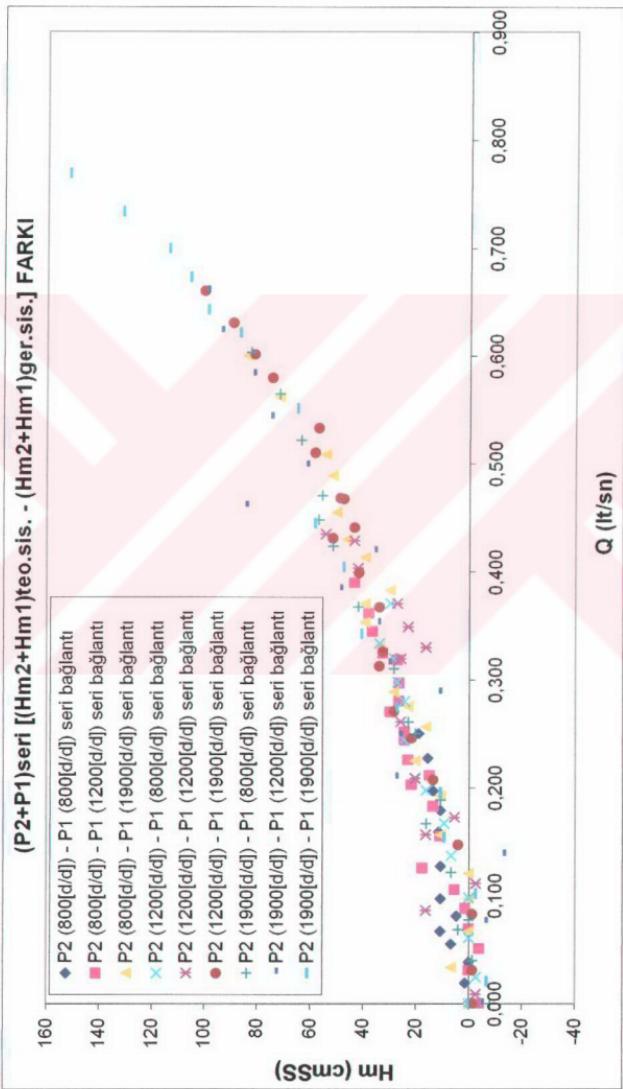
**(P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)seri [(Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)teo.sis. - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)ger.sis.] FARKI**



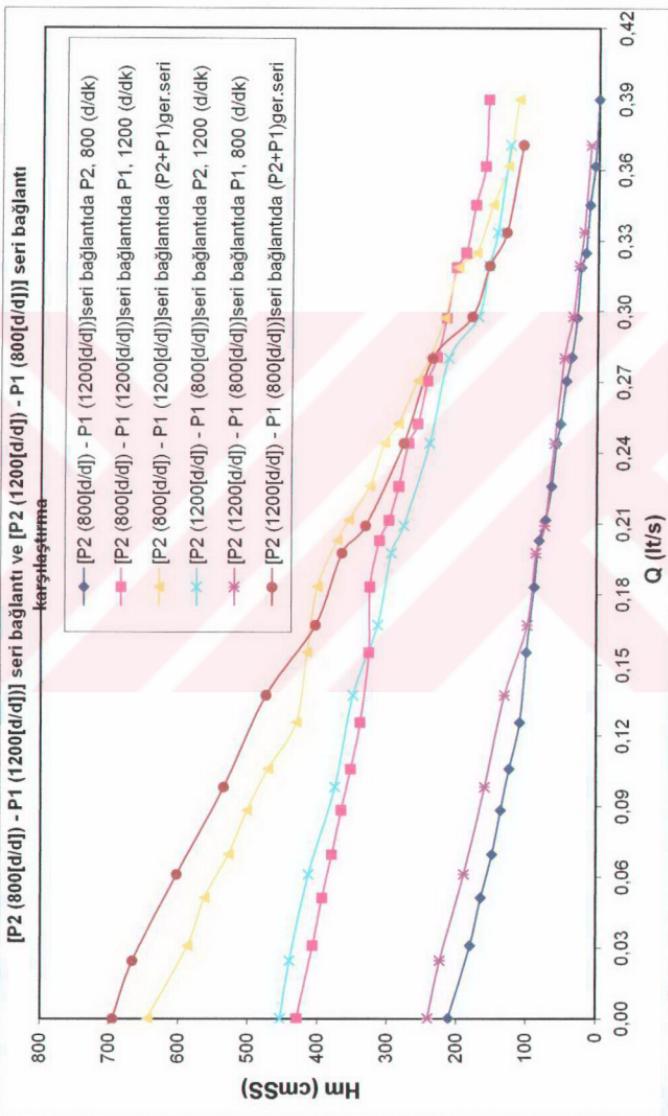
**Şekil 11.21**  $P_2 (1200[d/d]) + P_1 (800[d/d])$ ,  $P_2 (1200[d/d]) + P_1 (1200[d/d])$ ,  $P_2 (1200[d/d]) + P_1 (1900[d/d])$  seri bağıntılarının  $[(Hm_2+Hm_1)_{\text{teo sis.}} - (Hm_2+Hm_1)_{\text{ger sis.}}]$  farkı.



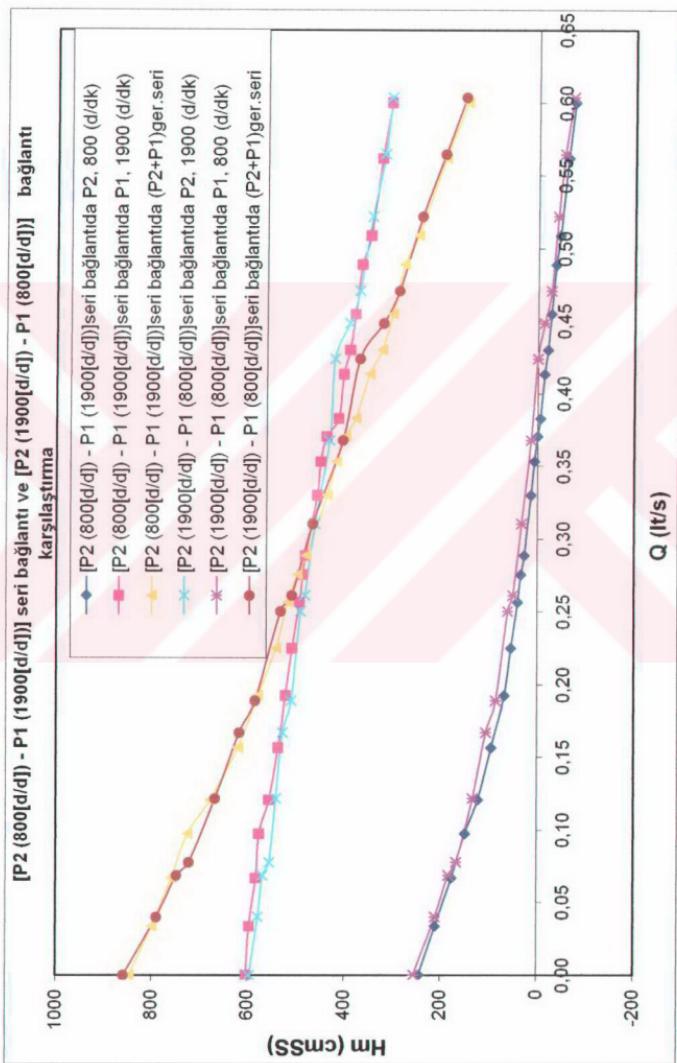
**Şekil 11.22**  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ ,  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$  seri bağıntılarının  $[(Hm_2+Hm)_\text{teo.sis.} - (Hm_2+Hm)_\text{ger.sis.}]$  farkı.



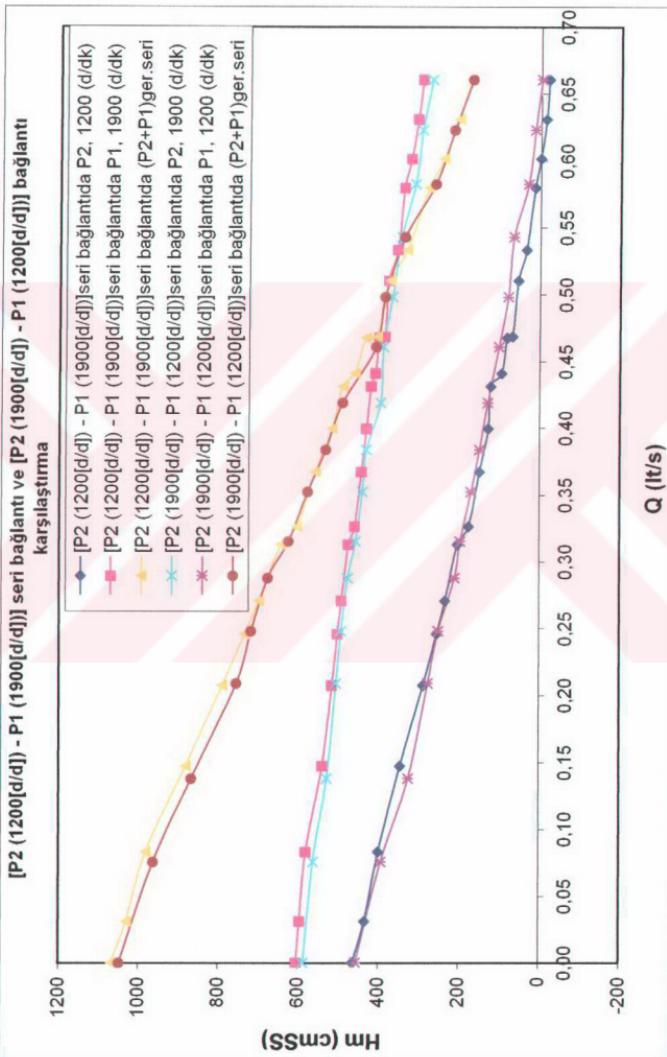
**Sekil 11.23**  $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (800_{[d/d]})$ ,  $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,  $P_2 (800_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ ,  $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1200_{[d/d]})$ ,  $P_2 (1200_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ ,  $P_2 (1900_{[d/d]}) + P_1 (1900_{[d/d]})$ ,  $P_2 (1900_{[d/d]} - P_1 (1900_{[d/d]}))$  seri bağıntılarının  $[(Hm_2+Hm_1)_{eo.sis.} - (Hm_2+Hm_1)_{ger.sis.}]$  farkı.



Sekil 11.24  $[P_2(800[d/d]) - P_1(1200[d/d])] \text{ seri bağlantı ve } [P_2(1200[d/d]) - P_1(800[d/d])] \text{ seri bağlantı karşılaştırması.}$



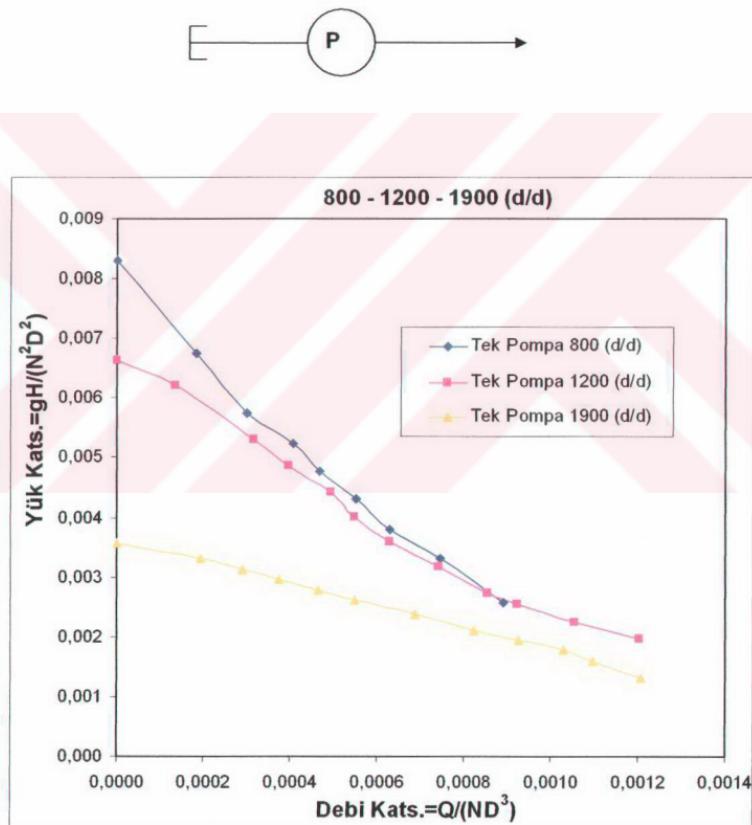
Şekil 11.25 [ $P_2(800_{[d/d]}) - P_1(1900_{[d/d]})$ ] seri bağlantı ve [ $P_2(1900_{[d/d]}) - P_1(800_{[d/d]})$ ] seri bağlantı karşılaştırması.



Şekil 11.26 [P<sub>2</sub> (1200[d/d]) - P<sub>1</sub> (1900[d/d])] seri bağıntı ve [P<sub>2</sub> (1900[d/d]) - P<sub>1</sub> (1200[d/d])] seri bağıntı karşılaştırması.

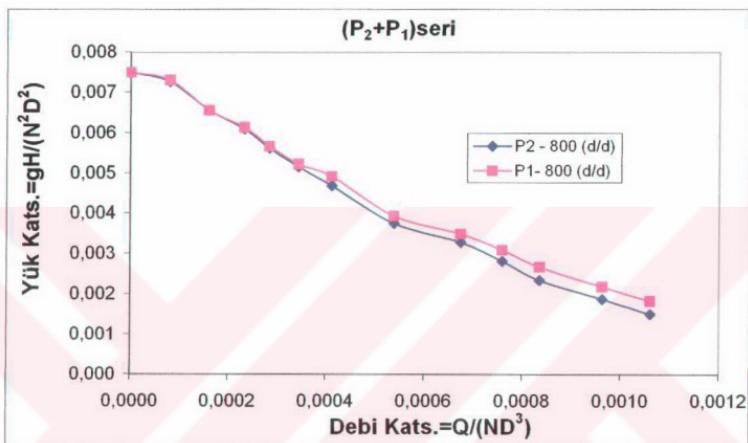
## 12. PERFORMANS EĞRİLERİ ( $\psi - \phi$ )

### 12.1 Tek Pompanın 800, 1200, 1900 Devirde Performans Eğrileri ( $\psi - \phi$ )

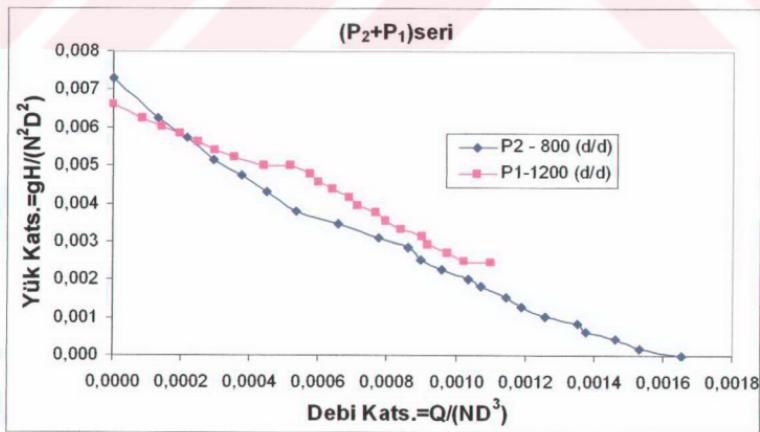


**Şekil 12.27** Tek pompanın 800, 1200, 1900 devirde performans eğrileri.

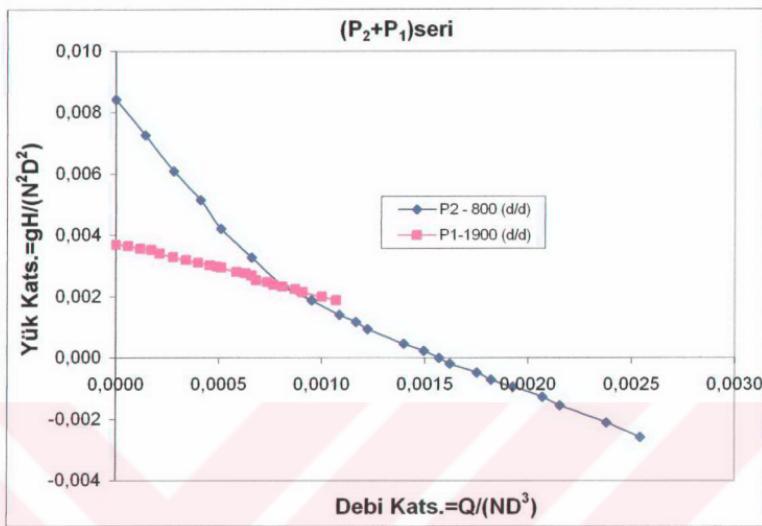
**12.2 Farklı veya Aynı Devirli Pompaların Bağlantılarında Pompaların Birbirlerine Pozitif veya Negatif Etkilerini Veren Performans Eğrileri ( $\psi - \phi$ )**



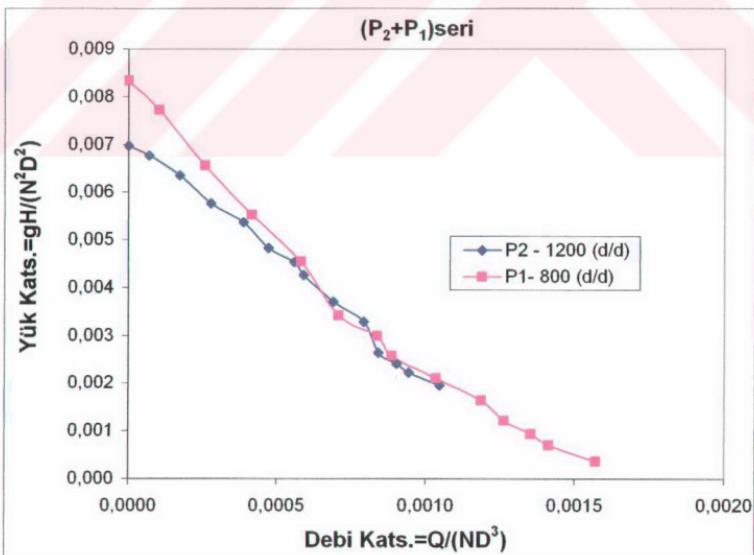
**Şekil 12.28** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı performans eğrisi.



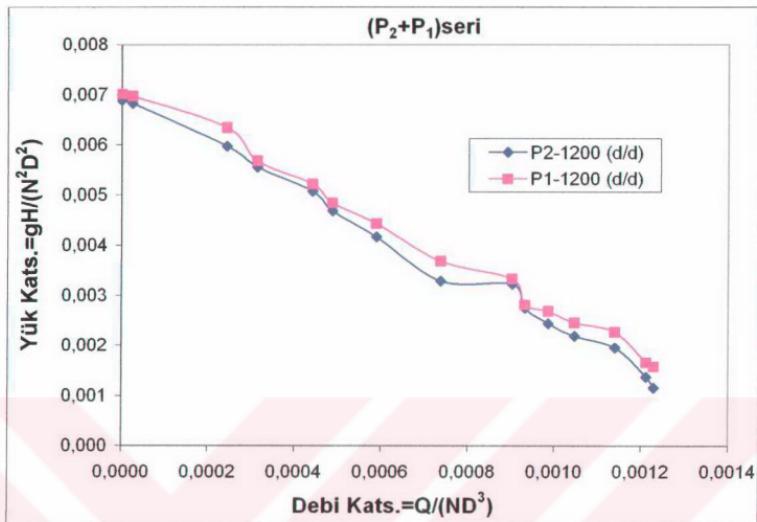
**Şekil 12.29** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı performans eğrisi.



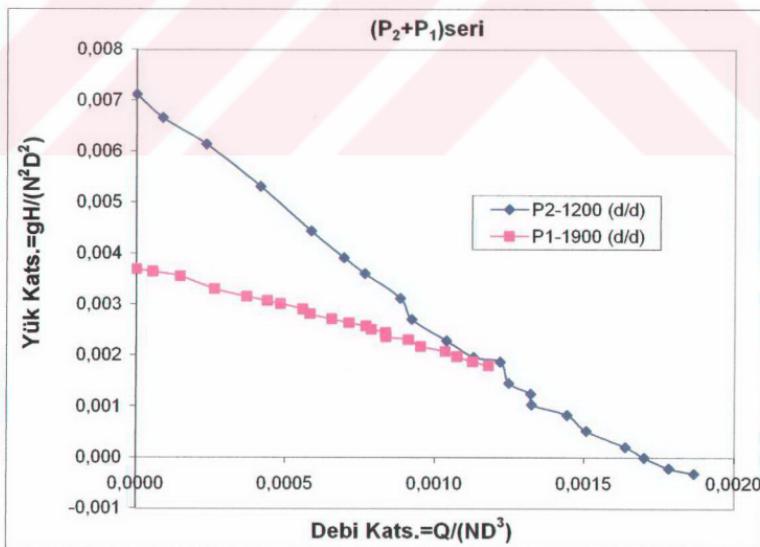
**Şekil 12.30** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlı performans eğrisi.



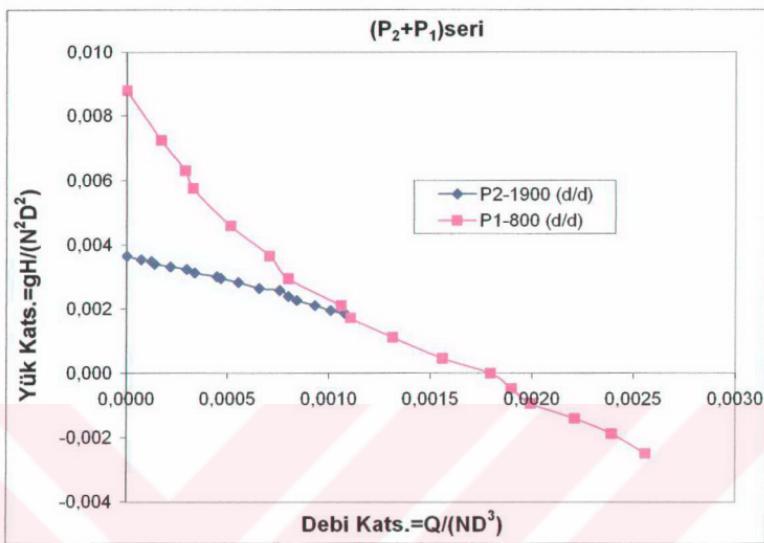
**Şekil 12.31** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlı performans eğrisi.



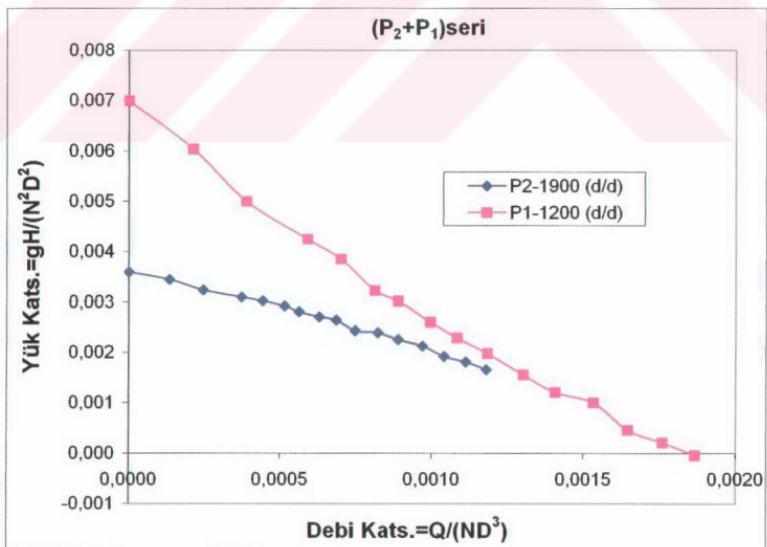
Şekil 12.32 P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı performans eğrisi.



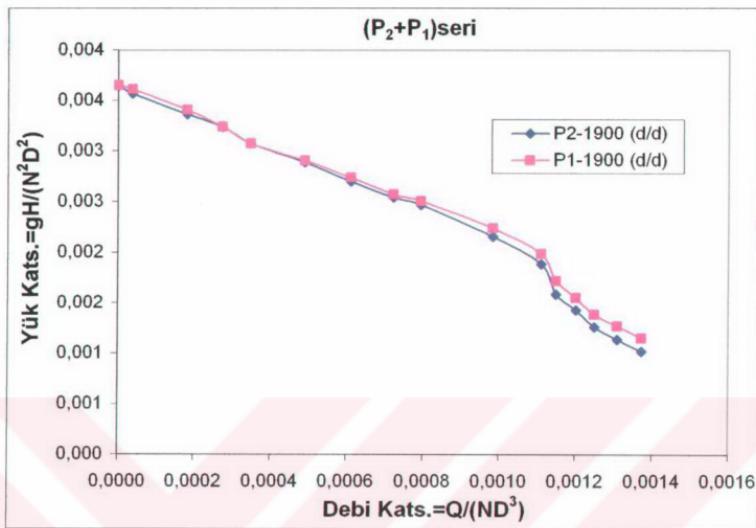
Şekil 12.33 P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı performans eğrisi.



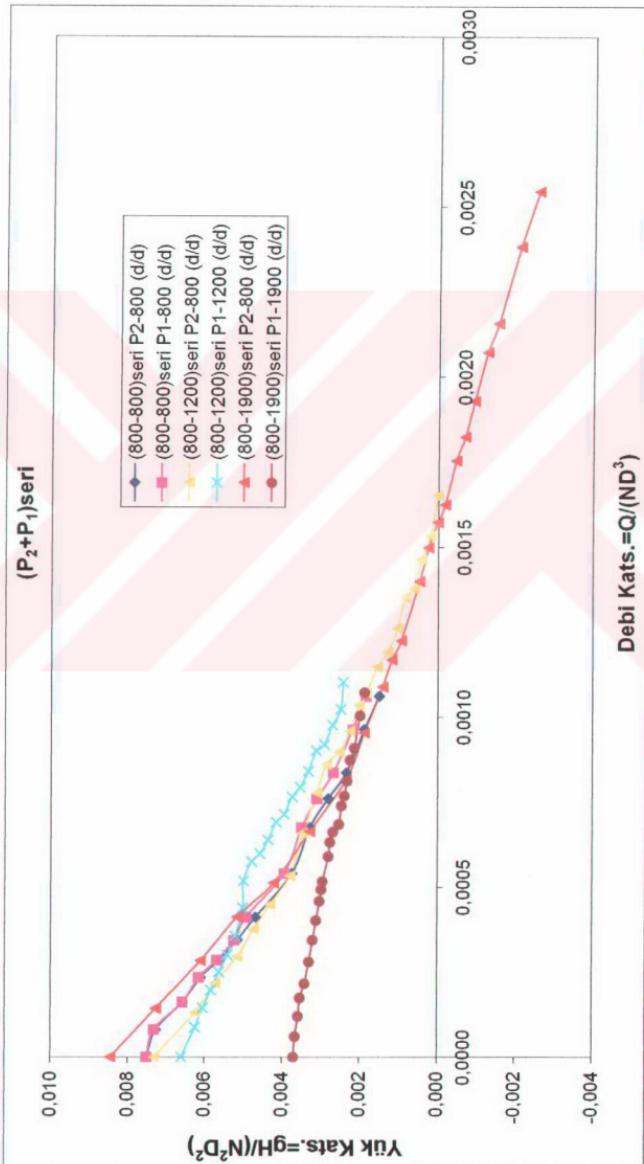
Şekil 12.34 P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı performans eğrisi.



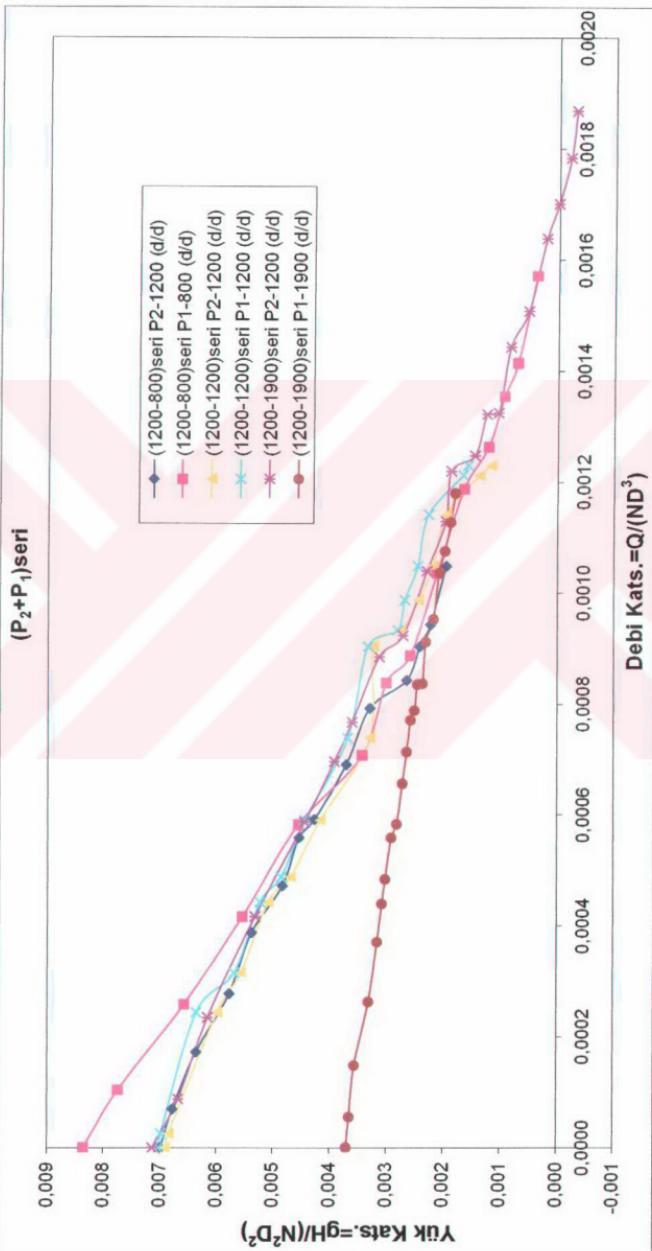
Şekil 12.35 P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı performans eğrisi.



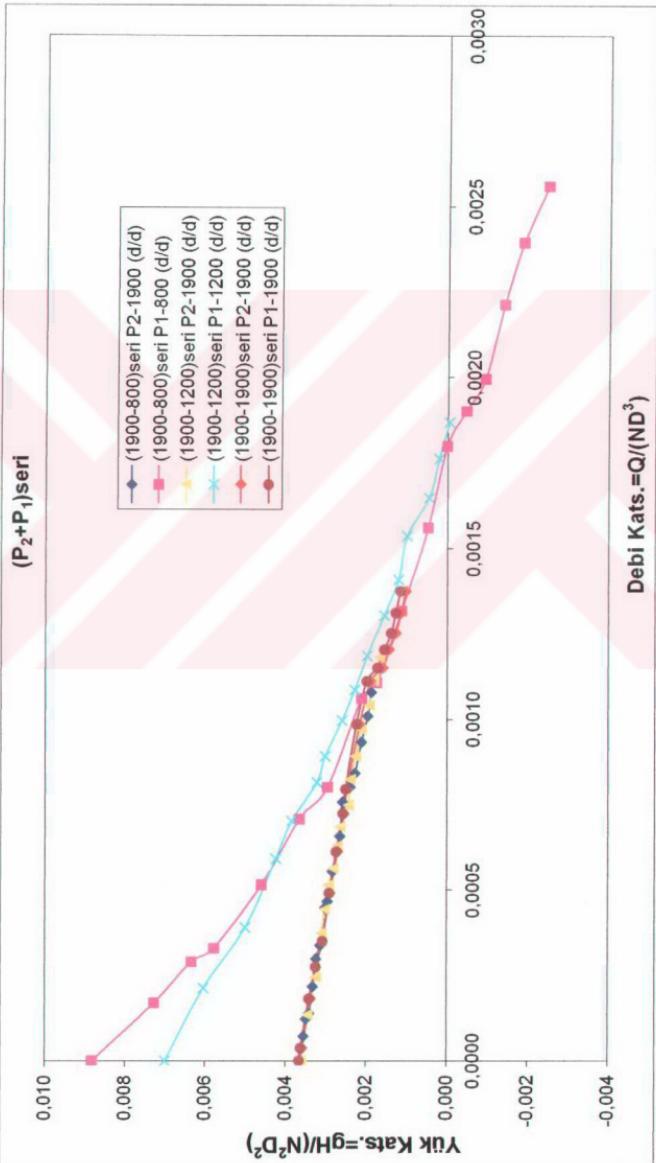
**Şekil 12.36** P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>)- P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlı performans eğrisi.



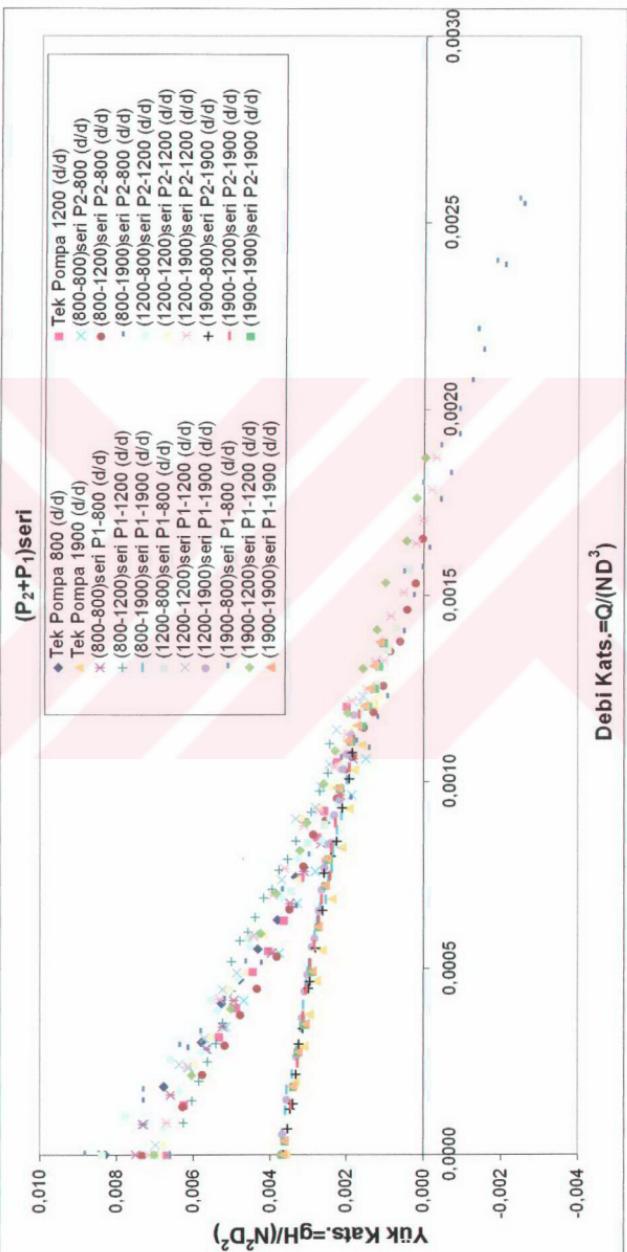
**Şekil 12.37** P<sub>2</sub> (800[d/d]) + P<sub>1</sub> (800[d/d]), P<sub>2</sub> (800[d/d]) + P<sub>1</sub> (1200[d/d]) + P<sub>1</sub> (1900[d/d]) seri bağlantılarında P<sub>2</sub> ve P<sub>1</sub> pompalarının performans eğrileri.



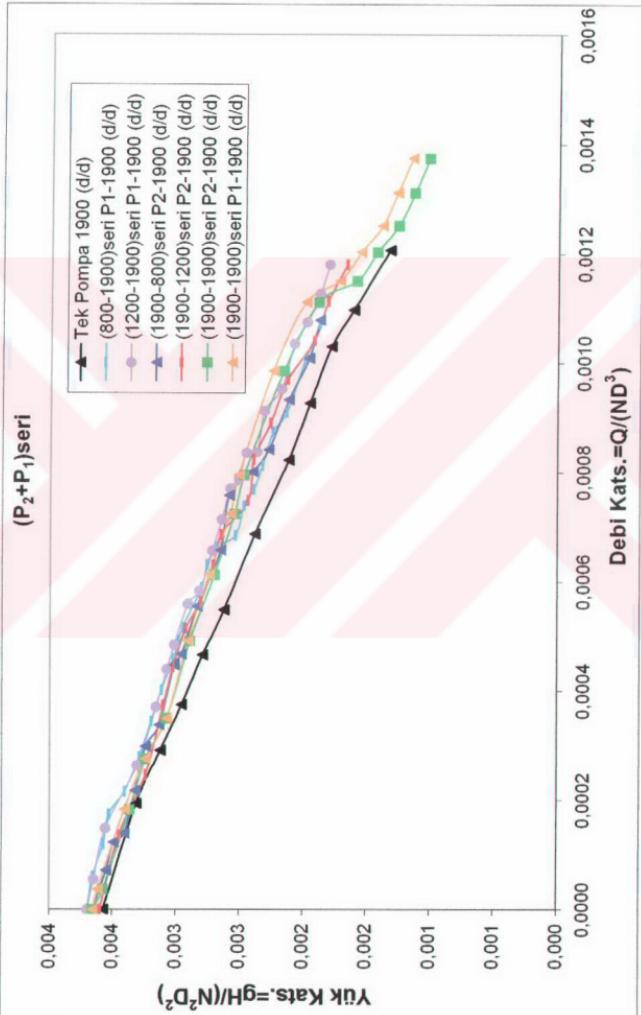
**Sekil 12.38** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>), P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>), P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantılarında P<sub>2</sub> ve P<sub>1</sub> pompalarının performans eğrileri.



**Şekil 12.39** P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>), P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>), P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantılarında P<sub>2</sub> ve P<sub>1</sub> pompalarının performans eğrileri.



**Şekil 12.40**  $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ ,  $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ ,  $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ ,  $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ ,  $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ ,  $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ ,  $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ ,  $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$  seri bağlantılarında  $P_2$  ve  $P_1$  pompalarının performans eğrileri.



**Şekil 12.41**  $P_2(800_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ ,  $P_2(1200_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$ ,  $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(800_{[d/d]})$ ,  $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1200_{[d/d]})$ ,  $P_2(1900_{[d/d]}) + P_1(1900_{[d/d]})$  seri bagışıklarlarında P<sub>2</sub> ve P<sub>1</sub> pompalarının performans eğrileri.

### 13. DENEY SONUÇ TABLOLARI

ölçüm sırası	Tek pompa [ $H_m$ (cmSS), $Q$ (lt/s)]					
	800 [d/dk]		1200 [d/dk]		1900 [d/dk]	
	$H_m$	$Q$	$H_m$	$Q$	$H_m$	$Q$
1	74,470	0,210	128,630	0,425	216,640	0,676
2	96,134	0,175	146,232	0,373	262,676	0,614
3	109,674	0,148	165,880	0,326	291,110	0,577
4	124,568	0,130	177,374	0,302	318,190	0,519
5	138,108	0,111	207,162	0,263	345,270	0,461
6	151,648	0,096	234,242	0,223	388,598	0,384
7	166,542	0,071	261,322	0,194	427,864	0,307
8	194,976	0,043	288,402	0,174	454,944	0,260
9	239,658	0,000	316,836	0,140	482,024	0,209
10			345,270	0,112	509,104	0,163
11			403,492	0,048	540,246	0,108
12			431,926	0,000	582,220	0,000

**Tablo 13.1** Tek pompanın 800 (d/dk), 1200 (d/dk), 1900 (d/dk) devirde  $H_m - Q$  verileri.

sıra no:	$N = 800$ [d/dk]		$N=1200$ [d/dk]		$N=1900$ [d/dk]	
	$gH/(N^2D^2)$	$Q/(ND^3)$	$gH/(N^2D^2)$	$Q/(ND^3)$	$gH/(N^2D^2)$	$Q/(ND^3)$
1	0,002577	0,000891	0,001979	0,001202	0,001329	0,001207
2	0,003327	0,000744	0,002249	0,001055	0,001612	0,001096
3	0,003796	0,000629	0,002552	0,000922	0,001786	0,001030
4	0,004311	0,000551	0,002728	0,000854	0,001952	0,000926
5	0,004780	0,000469	0,003187	0,000743	0,002118	0,000822
6	0,005248	0,000407	0,003603	0,000630	0,002384	0,000686
7	0,005764	0,000301	0,004020	0,000548	0,002625	0,000548
8	0,006748	0,000184	0,004436	0,000492	0,002791	0,000465
9	0,008294	0,000000	0,004874	0,000396	0,002958	0,000374
10			0,005311	0,000317	0,003124	0,000291
11			0,006206	0,000136	0,003315	0,000194
12			0,006644	0,000000	0,003572	0,000000

**Tablo 13.2** Tek pompanın 800 (d/dk), 1200 (d/dk), 1900 (d/dk) devirde manometrik yükseklik katsayısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2D^2}$  ve debi katsayısı  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

**(P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)<sub>seri</sub> [Hm<sub>(cmss)</sub>, Q(lt/s)]**

ölçüm sırası	P <sub>2</sub> , 800 [d/dk]		P <sub>1</sub> , 800 [d/dk]		(P <sub>2</sub> +P <sub>1</sub> ) <sub>seri</sub>	
	Hm <sub>2</sub>	Q <sub>sistem</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>sistem</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub>	Q <sub>sistem</sub>
1	43,328	0,250	52,806	0,250	77,178	0,250
2	54,160	0,227	62,961	0,227	101,550	0,227
3	67,700	0,197	77,178	0,197	131,338	0,197
4	81,240	0,179	89,364	0,179	159,772	0,179
5	94,780	0,159	100,873	0,159	184,144	0,159
6	108,320	0,127	113,736	0,127	211,224	0,127
7	135,400	0,097	142,170	0,097	266,738	0,097
8	148,940	0,081	150,971	0,081	295,172	0,081
9	162,480	0,067	163,834	0,067	315,482	0,067
10	176,020	0,055	177,374	0,055	346,624	0,055
11	189,560	0,038	189,560	0,038	379,120	0,038
12	209,870	0,019	211,224	0,019	419,740	0,019
13	216,640	0,000	216,640	0,000	433,280	0,000

Tablo 13.3 P<sub>2</sub> (800<sub>[da]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[da]</sub>) seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>, Q<sub>sistem</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>eo.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>eo.sis.</sub> - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub> verileri.

<b>(P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)<sub>seri</sub> [Hm<sub>(cmSS)</sub>, Q<sub>(lt/s)</sub>]</b>					
gdm serisi	P <sub>2</sub> , 800 [d/dk]	P <sub>1</sub> , 1200 [d/dk]	(P <sub>2</sub> +P <sub>1</sub> ) <sub>seri</sub>	Q <sub>system</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub>
1	0.000	0.390	158.418	0.390	115.090
2	5.416	0.361	162.480	0.361	129.984
3	12.186	0.345	176.020	0.345	151.648
4	17.602	0.325	189.560	0.325	174.666
5	24.372	0.318	203.100	0.318	200.392
6	29.788	0.297	216.640	0.297	220.025
7	37.235	0.280	230.180	0.280	241.012
8	44.682	0.270	243.720	0.270	258.614
9	52.806	0.252	257.260	0.252	285.694
10	58.222	0.244	270.800	0.244	304.650
11	64.992	0.226	284.340	0.226	326.314
12	73.116	0.211	297.880	0.211	356.102
13	82.594	0.203	311.420	0.203	372.350
14	89.364	0.183	324.960	0.183	400.784
15	100.057	0.155	326.4173	0.155	415.483
16	109.674	0.126	338.500	0.126	430.572
17	124.568	0.106	352.040	0.106	471.192
18	136.754	0.088	365.580	0.088	500.980
19	148.940	0.069	379.120	0.069	528.060
20	165.188	0.051	392.660	0.051	561.910
21	180.082	0.031	406.200	0.031	586.282
22	211.224	0.000	429.218	0.000	644.504

gdm serisi	Hm <sub>2</sub>	Q <sub>system</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>system</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.- (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub></sub>
1	0.000	0.390	158.418	0.390	0.390	158.418	43.328
2	5.416	0.361	162.480	0.361	0.361	167.896	37.912
3	12.186	0.345	176.020	0.345	0.345	188.206	36.558
4	17.602	0.325	189.560	0.325	0.325	207.162	32.496
5	24.372	0.318	203.100	0.318	0.318	227.472	27.080
6	29.788	0.297	216.640	0.297	0.297	246.428	26.403
7	37.235	0.280	230.180	0.280	0.280	267.415	26.403
8	44.682	0.270	243.720	0.270	0.270	288.402	29.788
9	52.806	0.252	257.260	0.252	0.252	310.066	24.372
10	58.222	0.244	270.800	0.244	0.244	329.022	24.372
11	64.992	0.226	284.340	0.226	0.226	349.332	23.018
12	73.116	0.211	297.880	0.211	0.211	370.996	14.894
13	82.594	0.203	311.420	0.203	0.203	394.014	21.664
14	89.364	0.183	324.960	0.183	0.183	414.324	13.540
15	100.057	0.155	326.4173	0.155	0.155	426.474	10.992
16	109.674	0.126	338.500	0.126	0.126	448.174	17.602
17	124.568	0.106	352.040	0.106	0.106	476.608	5.416
18	136.754	0.088	365.580	0.088	0.088	502.334	1.354
19	148.940	0.069	379.120	0.069	0.069	528.060	0.000
20	165.188	0.051	392.660	0.051	0.051	557.848	-4.062
21	180.082	0.031	406.200	0.031	0.031	586.282	0.000
22	211.224	0.000	429.218	0.000	0.000	640.442	-4.062

**Table 13.4** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>; Q<sub>system</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teo.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teo.sis.- (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub> verilleri.</sub>

### (P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)<sub>seri</sub> [Hm<sub>(cmSS)</sub>, Q(lt/s)]

Sıra No	P <sub>2</sub> , 800 [d/dk]		P <sub>1</sub> , 1900 [d/dk]		(P <sub>2</sub> +P <sub>1</sub> ) <sub>seri</sub>	
	Hm <sub>2</sub>	Q <sub>sistem</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>sistem</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub>	Q <sub>sistem</sub>
1	-74.470	0.600	306.004	0.600	147.586	0.600
2	-60.930	0.562	324.960	0.562	192.268	0.562
3	-44.682	0.508	347.978	0.508	249.136	0.508
4	-36.558	0.489	365.580	0.489	277.570	0.489
5	-27.080	0.455	379.120	0.455	301.942	0.455
6	-20.310	0.430	389.952	0.430	323.606	0.430
7	-13.540	0.413	402.138	0.413	349.332	0.413
8	-5.416	0.383	412.970	0.383	377.766	0.383
9	0.000	0.370	437.342	0.370	398.076	0.370
10	6.770	0.353	449.528	0.353	417.032	0.353
11	13.540	0.330	456.298	0.330	435.988	0.330
12	27.080	0.288	480.670	0.288	479.316	0.288
13	33.850	0.275	486.086	0.275	496.918	0.275
14	40.620	0.256	492.856	0.256	517.228	0.256
15	54.160	0.225	507.750	0.225	541.600	0.225
16	67.700	0.192	521.290	0.192	578.158	0.192
17	94.780	0.156	536.184	0.156	620.132	0.156
18	121.860	0.120	555.140	0.120	677.000	0.120
19	148.940	0.097	575.450	0.097	724.390	0.097
20	176.020	0.067	582.220	0.067	758.240	0.067
21	209.870	0.034	595.760	0.034	798.860	0.034
22	243.720	0.000	602.530	0.000	846.250	0.000

Tablo 13.5 P<sub>2</sub> (800[d/d]) + P<sub>1</sub> (1900[d/d]) seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>, Q<sub>sistem</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>geo.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>geo.sis.-</sub> (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub> verileri.

**$(P_2 + P_1)_{\text{seri}}$  [Hm<sub>(cmSS)</sub>, Q<sub>(lt/s)</sub>]**

		$P_i, 1200 \text{ [d/dk]}$		$P_i, 800 \text{ [d/dk]}$		$(P_2 + P_1)_{\text{seri}}$	
elçüm serisi		Hm <sub>1</sub>	Q <sub>sistem</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>sistem</sub>	$(Hm_2 + Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$	$Q_{\text{sistem}}$
1	127,276	0,370	10,832	0,370	108,320	0,370	138,108
2	144,878	0,333	20,310	0,333	131,338	0,333	165,188
3	157,064	0,319	27,080	0,319	155,710	0,319	184,144
4	171,958	0,298	35,204	0,298	180,082	0,298	207,162
5	213,932	0,280	47,390	0,280	236,950	0,280	261,322
6	241,012	0,244	60,930	0,244	277,570	0,244	301,942
7	277,570	0,209	74,470	0,209	331,730	0,209	352,040
8	295,172	0,197	86,656	0,197	365,580	0,197	381,828
9	314,128	0,167	98,842	0,167	403,492	0,167	412,970
10	349,332	0,137	131,338	0,137	473,900	0,137	480,670
11	375,058	0,098	159,772	0,098	534,830	0,098	534,830
12	412,970	0,061	189,560	0,061	602,530	0,061	602,530
13	440,050	0,025	223,410	0,025	666,168	0,025	663,460
14	453,590	0,000	241,012	0,000	694,602	0,000	694,602

Tablo 13.6  $P_2 (1200_{[\text{d/d}]} + P_1 (800_{[\text{d/d}]}))$  seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>; Q<sub>sistem</sub>,  $(Hm_2 + Hm_1)_{\text{ger.sis.}}$ ,  $(Hm_2 + Hm_1)_{\text{teo.sis.}}$ ,  $(Hm_2 + Hm_1)_{\text{ger.sis.}} - (Hm_2 + Hm_1)_{\text{teo.sis.}}$  verileri.

**(P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)<sub>seri</sub> [Hm<sub>(emss)</sub>, Q(lt/s)]**

Sırası	(P <sub>2</sub> +P <sub>1</sub> ) <sub>seri</sub>		[Hm <sub>(emss)</sub> , Q(lt/s)]					
	P <sub>2</sub> , 1200 [d/dk]	P <sub>1</sub> , 1200 [d/dk]	(P <sub>2</sub> +P <sub>1</sub> ) <sub>seri</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub>				
	Hm <sub>2</sub>	Q <sub>sistem</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>sistem</sub>				
1	75,824	0,435	102,904	0,435	124,568	0,435	178,728	54,160
2	89,364	0,429	108,320	0,429	154,356	0,429	197,684	43,328
3	127,276	0,403	147,586	0,403	232,888	0,403	274,862	41,974
4	142,170	0,370	159,772	0,370	274,862	0,370	301,942	27,080
5	158,418	0,349	174,666	0,349	310,066	0,349	333,084	23,018
6	178,728	0,330	182,790	0,330	345,270	0,330	361,518	16,248
7	209,870	0,319	216,640	0,319	400,784	0,319	426,510	25,726
8	213,932	0,261	239,658	0,261	427,864	0,261	453,590	25,726
9	270,800	0,208	288,402	0,208	538,892	0,208	559,202	20,310
10	304,650	0,172	315,482	0,172	614,716	0,172	620,132	5,416
11	330,376	0,156	339,854	0,156	653,982	0,156	670,230	16,248
12	361,518	0,111	369,642	0,111	733,862	0,111	731,160	-2,702
13	388,598	0,086	412,970	0,086	785,320	0,086	801,568	16,248
14	444,112	0,009	453,590	0,009	900,410	0,009	897,702	-2,708
15	448,174	0,000	456,298	0,000	907,180	0,000	904,472	-2,708

Tablo 13.7 P<sub>2</sub> (1200[d/dk]) + P<sub>1</sub> (1200[d/dk]) seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>, Q<sub>sistem</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teo.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teo.sis.- (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub></sub>

**(P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)<sub>seri</sub> [Hm<sub>(cmSS)</sub>, Q(lt/s)]**

Sıra No	P <sub>2</sub> , 1200 [d/dk]		P <sub>1</sub> , 1900 [d/dk]		(P <sub>2</sub> +P <sub>1</sub> ) <sub>seri</sub>	
	Hm <sub>2</sub>	Q <sub>sistem</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>sistem</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>teo.sis.</sub>
1	-20,310	0,660	293,818	0,660	173,312	0,660
2	-13,540	0,631	306,004	0,631	203,100	0,631
3	0,000	0,601	322,252	0,601	241,012	0,601
4	13,540	0,579	338,500	0,579	277,570	0,579
5	33,850	0,533	354,748	0,533	331,730	0,533
6	54,160	0,510	376,412	0,510	372,350	0,510
7	67,700	0,468	385,890	0,468	404,846	0,468
8	81,240	0,467	399,430	0,467	433,280	0,467
9	94,780	0,441	408,908	0,441	460,360	0,441
10	121,860	0,431	419,740	0,431	490,148	0,431
11	127,716	0,399	430,653	0,399	516,704	0,399
12	148,940	0,367	442,758	0,367	557,848	0,367
13	176,020	0,326	459,006	0,326	602,530	0,326
14	203,100	0,313	473,900	0,313	643,150	0,313
15	234,242	0,271	491,502	0,271	697,310	0,271
16	254,552	0,246	500,980	0,246	733,868	0,246
17	288,402	0,207	514,520	0,207	789,382	0,207
18	345,270	0,147	538,892	0,147	880,100	0,147
19	399,430	0,083	579,512	0,083	980,296	0,083
20	433,280	0,031	594,406	0,031	1029,040	0,031
21	463,068	0,000	602,530	0,000	1066,952	0,000

Tablo 13.8 P<sub>2</sub> (1200[d/d]) + P<sub>1</sub> (1900[d/d]) seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>, Q<sub>sistem</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teo.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub> verileri.

**(P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)<sub>seri</sub> [Hm<sub>(emSS)</sub>, Q<sub>(lt/s)</sub>]**

Sıra No	P <sub>2, 1900</sub> [d/dk]		P <sub>1, 800</sub> [d/dk]		(P <sub>2</sub> +P <sub>1</sub> ) <sub>seri</sub>	
	Hm <sub>2</sub>	Q <sub>sistem</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>sistem</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub>	Q <sub>sistem</sub>
1	306,004	0,603	-71,762	0,603	151,648	0,603
2	319,544	0,565	-54,160	0,565	193,622	0,565
3	345,270	0,522	-40,620	0,522	241,012	0,522
4	370,996	0,470	-27,080	0,470	288,402	0,470
5	391,306	0,448	-13,540	0,448	320,898	0,448
6	421,094	0,424	0,000	0,424	369,642	0,424
7	431,926	0,368	13,540	0,368	403,492	0,368
8	461,714	0,310	32,496	0,310	465,776	0,310
9	482,024	0,261	50,098	0,261	509,104	0,261
10	491,502	0,250	60,930	0,250	532,122	0,250
11	510,458	0,189	85,302	0,189	584,928	0,189
12	528,060	0,167	105,612	0,167	617,424	0,167
13	541,600	0,121	132,692	0,121	667,522	0,121
14	555,140	0,078	166,542	0,078	721,682	0,078
15	568,680	0,068	182,790	0,068	747,408	0,068
16	578,158	0,040	209,870	0,040	789,382	0,040
17	595,760	0,000	254,552	0,000	858,436	0,000

Table 13.9 P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>, Q<sub>sistem</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teo.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ko.sis.</sub> - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub> verileri.

<b>(P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)<sub>seri</sub> [Hm<sub>(cmss)</sub>, Q<sub>(lt/s)</sub>]</b>					
P <sub>2</sub> , 1900 [d/dk]		P <sub>1</sub> , 1200 [d/dk]		(P <sub>2</sub> +P <sub>1</sub> ) <sub>seri</sub>	
Hm <sub>2</sub>	Q <sub>sistem</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>sistem</sub>	(Hm <sub>2</sub> +Hm <sub>1</sub> ) <sub>ger.sis.</sub>	Q <sub>sistem</sub>
1	270,800	0,660	-2,708	0,660	0,660
2	295,172	0,623	13,540	0,623	308,712
3	312,774	0,582	29,788	0,582	342,562
4	346,624	0,543	64,992	0,543	411,616
5	368,288	0,498	78,532	0,498	446,820
6	389,952	0,461	101,550	0,461	491,502
7	396,722	0,419	128,630	0,419	525,352
8	431,396	0,383	148,940	0,383	532,122
9	441,404	0,352	169,250	0,352	576,804
10	457,652	0,315	196,330	0,315	624,194
11	476,608	0,288	209,870	0,288	675,646
12	492,856	0,248	250,490	0,248	717,620
13	505,042	0,209	276,216	0,209	754,178
14	528,060	0,138	324,960	0,138	866,560
15	561,910	0,075	392,660	0,075	961,340
16	586,282	0,000	454,944	0,000	1046,642

elçüm serisi  
(Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teo.sis.</sub> - (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub>

Tablo 13.10 P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>, Q<sub>sistem</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>teo.sis.</sub>, (Hm<sub>2</sub>+Hm<sub>1</sub>)<sub>ger.sis.</sub> verileri.

**(P<sub>2</sub>+P<sub>1</sub>)<sub>seri</sub> [Hm<sub>(cmss)</sub>, Q<sub>(lt/s)</sub>]**

elçüm serisi	P <sub>2, 1900 [d/dK]</sub>	P <sub>1, 1900 [d/dK]</sub>	(P <sub>2+P<sub>1</sub></sub> ) <sub>seri</sub>					
Hm <sub>2</sub>	Q <sub>system</sub>	Hm <sub>1</sub>	Q <sub>system</sub>	(Hm <sub>2+Hm<sub>1</sub></sub> ) <sub>ger.sis.</sub>	Q <sub>system</sub>	(Hm <sub>2+Hm<sub>1</sub></sub> ) <sub>teo.sis.</sub>	(Hm <sub>2+Hm<sub>1</sub></sub> ) <sub>ger.sis.</sub> - (Hm <sub>2+Hm<sub>1</sub></sub> ) <sub>teo.sis.</sub>	
1	166,542	0,769	188,206	0,769	203,100	0,769	354,748	151,648
2	185,498	0,734	207,162	0,734	261,322	0,734	392,660	131,338
3	205,808	0,700	226,118	0,700	318,190	0,700	431,926	113,736
4	232,888	0,673	253,198	0,673	380,474	0,673	486,086	105,612
5	258,614	0,643	280,278	0,643	440,050	0,643	538,892	98,842
6	307,358	0,622	323,606	0,622	544,308	0,622	630,964	86,656
7	352,040	0,551	365,580	0,551	652,628	0,551	717,620	64,992
8	402,138	0,445	408,908	0,445	752,824	0,445	811,046	58,222
9	414,324	0,405	419,740	0,405	786,674	0,405	834,064	47,390
10	440,050	0,342	446,820	0,342	846,250	0,342	886,870	40,620
11	471,192	0,275	473,900	0,275	918,012	0,275	945,092	27,080
12	500,980	0,196	500,980	0,196	991,128	0,196	1001,960	10,832
13	528,060	0,154	528,060	0,154	1046,642	0,154	1056,120	9,478
14	548,370	0,102	555,140	0,102	1106,218	0,102	1103,510	-2,708
15	582,220	0,021	588,990	0,021	1177,980	0,021	1171,210	-6,770
16	595,760	0,000	595,760	0,000	1191,520	0,000	1191,520	0,000

Table 13.11 P<sub>2</sub> (1900[d/d]) + P<sub>1</sub> (1900[d/d]) seri bağlantı; Hm<sub>2,1</sub>, Q<sub>system</sub>, (Hm<sub>2+Hm<sub>1</sub></sub>)<sub>ger.sis.</sub>, (Hm<sub>2+Hm<sub>1</sub></sub>)<sub>teo.sis.</sub>, (Hm<sub>2+Hm<sub>1</sub></sub>)<sub>co.sis.</sub>, (Hm<sub>2+Hm<sub>1</sub></sub>)<sub>ger.sis.</sub> verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 800 [d/dk]</b>		<b>P<sub>1</sub>, 800 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>	<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,001500	0,001060	0,001828	0,001060
0,001874	0,000963	0,002179	0,000963
0,002343	0,000835	0,002671	0,000835
0,002812	0,000759	0,003093	0,000759
0,003280	0,000674	0,003491	0,000674
0,003749	0,000539	0,003936	0,000539
0,004686	0,000411	0,004920	0,000411
0,005155	0,000344	0,005225	0,000344
0,005623	0,000284	0,005670	0,000284
0,006092	0,000233	0,006139	0,000233
0,006561	0,000161	0,006561	0,000161
0,007263	0,000081	0,007310	0,000081
0,007498	0,000000	0,007498	0,000000

**Tablo 13.12** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayıları  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 800 [d/dk]</b>		<b>P<sub>1</sub>, 1200 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>	<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,000000	0,001652	0,002437	0,001102
0,000187	0,001533	0,002499	0,001022
0,000422	0,001462	0,002708	0,000975
0,000609	0,001377	0,002916	0,000918
0,000843	0,001351	0,003124	0,000900
0,001031	0,001260	0,003332	0,000840
0,001289	0,001189	0,003541	0,000793
0,001546	0,001146	0,003749	0,000764
0,001828	0,001069	0,003957	0,000713
0,002015	0,001034	0,004165	0,000690
0,002249	0,000957	0,004374	0,000638
0,002530	0,000896	0,004582	0,000597
0,002859	0,000860	0,004790	0,000573
0,003093	0,000776	0,004999	0,000517
0,003463	0,000657	0,005021	0,000438
0,003796	0,000532	0,005207	0,000355
0,004311	0,000448	0,005415	0,000299
0,004733	0,000374	0,005623	0,000249
0,005155	0,000295	0,005832	0,000196
0,005717	0,000216	0,006040	0,000144
0,006233	0,000131	0,006248	0,000087
0,007310	0,000000	0,006602	0,000000

**Tablo 13.13** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayıları  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 800 [d/dk]</b>		<b>P<sub>1</sub>, 1900 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>	<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
-0,002577	0,002545	0,001878	0,001071
-0,002109	0,002383	0,001994	0,001003
-0,001546	0,002156	0,002135	0,000908
-0,001265	0,002072	0,002243	0,000872
-0,000937	0,001928	0,002326	0,000812
-0,000703	0,001823	0,002393	0,000767
-0,000469	0,001752	0,002467	0,000738
-0,000187	0,001623	0,002534	0,000683
0,000000	0,001571	0,002683	0,000661
0,000234	0,001497	0,002758	0,000630
0,000469	0,001398	0,002800	0,000589
0,000937	0,001223	0,002949	0,000515
0,001172	0,001167	0,002982	0,000491
0,001406	0,001087	0,003024	0,000458
0,001874	0,000952	0,003115	0,000401
0,002343	0,000816	0,003198	0,000343
0,003280	0,000663	0,003290	0,000279
0,004217	0,000511	0,003406	0,000215
0,005155	0,000412	0,003531	0,000173
0,006092	0,000283	0,003572	0,000119
0,007263	0,000142	0,003655	0,000060
0,008435	0,000000	0,003697	0,000000

**Tablo 13.14** P<sub>2</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayıısı  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 1200 [d/dk]</b>		<b>P<sub>1</sub>, 800 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>	<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,001958	0,001047	0,000375	0,001571
0,002229	0,000942	0,000703	0,001414
0,002416	0,000902	0,000937	0,001354
0,002645	0,000841	0,001218	0,001262
0,003291	0,000791	0,001640	0,001187
0,003707	0,000690	0,002109	0,001034
0,004270	0,000591	0,002577	0,000886
0,004540	0,000558	0,002999	0,000837
0,004832	0,000471	0,003421	0,000707
0,005373	0,000387	0,004546	0,000581
0,005769	0,000277	0,005530	0,000416
0,006352	0,000172	0,006561	0,000259
0,006769	0,000069	0,007732	0,000104
0,006977	0,000000	0,008341	0,000000

**Tablo 13.15** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayıısı  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 1200 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,001166	0,001229
0,001375	0,001212
0,001958	0,001140
0,002187	0,001047
0,002437	0,000986
0,002749	0,000932
0,003228	0,000902
0,003291	0,000738
0,004165	0,000589
0,004686	0,000487
0,005082	0,000442
0,005561	0,000314
0,005977	0,000244
0,006831	0,000025
0,006894	0,000000

<b>P<sub>1</sub>, 1200 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,001583	0,001229
0,001666	0,001212
0,002270	0,001140
0,002458	0,001047
0,002687	0,000986
0,002812	0,000932
0,003332	0,000902
0,003686	0,000738
0,004436	0,000589
0,004853	0,000487
0,005228	0,000442
0,005686	0,000314
0,006352	0,000244
0,006977	0,000025
0,007019	0,000000

**Tablo 13.16** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayıısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayıısı  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 1200 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
-0,000312	0,001867
-0,000208	0,001783
0,000000	0,001700
0,000208	0,001638
0,000521	0,001507
0,000833	0,001443
0,001041	0,001324
0,001250	0,001321
0,001458	0,001247
0,001874	0,001219
0,001965	0,001128
0,002291	0,001038
0,002708	0,000922
0,003124	0,000884
0,003603	0,000766
0,003915	0,000695
0,004436	0,000586
0,005311	0,000416
0,006144	0,000234
0,006665	0,000087
0,007123	0,000000

<b>P<sub>1</sub>, 1900 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,001803	0,001179
0,001878	0,001126
0,001977	0,001074
0,002077	0,001035
0,002177	0,000952
0,002310	0,000911
0,002368	0,000836
0,002451	0,000834
0,002509	0,000787
0,002575	0,000770
0,002642	0,000713
0,002717	0,000656
0,002816	0,000582
0,002908	0,000558
0,003016	0,000483
0,003074	0,000439
0,003157	0,000370
0,003306	0,000263
0,003556	0,000148
0,003647	0,000055
0,003697	0,000000

**Tablo 13.17** P<sub>2</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayıısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayıısı  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 1900 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,001878	0,001078
0,001961	0,001008
0,002118	0,000931
0,002276	0,000840
0,002401	0,000800
0,002584	0,000757
0,002650	0,000656
0,002833	0,000554
0,002958	0,000466
0,003016	0,000446
0,003132	0,000337
0,003240	0,000298
0,003323	0,000217
0,003406	0,000138
0,003489	0,000122
0,003547	0,000071
0,003655	0,000000

<b>P<sub>1</sub>, 800 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
-0,002484	0,002559
-0,001874	0,002394
-0,001406	0,002212
-0,000937	0,001995
-0,000469	0,001900
0,000000	0,001797
0,000469	0,001559
0,001125	0,001315
0,001734	0,001106
0,002109	0,001060
0,002952	0,000800
0,003655	0,000707
0,004592	0,000515
0,005764	0,000329
0,006326	0,000290
0,007263	0,000170
0,008810	0,000000

**Tablo 13.18** P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (800<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayı  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 1900 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,001662	0,001179
0,001811	0,001112
0,001919	0,001040
0,002127	0,000969
0,002260	0,000889
0,002393	0,000822
0,002434	0,000748
0,002647	0,000685
0,002708	0,000629
0,002808	0,000562
0,002924	0,000514
0,003024	0,000443
0,003099	0,000373
0,003240	0,000246
0,003448	0,000135
0,003597	0,000000

<b>P<sub>1</sub>, 1200 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
-0,000042	0,001867
0,000208	0,001761
0,000458	0,001647
0,001000	0,001534
0,001208	0,001408
0,001562	0,001302
0,001979	0,001184
0,002291	0,001084
0,002603	0,000996
0,003020	0,000890
0,003228	0,000813
0,003853	0,000701
0,004249	0,000591
0,004999	0,000389
0,006040	0,000213
0,006998	0,000000

**Tablo 13.19** P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1200<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayı  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

<b>P<sub>2</sub>, 1900 [d/dk]</b>		<b>P<sub>1</sub>, 1900 [d/dk]</b>	
<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>	<b>gH/(N<sup>2</sup>D<sup>2</sup>)</b>	<b>Q/(ND<sup>3</sup>)</b>
0,001022	0,001374	0,001155	0,001374
0,001138	0,001310	0,001271	0,001310
0,001263	0,001250	0,001387	0,001250
0,001429	0,001202	0,001554	0,001202
0,001587	0,001149	0,001720	0,001149
0,001886	0,001110	0,001986	0,001110
0,002160	0,000984	0,002243	0,000984
0,002467	0,000794	0,002509	0,000794
0,002542	0,000723	0,002575	0,000723
0,002700	0,000612	0,002742	0,000612
0,002891	0,000491	0,002908	0,000491
0,003074	0,000349	0,003074	0,000349
0,003240	0,000275	0,003240	0,000275
0,003365	0,000182	0,003406	0,000182
0,003572	0,000037	0,003614	0,000037
0,003655	0,000000	0,003655	0,000000

**Tablo 13.20** P<sub>2</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) + P<sub>1</sub> (1900<sub>[d/d]</sub>) seri bağlantı; manometrik yükseklik katsayıısı  $\Psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ve debi katsayıısı  $\Phi = \frac{Q}{ND^3}$  verileri.

## **KAYNAKLAR**

1. YİĞİT, S. K. , 1998. " Hidrolik makineler " Ders notları.
2. ŞALCI, A. , 2000. " Benzerlik ve Model Teorisi " Ders notları.
3. WRIGHT, T. , 1996. Fluid Machinery Performance, Analysis, and Design. CRC Press Boca Raton London New York Washington, D.C., New York.
4. YAZICI, H. F. , 1983. Su Makinaları Problemleri. İ.T.Ü. Matbaası Gümüşsuyu, İstanbul.
5. SARAÇOĞLU, S. , 1971. Boyut Analizi Benzerlik Kanunları Model Teorisi. İstanbul Devlet Mühendislik ve Mimarlık Akademisi, Sayı:101, İstanbul.
6. PFLEIDERER ve PETERMANN, (Çevirenler: EDİS, K. ve Tekin, Y.) , 1978. Akım Makinaları. Matbaa Teknisyenleri Basımevi, İstanbul.
7. ÖZERENGİL, F. , 1972. Santrifüj ve Eksenel Akımlı Pompalar. Kutulmuş Matbaası, İstanbul.
8. HICKS, T. G. , EDWARDS , T. W. , ilk ad(lar)ının baş harfi. , 1993. Pump Application Desk Book. The Fairmont Press, Inc., USA.
9. ŞEN, M. , 2003. Santrifüj Pompalar ve Pompa Tesisatları. MAS Pompa Sanayii A.Ş., İstanbul.
10. KÖKTÜRK, U. , 1997. Kalorifer Tesisatı (Pompalı Sıcak Sulu Isıtma Tesisleri). Birsen Yayınevi, İstanbul.
11. KOVATS, A. ve Desmur, G. (Çevirenler: ÖZGÜR, C. ve Yazıcı, H. F.) , 1994. Pompalar, Vantilatörler, Kompresörler. İ.T.Ü. Makina Fakültesi Ofset Atölyesi, İstanbul.
12. ÖZGÜR, C. , 1977. Su Makineleri Dersleri. İTÜ Matbaası Gümüşsuyu, İstanbul.
13. KOLB, R.C. (Çeviren: AĞIŞ, Ö.) , 1969. Kazan Besleme Pompaları Performans Testleri. Mühendis ve Makina, Cilt:13, Sayı:151, Türkiye.

14. YAZICI, H. F. , 1983. Su Makinaları Problemleri. İTÜ Matbaası Gümüşsuyu, İstanbul.
15. BAYSAL, K. , 1976. Benzeşim Kurallarından Yararlanılarak Motopomp Karakteristiklerinin Grafik ve Analitik Metodlarla Etüdü. İ.T.Ü. Matbaası, İstanbul.
16. BAYSAL, K. , 1976. Pompa Karakteristiklerinde Benzeşim. Mühendis ve Makina, Cilt:20, Sayı:229, Türkiye.
17. MUSLU, Y. , 1990. Terfi Merkezleri ve İsale Hatları. İ.T.Ü. İnşaat Fakültesi Matbaası, İstanbul.
18. CLOSTERHALFEN, A. (Çeviren: TARIKAHYA, T.) , 1964. Santrifij Pompa ve Tahrik Motoru. Mühendis ve Makina, Cilt:7, Sayı:84, Türkiye.
19. GÖKELİM, A. T. , 1984. Hidrolik Makinalar Çözülmüş Problemlerle. Birsen Yayıncılık, İstanbul.
20. CANBAZOĞLU, S. , 1991. Santrifij Pompa Karakteristikleri Üzerinde Viskozitenin Etkisi. Mühendis ve Makina, Cilt:32, Sayı:381, Türkiye.
21. BAUDOUY, B. , TAKEDA, M. , VAN SCIVERT, S. W. , Hydraulic characterization of centrifugal pumps in He I near saturated conditions. Cryogenics 1998 Volume 38, Number 7, 737-742.
22. LI, W. G. , Effects of viscosity of fluids on centrifugal pump performance and flow pattern in the impeller. International Journal of Heat and Fluid Flow 21 (2000) 207-212.
23. KELDER, J. D. H., DIJKERS, R. J. H. , VAN ESCH, B. P. M. , KRUYT, N. P. , Experimental and theoretical study of the flow in the volute of a low specific-speed pump. Fluid Dynamics Research 28 (2001) 267-280.
24. PETTERSSON, F. , WESTERLUND, T. , 1997. Global optimization of pump configurations using binary separable programming. Computers Chem. Engng Vol. 21, No. 5, pp. 521-529.

## **ÖZGEÇMİŞ**

1974 yılında Bilecik’de doğdu. İlk öğretimi Hakkari, orta öğretimi Kütahya ve lise öğrenimini Çanakkale’de tamamladı. 1993 yılında girdiği Kocaeli Üniversitesi, Mühendislik Fakültesi, Makine Mühendisliği Bölümü’nden 1999 yılında mezun oldu. 2000’den bu güne Kocaeli Üniversitesi, Fen Bilimleri Enstitüsü, Makine Mühendisliği Anabilim Dalı’nda yüksek lisans öğrenimini sürdürmektedir.

1999-2000 yılında Rota Denizcilik A.Ş. de Makine Bakım Şefliği yaptı. 03.01.2000 tarihinden bu güne Kocaeli Üniversitesi, Mühendislik Fakültesi, Makine Mühendisliği Bölümü, Hidromekanik ve Hidrolik Makineleri Anabilim Dalı’nda Araştırma Görevlisi olarak çalışmaktadır.